



تعیین پارامترهای شکست کامپوزیت‌های سیمانی الیافی دارای نانو سیلیس با استفاده از پردازش تصویر

حسین کریم پور، موسی مظلوم*

دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه تربیت دبیر شهید رجایی، تهران، ایران

تاریخچه داوری:

دریافت: ۱۴۰۱/۰۲/۰۹

بازنگری: ۱۴۰۱/۰۶/۲۸

پذیرش: ۱۴۰۱/۰۷/۱۹

ارائه آنلاین:

کلمات کلیدی:

کامپوزیت سیمانی الیافی

مکانیک شکست

نانو سیلیس

پردازش تصویر

کامپوزیت سیمانی مهندسی شده

خلاصه: استفاده از کامپوزیت‌های سیمانی الیافی ایده‌ای نو در صنعت ساختمان محسوب می‌شود. به دلیل انعطاف‌پذیری بالای کامپوزیت‌های سیمانی الیافی نسبت به بتن معمولی، استفاده از این نوع مصالح در المان‌های سازه‌ای از جذابیت زیادی به ویژه در مناطق زلزله‌خیز برخوردار است. بنابراین بررسی رفتار و خواص شکست آن‌ها به منظور تسهیل در روند طراحی و استفاده در صنعت ساختمان امری ضروری به نظر می‌رسد. در این پژوهش نوع جدیدی از کامپوزیت‌های سیمانی دارای الیاف پلی‌پروپیلن با رفتار سخت‌شوندگی کرنشی مورد بررسی قرار گرفت. در این نوع کامپوزیت به منظور کاهش اثرهای منفی زیستمحیطی استفاده از سیمان، از سرباره‌ی آهن‌گلازی استفاده شد. استفاده از این نوع پوزولان علیرغم اثرات مثبت آن باعث دیرگیری و مقاومت فشاری و خمشی کم در سینه‌پایین می‌گردد که با افزودن نانو سیلیس به خمیر سیمان، این مشکل رفع گردید. در این پژوهش تأثیر استفاده از نانو سیلیس در رفتار شکست کامپوزیت‌های سیمانی الیافی مورد بررسی قرار گرفت. در همین راستا ۵ طرح اختلاط شامل طرح بدون نانو سیلیس و طرح‌های حاوی ۱-۴ درصد نانو سیلیس ساخته شد. آزمایش‌های مقاومت فشاری و خمشی جهت تعیین ویژگی‌های مکانیکی و شکست انجام شد. رفتار شکست و گسترش ترک در این کامپوزیت سیمانی الیافی با استفاده از روش ضربی شدت تنفس دوتایی تحلیل شد و تأثیر نانو سیلیس بر طاقت شکست در زمان شروع ترک‌خوردگی و همچنین نحوه گسترش ترک (در حالت ناپایدار) بررسی شد. به دلیل محدودیت تجهیزات متداول اندازه‌گیری جابه‌جایی و کرنش، برای محاسبه‌ی بازشدنگی دهانه‌ی ترک و بار نظیر ترک‌خوردگی اولیه از روش پردازش تصویر استفاده شد. نتایج نشان داد که افزودن ۳ درصد نانو سیلیس باعث بهبود رفتار مکانیکی (شامل مقاومت فشاری و مقاومت خمشی) شده و همچنین افزایش طاقت پل زدن الیاف و کاهش تردی کامپوزیت سیمانی الیافی را در پی دارد.

۱- مقدمه

کامپوزیت‌های سیمانی مهندسی شده (ECC^۱) نوع منحصر به فردی از کامپوزیت‌های سیمانی مسلح الیافی توانمند استند که از مهم‌ترین ویژگی‌های بارز آن‌ها در مقایسه با بتن الیافی معمولی (FRC^۲) به رفتار سخت‌شوندگی کرنشی، سکل‌پذیری، ظرفیت جذب انرژی، وزن پایین به علت حذف سنگدانه‌های درشت‌دانه و دوام زیاد می‌توان اشاره کرد [۳]. علاوه بر ویژگی‌های ذکر شده، این نوع کامپوزیت‌های سیمانی با کنترل عرض ترک به نسبت بتن‌های معمولی (عرض ترک کمتر از ۱۰۰ میکرومتر) علاوه بر ایجاد تأخیر در تماس عوامل مهاجم با میکردهای فولادی، ایجاد تغییر در ماهیت خوردگی فولاد و مقاومت در برابر پوسته پوسته شدن کاور بتنه، خاصیت خودترمیم شوندگی نیز دارد.

2 Engineered cementitious composite

3 Fiber reinforced concrete

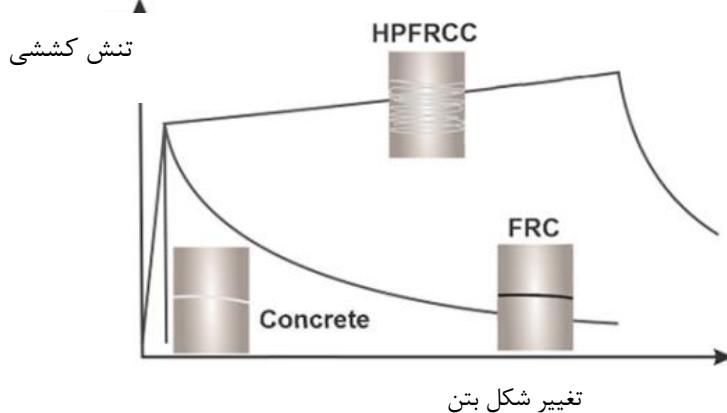
(Creative Commons License) حقوق مؤلفین به نویسنده‌گان و حقوق ناشر به انتشارات دانشگاه امیرکبیر داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) در دسترس شما قرار گرفته است. برای جزئیات این لیسانس، از آدرس <https://www.creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode> دیدن فرمائید.

در دهه‌های اخیر با گسترش و پیشرفت تحقیقات انجام شده در صنعت ساختمان، مصالح ساختمانی جدیدی با عنوان کامپوزیت‌های سیمانی الیافی توانمند (HPFRCC^۳) معرفی شده‌اند. این بتن‌ها دسته‌ی خاصی از کامپوزیت‌های سیمانی الیافی را تشکیل می‌دهند که برخلاف بتن معمولی و کامپوزیت سیمانی الیافی، در بارگذاری پس از اولین ترک‌خوردگی رفتار سخت‌شوندگی کرنشی همراه با ترک‌خوردگی‌های متعدد را قبل از تمرکز ترک و گسیختگی نهایی از خود نشان می‌دهند (شکل ۱ و ۲).

1 High performance fiber reinforced cementitious composites

* نویسنده عهده‌دار مکاتبات: mazloom@sru.ac.ir





شکل ۱. منحنی تنش کششی تکمحوری - تغییر شکل بتن معمولی، بتن تقویت شده با الیاف و کامپوزیت سیمانی مهندسی شده [۲]

Fig. 1. Schematic uniaxial tensile stress vs. deformation curves of plain concrete, FRCC, and ECC [2]

در ECC از کاربرد درشت‌دانه‌ها اجتناب شده است که حاصل آن مخلوطی با مقدار مواد سیمانی بیشتر در مقایسه با بتن معمولی است [۷]. مقدار زیاد مواد سیمانی در ECC موجب کنترل مقدار کارایی برای توزیع هر چه بهتر الیاف در آن می‌شود و همچنین، برای بروز رفتار کرنش سخت شونده و افزایش چقرمگی خمیر سیمانی در ناحیه‌ی پساترک ضروری است [۷]. در واقع، مواد ECC ترکیبی از خمیر سیمان یا ملات با مواد پر کننده‌ی ریزدانه است و عیار سیمان آن، ۸۳۰ تا ۱۲۰۰ کیلوگرم در هر متر مکعب است که در مقایسه با بتن معمولی، به طور قابل توجهی دارای مقدار سیمان بیشتری، به طور متوسط دو تا سه برابر، هست [۸]. بنابراین یکی از رویکردهای مهم در کاهش هزینه‌ی تولید و افزایش بهره‌وری زیست‌محیطی به منظور تسهیل هر چه بیشتر استفاده از این نوع کامپوزیت سیمانی در صنعت ساختمان، استفاده از مصالح پوزولانی و در دسترس به عنوان جایگزین بخشی از وزن سیمان عنوان می‌شود [۶].

در چند دهه‌ی گذشته، از مواد افروزنی معدنی، مانند خاکستر بادی^۱ و سرباره‌ی کوره‌ی آهن‌گدازی^۲ به عنوان جایگزین بخشی از وزن سیمان، به دلیل داشتن مزايا و آثار مثبت بر بتن و فرآورده‌های سیمانی استفاده شده است. در سال‌های اخیر استفاده از این مواد در ECC نیز مورد توجه پژوهشگران قرار گرفته است. جایگزینی بخشی از سیمان با خاکستر بادی و سرباره‌ی آهن‌گدازی باعث کاهش مصرف سیمان و به دنبال آن اثرات مثبت

از مهم‌ترین کاربردهای ECC می‌توان به استفاده از این نوع کامپوزیت الیافی در ساخت روسازی، دال‌های بتنی، ساختمان‌های بلندمرتبه و تعمیر سازه‌ها اشاره کرد. استفاده از ECC در ساخت المان‌های سازه‌ای تا حد زیادی می‌تواند ابعاد آن‌ها را کاهش دهد. علاوه بر کاربردهای سازه‌ای ECC می‌توان از آن به عنوان لایه‌ی محافظت برای سازه‌های بتن‌آرمه به منظور افزایش دوام و جلوگیری از خوردگی میلگردها نیز استفاده کرد. همچنین با توجه به جذب انرژی بالای ECC و مقاومت بالا در برابر ترک‌خوردگی، می‌توان از آن به عنوان المان جاذب انرژی در سازه استفاده کرد [۴]. نام کامپوزیت سیمانی مهندسی شده (ECC) به منظور تأکید بر استفاده از اصول میکرو مکانیسم در انتخاب طرح مخلوط، انتخاب شده است [۵]. در ساخت ECC به طور معمول از الیاف پلی‌وینیل کلریک (PVC) به دلیل مدول الاستیسیته‌ی بالای آن استفاده می‌شود. مظلوم و میرزا محمدی بر تأثیر استفاده از الیاف پلی‌پروپیلن، آرامید، شیشه و بازالت بر رفتار شکست کامپوزیت‌های سیمانی الیافی مطالعه کردند. در این مطالعه مشخص شد که کامپوزیت‌های سیمانی حاوی الیاف پلی‌پروپیلن در دماهای متفاوت از خواص مکانیکی و شکست بهتری نسبت به کامپوزیت‌های سیمانی حاوی سایر الیاف برخوردار هستند [۵]. همچنین کریم پور و مظلوم با مطالعه بر خواص شکست و پارامترهای میکرو مکانیک کامپوزیت‌های سیمانی الیافی دارای الیاف پلی‌پروپیلن نشان دادند که افزایش حجم الیاف تا ۲ درصد و افزایش طول الیاف تا ۱۲ میلی‌متر باعث بهبود خواص شکست و خواص میکرومکانیک کامپوزیت‌های سیمانی الیافی می‌گردد [۶].

1 Fly ash (FA)

2 Blast furnace slag (BFS)

قرار گرفته است. نانو ذرات با توجه به ابعاد بسیار ریز و ساختار شیمیایی خود، دارای چهار عملکرد جداگانه در خمیر سیمانی هستند. البته بایستی توجه داشت که بسیاری از نانو ذرات دارای هر چهار قابلیت نمی‌باشند و از میان انواع نانو ذرات به کار گرفته شده، تاکنون تنها نانو ذرات سیلیس قابلیت عملکرد چهارگانه را دارا می‌باشند که شدت این عملکردها به سطح ویژه، شکل و ویژگی‌های سطحی نانو ذرات سیلیس بستگی دارد. عملکرد چهارگانه نانو ذرات در خمیر سیمانی عبارت‌اند از [۱۶ و ۱۷]:

- الف- تولید کلسیم سیلیکات هیدرات^۵ در طی واکنش پوزولانی: اجزای پوزولانی نظیر سیلیکا^۶ می‌توانند یا برقراری واکنش با بلورهای کلسیم هیدروکسید به تولید کلسیم سیلیکات هیدرات متراکم منجر گردند.
- ب- توسعه واکنش هیدراسیون از طریق عملکرد بذری: نانو ذرات با قرارگیری بر روی سطح دانه‌های سیمانی (ذرات آلاتی و بلاست) و به سبب سطح ویژه بالا و فعال منجر به فعل ترشدن سطح ذرات سیمان شده و بر همین اساس در ساعت‌های اولیه پس از شروع هیدراسیون می‌توانند حجم محصولات تولیدی توسط واکنش ذرات سیمان و آب را افزایش دهند.
- پ- اثر نانو پر کنندگی: نانو ذرات به سبب ابعاد دانه بسیار ریز می‌توانند در خلل و فرج نانومتری محصولات هیدراسیون نظیر کلسیم سیلیکات هیدرات قرار گیرند و از این طریق به افزایش استحکام آن‌ها کمک نمایند.
- ت- کنترل رشد بلوری: نانو ذرات با توزیع مناسب در خمیر سیمانی می‌توانند بر روی و در میان بلورهای تولید شده در طی واکنش هیدراسیون قرار گرفته و با اشغال فضاهای خالی و ایجاد فشار بر بلورهای مضر از رشد سریع آن‌ها جلوگیری نمایند.

به طور خلاصه می‌توان گفت که افزودن نانو سیلیس به مخلوط بتن باعث می‌گردد که به دلیل سطح مخصوص بالای آن با محلول هیدروکسید کلسیم آزاد موجود در منافذ موئین بتن ترکیب گردد و کریستال سیلیکات کلسیم نامحلول تولید نماید و در نهایت باعث تراکم ساختار خمیر سیمان و کاهش نفوذپذیری و افزایش مقاومت بتن گردد. این ویژگی‌ها منجر به ایجاد مزیت‌هایی از جمله افزایش مقاومت فشاری و خمسمی و کششی بتن، افزایش مقاومت بتن در برابر فرسایش، کاهش قابل توجه نفوذپذیری بتن، جلوگیری از نفوذ یون کلر و سولفات‌ها و سایر مواد شیمیایی مخرب به داخل بتن گردد. در این پژوهش نوع جدیدی از کامپوزیت‌های سیمانی الیافی با رفتار سخت‌شوندگی کرنشی ارائه شده است که در آن به منظور کاهش اثرات منفی زیست‌محیطی استفاده از سیمان، از مواد پوزولانی جایگزین سیمان مانند

بر محیط زیست خواهد شد چرا که تولید سیمان با تولید کربن دی‌اکسید^۱ همراه است.

سرباره‌ی آهن‌گدازی که یکی از محصولات جانبی در تولید آهن است به عنوان جایگزین اصلی سیمان محسوب می‌شود. سرباره‌ی آهن‌گدازی به علت میکرو ساختار شبیه به شیشه که دارای ساختاری مونوسیلیکاتی است پتانسیل واکنش پوزولانی دارد و با ترکیب با سیمان پرتلند، هیدراتاسیون سیمان پرتلند را شتاب بخشیده و با کلسیم هیدروکسید^۲ که یکی از محصولات هیدراتاسیون سیمان است واکنش می‌دهد [۶ و ۹]. اگر چه افزودن سرباره‌ی آهن‌گدازی باعث کاهش مقاومت در سنین اولیه می‌شود ولی مطالعات نشان می‌دهد جایگزینی سرباره‌ی آهن‌گدازی تا ۷۰ درصد، اثر منفی بر روی مقاومت فشاری ۲۸ روزه‌ی بتن ندارد [۱۰]. افزودن پودر سرباره‌ی آهن‌گدازی می‌تواند دوام بتن را بهبود بخشد به عنوان مثال مقاومت در برابر حمله سولفاتی را بهبود می‌بخشد و شتاب نفوذ یون کلر را کم می‌کند [۱۲ و ۱۱]. علاوه بر این افزودن پودر سرباره‌ی آهن‌گدازی باعث می‌شود توزیع الیاف یکنواخت‌تر صورت بگیرد. به دلیل آن که ذرات سرباره‌ی آهن‌گدازی نیروی دافعه‌ای برای توزیع الیاف ایجاد می‌کنند [۱۳]. لیم و همکاران^۳ [۱۴] کامپوزیت سیمانی الیافی حاوی پودر سرباره‌ی آهن‌گدازی را مورد مطالعه قرار دادند. در این مطالعه، مشاهده شد که با افزایش جایگزینی پودر سرباره‌ی آهن‌گدازی به جای سیمان (بین ۵۰ تا ۷۰ درصد جایگزینی)، ظرفیت کرنش کششی افزایش می‌یابد. آن‌ها توانستند با استفاده از اصول میکرو مکانیک، کامپوزیتی با ظرفیت کرنش $\frac{3}{3}$ درصد و مقاومت فشاری ۲۸ روزه‌ی ۳۸ مگاپاسکال با عرض ترک ۵۷ میکرومتر طراحی کنند. آدبیسا و داس^۴ [۱۵] کامپوزیت سیمانی الیافی با استفاده از سرباره‌ی آهن‌گدازی فعال شده با کربنات سدیم، به منظور حذف استفاده از سیمان پرتلند را توسعه دادند. مقاومت فشاری، مقاومت کششی و مقاومت خمسمی به ترتیب برابر با $\frac{3}{3}$ مگاپاسکال، $\frac{2}{1}$ مگاپاسکال و $\frac{4}{9}$ مگاپاسکال بود که با توجه به حذف کامل مواد سیمانی نتیجه‌ای قابل قبول به نظر می‌رسید [۱۵].

در راستای رفع مشکل تأخیر در گیرش بتن‌ها و کامپوزیت‌های الیافی حاوی مقادیر بالای پوزولان طبیعی و غیرطبیعی، تحقیقات و مطالعاتی در سالیان اخیر انجام شده و تأثیر افزودن برخی نانو ماده‌های معدنی به ملات حاوی مقادیر بالای پوزولان در جهت برطرف شدن این مشکل مورد بررسی

1 Carbon dioxide (CO₂)

2 Calcium hydroxide Ca(OH)₂

3 Lim et al.

4 Adesina and Das

5 Calcium silicate hydrate (C₃S₂H₃)

6 Silicon dioxide (SiO₂)

پارامترهای روش ضربی شدت تنش دوتایی طبق رابطه زیر با یکدیگر ارتباط دارند:

$$K_{IC}^{un} = K_{IC}^{ini} + K_{IC}^C \quad (1)$$

که در رابطه‌ی فوق، K_{IC}^C ضربی شدت تنش بحرانی ایجاد شده توسط تنش چسبندگی^۷ است. همچنین پارامتر بی بعد تردی بتن با استفاده از روش دو پارامتری شکست به صورت زیر تعریف گردید. در رابطه فوق پارامتر تردی عددی بین صفر و یک خواهد بود.

$$\beta_B = \frac{K_{IC}^{ini}}{K_{IC}^{un}} = 1 - \frac{K_{IC}^C}{K_{IC}^{un}} \quad (2)$$

فرآیند ایجاد و رشد ترک در نمونه‌ی بتنی در شکل ۲ نمایش داده شده است. مطابق شکل ۲، در ناحیه‌ی OB نمونه دارای رفتار الاستیک خطی است. نمونه‌ی بتن در منطقه‌ی BC رفتار غیرخطی خواهد داشت و خطوط مماسی در این منطقه از خط مماسی اولیه در ناحیه‌ی OB انحراف خواهد داشت، این منطقه‌ی غیرخطی مربوط به عملکرد پلزنی سنگدانه‌ها^۸ در منطقه‌ی آسیب دیده نوک ترک^۹ است. نقطه‌ی B، نقطه‌ی شروع شکل گیری منطقه‌ی آسیب دیده نوک ترک و شکل گیری ترک موضوعی در خمیر سیمانی است. پیش از رسیدن به نقطه‌ی B، ماده رفتاری الاستیک و خطی دارد. رشد و بازشدنی نوک ترک در این منطقه صفر است. با این فرضیه بار متناظر با نقطه‌ی B باز شروع ترک خودگی و ضربی شدت تنش متناظر با این نقطه، طاقت ترک خودگی اولیه K_{IC}^{ini} شناخته می‌شود.

رشد ناپایدار ترک در بار بیشینه مشاهده می‌شود. این نقطه جایی است که هم طول ترک و هم میزان بازشدنی نوک ترک به مقدار بحرانی خود می‌رسند. بنابراین معیار روش ضربی شدت تنش دوتایی می‌تواند شروع ترک خودگی، رشد ترک پایدار و فرآیند شکست ناپایدار را پیش‌بینی کند. مطابق با این معیار، دو پارامتر تحت عنوان طاقت ترک خودگی اولیه K_{IC}^{ini} و طاقت شکست ناپایدار K_{IC}^{un} مراحل شکست بتن را پیش‌بینی می‌کنند [۲۰].

سرباره‌ی آهن‌گدازی استفاده شده است. البته این نوع پوزولان (سرباره‌ی آهن‌گدازی)، زمان گیرشی طولانی‌تر دارد که سبب می‌شود در مقایسه با سیمان معمولی مقاومت فشاری و خمشی پایین‌تری در سنین اولیه در مقایسه با سیمان پرتلند معمولی داشته باشد. هدف از این پژوهش امکان‌سنجی استفاده از نانو سیلیس در جهت برطرف شدن این مشکل هست. از همین رو تأثیر استفاده از نانو سیلیس در رفتار شکست کامپوزیت‌های سیمانی الیافی مورد بررسی قرار گرفته است. همچنین به منظور کاهش هزینه‌ی تولید این کامپوزیت‌های سیمانی الیافی که موضوعی تعیین کننده در استفاده از این نوع کامپوزیت‌های سیمانی در صنعت ساختمان است از الیاف پلی‌پروپیلن^۱ به جای الیاف پلی‌وینیل کلراید^۲ استفاده شده است. در این مقاله پس از معرفی روش ضربی شدت تنش دوتایی و معرفی مشخصات مصالح، طرح مخلوط، روش ساخت، روش انجام آزمایش و محاسبات به بررسی و تحلیل تأثیر نانو سیلیس بر پتانسیل جریان، رفتار مکانیکی و مکانیک شکست کامپوزیت سیمانی الیافی پرداخته شده است.

۲- روش ضربی شدت تنش دوتایی برای تحلیل رفتار شکست کامپوزیت‌های سیمانی الیافی

وجود منطقه‌ی آسیب دیده‌ی نوک ترک باعث به وجود آمدن رفتار غیرخطی قابل توجهی در مواد شبه ترد می‌شود. مدل‌های متعددی برای پیش‌بینی شروع و رشد ترک در سازه‌های بتنی و کامپوزیت‌های سیمانی ارائه شده است [۱۸، ۱۹]. ژو و رینهارت^۳ روش ضربی شدت تنش دوتایی را برای مطالعه‌ی نحوه شکست بتن ابداع کردند. آن‌ها در مطالعات خود سه مرحله برای شکست ناپایدار ترک^۴ که عبارت‌اند از شروع ترک خودگی^۵، گسترش پایدار^۶ و گسترش ناپایدار ترک^۷. آن‌ها مدلی جدید برای تحلیل شکست سازه‌های بتنی ارائه دادند که برخلاف مدل‌های قبلی نه تنها می‌توانند گسترش شکست ناپایدار سازه را بررسی کند بلکه هر سه مرحله ترک خودگی را می‌توانند پیش‌بینی کند. آن‌ها با بررسی نتایج آزمایشگاهی، دو امتر مستقل از ابعاد و هندسه‌ی نمونه را مطرح کردند. K_{IC}^{ini} : طاقت ترک خودگی اولیه (توان ذاتی ماده در جلوگیری از ایجاد ترک تحت بارگذاری)

K_{IC}^{un} : طاقت شکست ناپایدار (توان کل ماده در شرایط بحرانی).

1 Polypropylene (PP)

2 Polyvinyl alcohol (PVA)

3 Xu and Reinhardt

4 Initial cracking

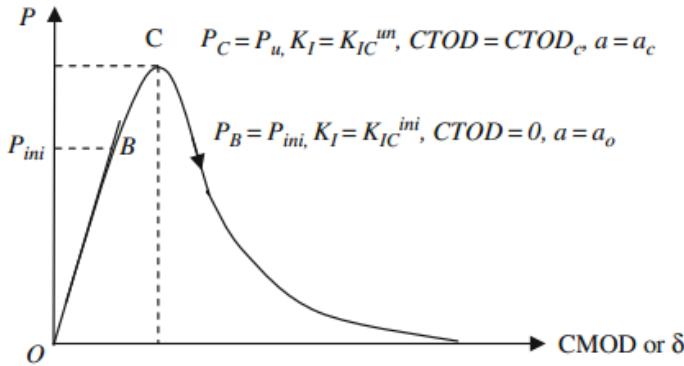
5 Stable crack propagation

6 Unstable crack propagation

7 Cohesive stress

8 Aggregate bridging action

9 Fracture Process Zone (FPZ)



شکل ۲. نمودار بار - بازشدگی دهانه‌ی ترک و مراحل شکست سازه در روش ضربی شدت تنش دوتایی

Fig. 2. Graphical representation of points on the P-CMOD or P- δ curve in the double -k model

در مطالعات انجام شده توسط ژو و رینهارت، برای اندازه‌گیری رشد ترک از روش پوشش‌دهی فتوالاستیک^۷ و نصب کرنش‌سنج استفاده شده است و در نهایت با استفاده از تداخل‌سنجدی لیزری^۸ اطلاعات مورد نیاز برداشت شده است [۱۹].

۳- مشخصات صالح، طرح مخلوط، روش ساخت، روش انجام آزمایش و محاسبات

در این پژوهش از سیمان پرتلند نوع یک کارخانه سیمان تهران، فوق روان کننده و فوق کاهنده آب بر پایه‌ی پلی‌کربوکسیلات، پودر سنگ آهک و سرباره‌ی آهن کارخانه‌ی ذوب‌آهن اصفهان استفاده شده است. نانو سیلیس به صورت پودری با ذراتی به اندازه‌ی متوسط تقریبی 20 ± 5 نانومتر به منظور بررسی تأثیر آن بر خواص مکانیکی و شکست کامپوزیت‌های سیمانی استفاده شد.

در شکل ۳ نتیجه‌ی آنالیز پراش اشعه‌ی ایکس (XRD) و در شکل ۴ تصویر میکروسکوپی (SEM) مربوط به نانو سیلیس، نشان داده شده است. همان‌طور که از شکل ۳ مشاهده می‌شود، الگوی پراش اشعه ایکس در ذرات نانو سیلیس پیک‌های بلورهای مشخصی را نشان نمی‌دهد که نشان می‌دهد ذرات نانو سیلیس ماهیتی غیربلورهای^۹ دارند. مشخصات فیزیکی صالح پودری در جدول ۱ و مشخصات شیمیایی آن‌ها در جدول ۲ ارائه شده است.

پارامتر طاقت ترک‌خوردگی اولیه به صورت مستقیم با استفاده از بار ترک‌خوردگی اولیه^{۱۰} و طول ترک اولیه^{۱۱} با استفاده از فرمول‌های مکانیک شکست‌الاستیک خطی^{۱۲} محاسبه می‌شوند. طاقت ترک‌خوردگی اولیه تحت عنوان چermگی ذاتی مواد نیز شناخته می‌شود و نشان دهنده‌ی حالتی است که مواد به صورت الاستینیک رفتار می‌کنند و ترک‌خوردگی در آن‌ها بدون به وجود آمدن ترک مacro به ترک‌خوردگی‌های میکرو در مقیاس کوچک محدود می‌شود. پارامتر طاقت ترک‌خوردگی اولیه در سازه‌های مهم مانند سدهای بتی وزنی، لوله‌های بتی تحت فشار و سازه راکتورهای هسته‌ای از اهمیت زیادی برخوردار است. پارامتر طاقت شکست نهایی به وسیله بار حداقل و طول ترک مؤثر متناظر با آن با استفاده از فرمول‌اسیون مکانیک شکست‌الاستیک خطی پیدا می‌شود [۲۰]. ژو و رینهارت^{۱۳} از نتایج آزمایشگاهی نتیجه گرفتند که مقادیر K_{IC}^{ini} و K_{IC}^{un} مستقل از شکل و ابعاد نمونه بوده و تابعی از خواص ماده است. همچنین در این پژوهش مشاهده شد که خصامت نمونه‌ها تفاوت معناداری در مقادیر K_{IC}^{ini} و K_{IC}^{un} ایجاد نمی‌کند. آن‌ها فرمول‌های عددی برای استفاده در این مدل را توسعه دادند. مزیت روش ضربی شدت تنش دوتایی به روش دو پارامتری^{۱۴} آن است که در این روش نیازی به باربرداری و بارگذاری‌های متعدد نیست و در نتیجه نیازی به سیستم آزمایش حلقه‌ی بسته^{۱۵} نیست. البته در این روش پیدا کردن بار ترک‌خوردگی اولیه و طول ترک بحرانی از پیچیدگی برخوردار است و

7 Photo elastic coating

8 Laser interferometry

9 X-Ray Diffraction (XRD)

10 Scanning Electron Microscope (SEM)

11 Amorphous

1 Initial cracking load

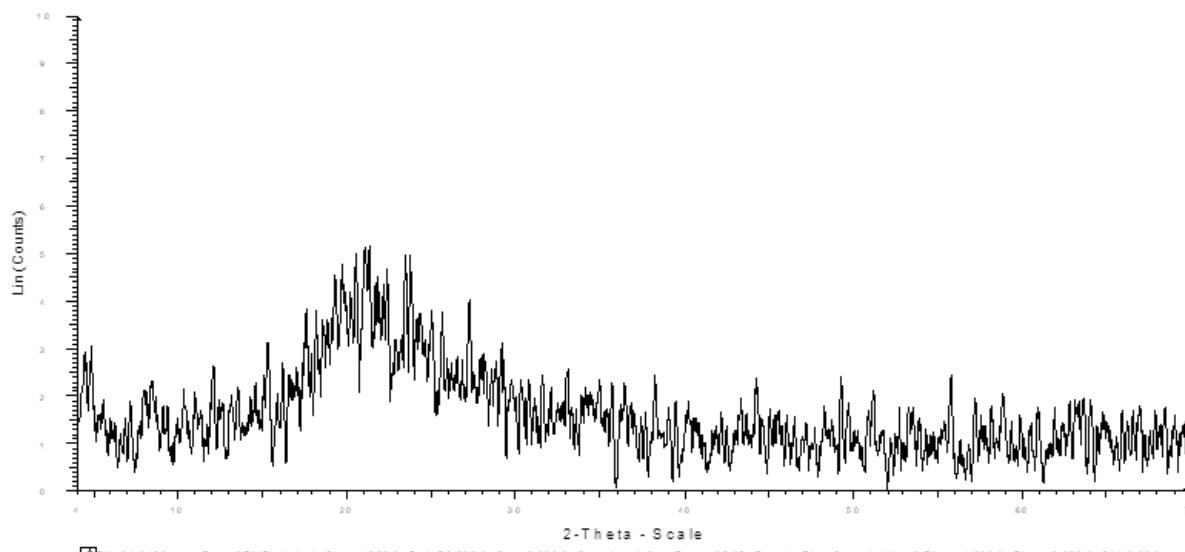
2 Initial crack length

3 Linear Elastic Fracture Mechanics (LEFM)

4 Xu and Reinhardt

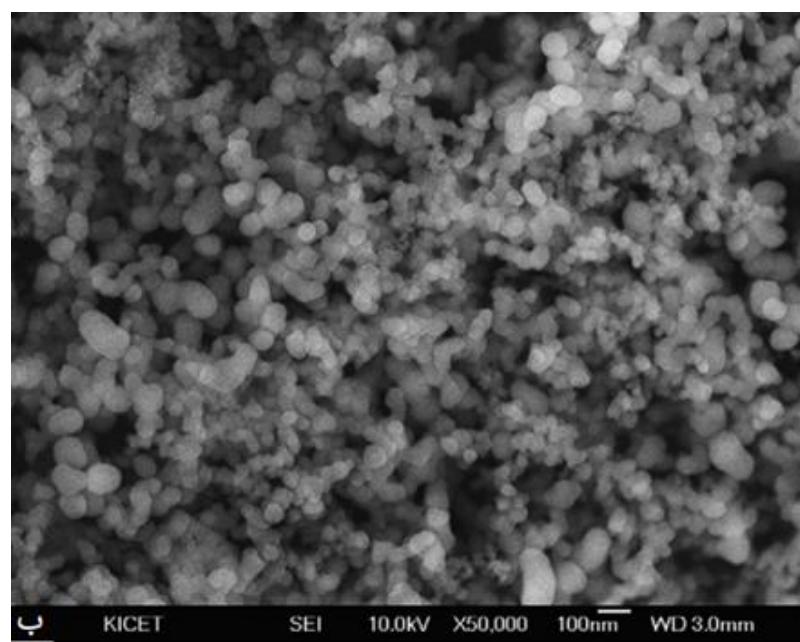
5 Two parameter fracture model (TPFM)

6 Closed-loop



شکل ۳. نتیجه‌ی آنالیز XRD نانو سیلیس

Fig. 3. The XRD pattern of nano-silica



شکل ۴. تصویر تهیه شده به وسیله میکروسکوپ الکترونی با ۵۰۰۰۰ برابر بزرگنمایی از نانو سیلیس

Fig. 4. SEM image of nano-silica at magnification 50000x

جدول ۱. خواص فیزیکی سیمان و سرباره آهن‌گدازی

Table 1. The physical properties of cement and GGBFS

حالت غیر بلورهای ^۱	نرمی ^۲ (cm ² /gr)	وزن مخصوص ^۳ (g/m ³)	پودر سرباره آهن‌گدازی
٪۹۰	۳۸۰۰	۲/۵۸	
-	۳۳۰۷	۳/۱۵	سیمان

جدول ۲. آنالیز شیمیایی سیمان، سرباره آهن‌گدازی و نانو سیلیس و پودر سنگ‌آهک

Table 2. Chemical properties of cement, GGBFS, nano-silica, and limestone powder

L.O.I*	SO ₃ (%)	K ₂ O (%)	Na ₂ O (%)	MgO (%)	CaO (%)	Fe ₂ O ₃ (%)	Al ₂ O ₃ (%)	SiO ₂ (%)	مواد پودری
۲/۴	۲/۰۹	۰/۷۱	۰/۴۲	۳/۴۴	۶۲/۰۲	۲/۹۶	۳/۸۳	۲۱/۳۲	سیمان
۲/۱	۰/۱۸۵	۰/۳۵	۰/۵	۱۰/۲۵	۳۷-۳۵	۰/۸۵	۱۰/۳۶	۳۵/۰۵	پودر سرباره آهن‌گدازی
۴۲/۷۳	۰/۰۵	۰/۰	۰/۰۷	۰/۱۳	۵۶/۹	۰/۰۲	۰/۰	۰/۰۷	پودر سنگ‌آهک
-	۰/۰	۰/۰	۰/۰۹	۰/۲۱	۰/۰	۰/۰۲	۰/۳۸	۹۹/۱۷	نانو سیلیس

* کاهش جرم در برابر دمای بالا^۴

جدول ۳. خواص الیاف پلی‌پروپیلن

Table 3. The properties of polypropylene fibers

۰/۹۱	وزن مخصوص (gr/cm ³)	۳۰۰-۴۰۰	مقاومت کششی (MPa)
۱۲	طول (mm)	۳-۳/۵	مدول الاستیسیته (GPa)
۰/۰۳۵	قطر (mm)	۲۰	کشیدگی ^۵ (%)
سفید	رنگ	عالی	مقاومت در برابر اسید و قلیا
۱۶۰-۱۷۰	نقطه‌ی ذوب (C°)	ندارد	جذب آب

پلی‌پروپیلن به ترتیب ۱۲ میلی‌متر و ۲ درصد حجمی پیدا شد. جدول ۵ نسبت مواد به کار گرفته شده در ساخت کامپوزیت‌های الیافی حاوی پودر نانو سیلیس را نشان می‌دهد. در طرح مخلوط‌های ارائه شده، مقدارهای متفاوت نانو سیلیس بر اساس درصدی از سیمان به سایر مواد تشکیل دهنده‌ی کامپوزیت سیمانی الیافی اضافه شده است، در نام‌گذاری مخلوط‌ها، حرف NS نشان دهنده‌ی درصد نانو سیلیس است.

همچنین مشخصات الیاف پلی‌پروپیلن و فوق روان کننده به ترتیب در جدول ۳ و ۴ قابل مشاهده است. در این پژوهش به منظور افزایش پایداری کامپوزیت‌های سیمانی الیافی و کاهش هزینه از پودر سرباره آهن‌گدازی و پودر سنگ‌آهک استفاده شد. در پژوهش ژو و همکاران [۱۲] نسبت بهینه‌ی پودر سرباره آهن‌گدازی به سیمان و پودر سنگ آهک به سیمان به ترتیب ۲/۳۳ و ۳/۳۳ به دست آمد. همچنین در پژوهش کریم‌پور و مظلوم [۶] بر اساس مطالعات آزمایشگاهی و عددی، مقدار بهینه‌ی طول و حجم الیاف

جدول ۴. مشخصات فوق روان کننده ABAPLAST SRT-2912

Table 4. Properties of superplasticizer manufactured by ABAPLAST company called SRT-2912

شکل ظاهری	مایع قوهای روشن
وزن مخصوص (gr/cm3)	۱/۱
بون کلر	ندارد
PH	۶-۵
درجه اشتعال	غیر آتشزا
درجہ انجماد	+۳

جدول ۵. طرح مخلوط کامپوزیت سیمانی الیافی دارای مقادیر متفاوت نانو سیلیس بر اساس وزن مصالح در یک مترمکعب برحسب کیلوگرم

Table 5. Mixtures of fiber-reinforced cementitious composites containing different amounts of nano-silica (material weight per 1m3 of composite)

نام طرح	سیمان	پودر سنگ آهک	پودر سرباره‌ی آهن‌گدازی	نسبت آب به مواد پودری	روان کننده	الیاف پلی‌پروپیلن	nano سیلیس
NS-0	۳۴۲/۶	۱۱۴۲	۷۹۹/۵	۰/۲۶	۶/۸۵	۱۸/۲	۰/۰
NS-1	۳۴۲/۶	۱۱۴۲	۷۹۹/۵	۰/۲۶	۶/۸۵	۱۸/۲	۳/۴۳
NS-2	۳۴۲/۶	۱۱۴۲	۷۹۹/۵	۰/۲۶	۶/۸۵	۱۸/۲	۶/۸۵
NS-3	۳۴۲/۶	۱۱۴۲	۷۹۹/۵	۰/۲۶	۶/۸۵	۱۸/۲	۱۰/۲۸
NS-4	۳۴۲/۶	۱۱۴۲	۷۹۹/۵	۰/۲۶	۶/۸۵	۱۸/۲	۱۳/۷

در نانو مواد به دلیل نیروهای بالای واندروالسی آنها رایج است که سبب کاهش عملکرد نانو مواد می‌شود. تابش امواج فراصوت^۳ (اولتراسونیکشن) به داخل محلول و استفاده از سورفکتنت^۴ ها اغلب برای پراکندگی مواد نانو استفاده می‌شود. برای پراکندگی ذرات، اولتراسونیکشن متکی بر ارتعاشات مکانیکی است که سطوح بالای از انرژی (ارتعاشات با فرکانس بالا) تولید می‌کند اما سورفکتنت‌ها با افزایش دافعه‌ی شیمیایی بین ذرات از تجمع مجدد نانو ذرات جلوگیری می‌کنند. شایان توجه است که استفاده از سورفکتنت‌ها ممکن است بر خواص شیمیایی و فیزیکی ماده و در نتیجه بر عملکرد آن در خمیر سیمانی تأثیر بگذارد [۲۲]. در این پژوهش برای اطمینان از پراکندگی نانو سیلیس و عدم تغییر در خواص فیزیکی و شیمیایی مواد از دستگاه همگن‌ساز اولتراسونیک^۵ استفاده شد. در شکل ۵ دستگاه همگن‌ساز اولتراسونیک، با پروب تیتانیومی و توان ۸۰ درصد نشان داده شده است.

فرآیند اختلاط مواد تأثیر بسزایی بر رفتار کامپوزیت‌های سیمانی الیافی دارد. طبق تحقیقات انجام شده فرآیند اختلاط مواد، یک راه حل مناسب برای دستیابی به ویسکوزیته‌ی بیشتر خمیر سیمانی و در نتیجه بهبود در پراکنده شدن یکنواخت الیاف است. ژو و همکاران^۱ توصیه کردند که مقداری از آب برای بالا بردن ویسکوزیته‌ی خمیر سیمانی در هنگام اضافه کردن الیاف نگه داشته شود و پس از اینکه الیاف به طور همگن مخلوط شدند، بقیه آب به آن اضافه شود. این تغییر در توالی اختلاط مواد ممکن است ساده به نظر برسد، اما ظرفیت کرنش کششی کامپوزیت سیمانی الیافی را به طور چشمگیری تحت تأثیر قرار می‌دهد. تجزیه و تحلیل توزیع الیاف در سطح مقطع نمونه‌ها نشان دهنده‌ی ارتباط معنی‌داری بین بهبود پراکندگی الیاف و افزایش ظرفیت کرنش کششی با استفاده از فرآیند اختلاط پیشنهادی، بود [۲۱].

پراکندگی نانو مواد یکی از جنبه‌های ضروری فرآیند تولید کامپوزیت‌های اصلاح شده با نانو است. روش‌های ناهمگون توزیع نانو مواد در خمیر سیمانی می‌تواند منجر به اختلال در یافته‌های پژوهشی شود. پدیده‌ی آگلومره شدن^۶

3 Ultra Sonication

4 Surfactant

5 Ultrasonic Homogenizer

1 Zhou et al.

2 Agglomeration



شکل ۵. ترکیب آب و نانو سیلیس به وسیله‌ی یک همگن‌ساز اولتراسونیک

Fig. 5. Mixing water and nano-silica using an ultrasonic homogenizer

۳-۱- تعیین خواص کامپوزیت سیمانی الیافی در حالت تازه

برای بررسی روانی کامپوزیت سیمانی الیافی اصلاح شده با نانو پیش از گیرش (خواص تازه) از آزمایش جریان اسلامپ^۳ بر اساس استاندارد ASTM C۱۶۱۱M استفاده شد. برای بررسی اثر نانو سیلیس بر ویژگی‌های کامپوزیت سیمانی الیافی اصلاح شده با نانو در حالت تازه و سخت شده، میزان آب به مواد سیمانی و مقدار افزودنی در همه طرح‌ها یکسان در نظر گرفته شد. پس از توقف جاری شدن کامپوزیت سیمانی الیافی بر روی صفحه غیرجاذب، دو قطر متعدد جرم کامپوزیت سیمانی الیافی تازه اندازه‌گیری می‌شود (شکل ۶). جریان اسلامپ برابر با میانگین دو قطر است.

۳-۲- تعیین خواص کامپوزیت سیمانی الیافی در حالت سخت شده

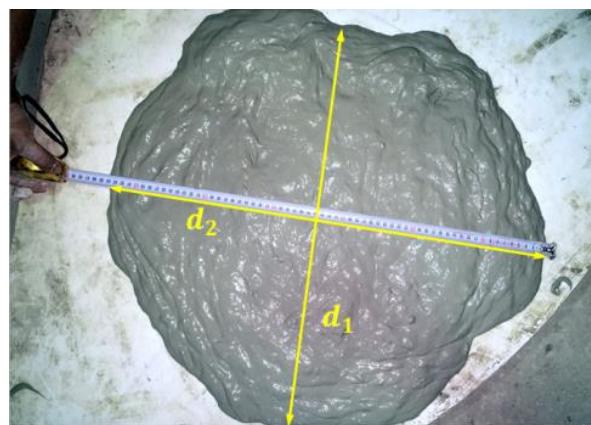
در این تحقیق، برای بررسی خواص شکست کامپوزیت‌های سیمانی الیافی، ۱۵ تیر دارای شکاف با ابعاد $350 \times 100 \times 100$ (عرض × ارتفاع × طول) میلی‌متر مکعب ساخته شد. شکاف نمونه‌ها در وسط طول نمونه با استفاده از صفحه‌ای به ضخامت ۳ میلی‌متر و ارتفاع ۲۵ میلی‌متر در هنگام

ال نجار و همکاران^۱ یک رویه‌ی کلی را برای ترکیب مواد پیشنهاد داده‌اند. روند پیشنهادی آن‌ها بدین صورت است که ابتدا مواد پودری شامل سیمان و سرباره و پودر سنگ آهک در همزن کاملاً مخلوط می‌شوند. در مرحله‌ی بعد باید آب به مواد پودری اضافه شود. تمام آب مورد نیاز برای طرح اختلاط به همراه نانو ماده و یک‌چهارم از فوق روان کننده در دستگاه همگن‌ساز اولتراسونیک به مدت ۵ دقیقه مخلوط شده تا محلول همگن نانو حاصل شود. سپس چهارپنجم این محلول به مواد خشک که قبلاً کاملاً در همزن مخلوط شده‌اند اضافه می‌شود تا یک خمیر کامپوزیت یکدست حاصل شود. در این مرحله الیاف را از حالت گلوله‌ای و به هم چسبیده خارج کرده و به صورت رشته رشته در حجم‌های کم به خمیر سیمان اضافه می‌کنیم. اضافه شدن تدریجی الیاف برای جلوگیری از پدیده‌ی گلوله شدن الیاف در خمیر سیمان ضروری است. در پایان باقی‌مانده‌ی محلول نانو به کامپوزیت افزوده شده و سپس فوق روان کننده‌ی باقی‌مانده در صورت نیاز به کامپوزیت نهایی در همزن افزوده می‌شود [۲۳].

2 Fresh properties

3 Slump flow

1 Al-Najjar et al.



شکل ۶. آزمایش جربان اسلامپ کامپوزیت الیافی در حالت تازه

Fig. 6. The flow slump test of fiber-reinforced cementitious composite at the fresh state

ثانیه انجام شد. شایان ذکر است که محل قرارگیری دوربین بایستی کاملاً عمود بر نمونه باشد تا حتی امکان از به وجود آمدن خطای اعوجاج^۲ در تصاویر جلوگیری شود. دستگاه یونیورسال، نمونه‌های تحت آزمایش خمس چهار نقطه‌ای و تجهیزات مورد استفاده جهت ثبت تصاویر، در شکل ۸ قابل مشاهده است.

برای تحلیل داده‌ها با استفاده از نرم‌افزار DIC، میزان بازشدنی دهانه ترک^۳ متناظر با بارگذاری و بار نظیر شروع ترک‌خوردگی^۴ پیدا شد. در شکل ۹ میزان شدنی دهانه ترک با استفاده از تکنیک DIC قابل مشاهده است.

^{۳-۴}- محاسبه پارامترهای شکست با روش ضربی شدت تنش دوتایی^۵ برای تعیین خواص شکست به روش ضربی شدت تنش دوتایی تبرهای دارای شکاف با دهانه‌ی آزاد ۳۰۰ میلی‌متر مورد آزمایش خمس چهار نقطه‌ای قرار گرفتند. آزمایش‌های انجام گرفته جایه‌جایی - کنترل بوده و از دستگاه یونیورسال برای این منظور استفاده شد. نرخ بارگذاری دستگاه ۰/۱ میلی‌متر بر دقیقه مطابق با استاندارد ASTM C160.۹ در نظر گرفته شد. بر اساس این استاندارد، تغییر شکلی برابر با $L/150$ به عنوان نقطه پایان آزمایش برای بتن الیافی تلقی می‌شود که این نقطه در این مطالعه برابر با ۲ میلی‌متر است [۲۴]. اما به دلیل ظرفیت بالای کامپوزیت سیمانی تقویت شده با الیاف در مقایسه با بتن الیافی، آزمایش‌ها زمانی پایان یافت که طول ترک به ۸۰

ساخت نمونه‌ها ایجاد شد. همچنین برای یافتن مقاومت فشاری برای هر طرح اختلاط، سه نمونه‌ی استوانه‌ای با قطر ۱۰۰ میلی‌متر و ارتفاع ۲۰۰ میلی‌متر ساخته شد. تمام نمونه‌ها به مدت ۲۸ روز به منظور عمل آوری، در دمای 20 ± 2 درجه سانتی‌گراد داخل حوضچه‌ی آب قرار گرفتند.

۳-۳- روش همبستگی تصویر دیجیتال (DIC) در تحلیل شکست کامپوزیت‌های سیمانی الیافی

روش همبستگی تصویر دیجیتال (DIC)، یک روش اپتیکی اندازه‌گیری جایه‌جایی است که امروزه کاربرد فراوانی در تحقیقات مهندسی یافته است. رویکرد این روش بر اساس مقایسه تصاویر گرفته شده به صورت متوالی از نمونه‌های تحت بارگذاری هست. پیش از انجام تست نمونه‌ها بایستی به نحو تصادفی نقطه‌گذاری شوند تا امکان ردیابی نقاط برای نرم‌افزار مهیا شود. الگوی نقطه‌گذاری در شکل ۷ نمایش داده شده است. شایان ذکر است برای مقیاس‌بندی تصاویر تحلیل شده توسط نرم‌افزار، کافی است که فاصله دو نقطه از پیش تعیین شده (مثلاً فاصله دو تکیه‌گاه) به نرم‌افزار معرفی شود. نرم‌افزار با استفاده از فاصله این دو نقطه معیاری برای ارزیابی سایر فاصله‌ها می‌سازد.

جهت عکس‌برداری متوالی در حین آزمایش، از یک دوربین عکاسی DSLR^۶ از نمونه‌ها استفاده شد. سرعت تصویربرداری با توجه به تردی و یا شکل پذیری کامپوزیت می‌تواند متفاوت باشد. با توجه به شکل پذیری بالای کامپوزیت بررسی شده در این پژوهش عکس‌برداری با فاصله‌ی زمانی ۱

1 Digital single-lens reflex camera

2 Distortion

3 Crack mouth opening (CMOD)

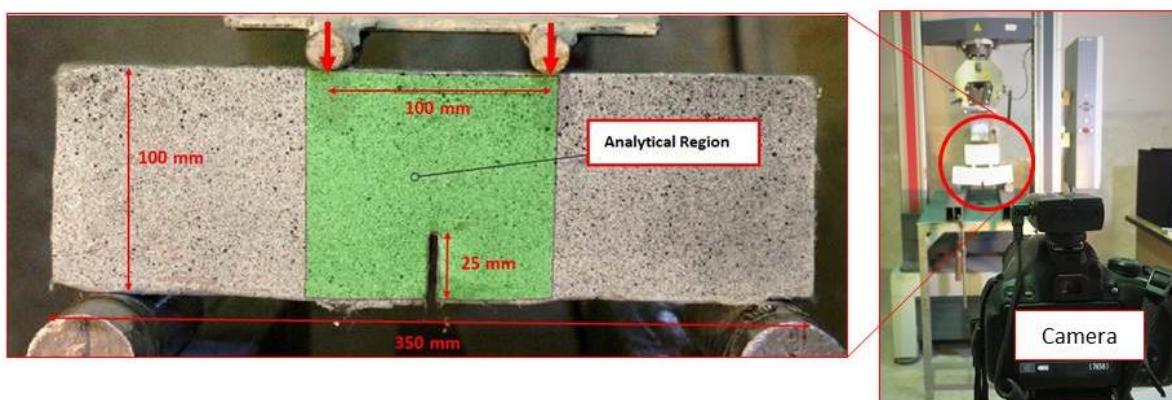
4 First crack load

5 3 Double-K Fracture Method (DKFM)



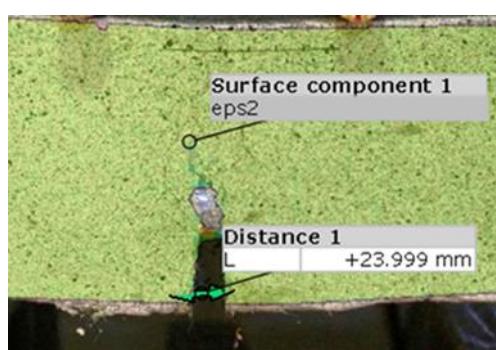
شکل ۷. الگوی نقاط تصادفی بر روی نمونه آزمایشگاهی

Fig.7. The pattern of random points on the beam's surface



شکل ۸. نمایی از دستگاه آزمایش خم شش چهار نقطه‌ای و تجهیزات مورد استفاده جهت عکس‌برداری متوالی از نمونه حین بارگذاری

Fig. 8. The four-point bending test setup and the camera for taking consecutive pictures



شکل ۹. نمایش میزان بازشدنی دهانه ترک متناظر با بارگذاری

Fig. 9. The amount of crack opening displacement due to specific loading

$$V(\beta) = 0.76 - 2.28\beta + 3.87\beta^2 + \frac{0.66}{(1-\beta)^2} \quad (7)$$

$$\beta = \frac{a_c}{D} \quad (8)$$

$$CTOD = CMOD_C \left\{ \left(1 - \frac{a_0}{a_c} \right) + \left(1.081 - 1.149 \frac{a_0}{a_c} \right) \left[\frac{a_0}{a_c} - \left(\frac{a_0}{a_c} \right)^2 \right] \right\}^{\frac{1}{2}} \quad (9)$$

برای محاسبهٔ طاقت ترک خوردنی اولیه از روابط ۳-۵ استفاده می‌شود با این تفاوت که در محاسبهٔ $P = P_{ini}$ و همچنین K_{IC}^{ini} با این تفاوت که در محاسبهٔ $P = P_{ini}$ و همچنین K_{IC}^{ini} خواهد بود که a_0 طول ترک اولیه است. بر نظریر اولین ترک خوردنی هست که از روش پردازش تصویر استخراج می‌شود.

۴- نتایج آزمایشگاهی

۱- نتایج آزمایش جریان اسلامپ در کامپوزیت‌های سیمانی الیافی دارای نانو سیلیس

نتایج اندازه‌گیری میزان قطر متوسط پهن‌شدگی در طرح‌های مختلف در جدول ۶ آورده شده است. مطابق با جدول ۶ پخش اسلامپ برای مخلوطها در محدوده ۶۸۵ میلی‌متر تا ۷۵۰ میلی‌متر است که با شرایط خود متراکمی سازگار است. نتایج نشان داد که افزودن ذرات نانو سیلیس به کامپوزیت الیافی باعث افزایش چسبندگی^۱ در حالت تازه و کاهش جریان اسلامپ شد. سنت و همکاران [۲۵] روند مشابهی را برای خمیر سیمانی اصلاح شده با افزودن ۱ تا ۲/۵ درصد ذرات نانو سیلیس گزارش کردند. از آنجا که ذرات نانو سیلیس سطح ویژه‌ی بالایی دارند، افزودن آن‌ها به مخلوط‌های سیمانی نیاز به افزودن آب بیشتر یا افزودنی‌های شیمیایی به منظور حفظ کارایی کامپوزیت سیمانی الیافی دارد [۲۶-۲۸].

درصد عمق تیر رسید. منحنی بار - تعییر مکان به صورت خودکار حین بارگذاری توسط کامپیوتر متصل به دستگاه یونیورسال ثبت شد. بعد از ساخت نمونه‌های آزمایشگاهی و انجام تست‌های آزمایشگاهی، برای تحلیل داده‌ها با استفاده از پردازش تصویر میزان بازشدنی^۲ دهانه ترک^۳ متضطرر با بارگذاری با راسته شروع ترک خوردنی^۴ پیدا شد.

طاقت شکست^۵ پارامتری کمی برای ارزیابی مقاومت ترک خوردنی مواد است. برای تعیین پارامترهای طاقت شکست^۶، روش ضربی شدت تنفس دوتایی، به عنوان مثال شدت تنفس بحرانی^۷، از روش پیشنهاد شده توسط ژو و رینهارت [۱۹] استفاده شد. برای تیرهای خمسی چهار نقطه‌ای، پارامترهای شکست روش ضربی شدت تنفس دوتایی را می‌توان با فرمول‌های زیر بر اساس منحنی‌های بار- بازشدنی^۸. دهانه ترک^۹ محاسبه کرد [۲۰]. رابطه‌ی ضربی شدت تنفس بحرانی^{۱۰} با بار بیشینه^{۱۱} P_U و طول ترک بحرانی^{۱۲} a_c عبارت است از:

$$K_{IC}^{un} = \sigma_N \sqrt{D} k(\alpha) \quad (3)$$

که در آن ضربی تجربی و متناسب با هندسه‌ی نمونه و بارگذاری هست.

$$k(\alpha) = \sqrt{\alpha} \frac{1.99 - \alpha(1-\alpha)(2.15 - 3.93\alpha + 2.97\alpha^2)}{(1+2\alpha)(1-\alpha)^{\frac{3}{2}}} \quad (4)$$

$$\alpha = \frac{a_c}{D} \quad (5)$$

برای محاسبه بازشدنی دهانه ترک و بازشدنی نوک ترک در حالت بحرانی روابط زیر ارائه شده است:

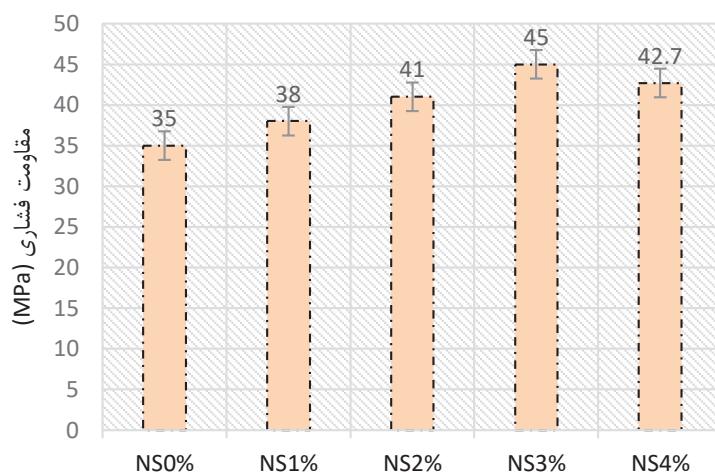
$$CMOD_C = \frac{6P_u S a_c}{BD^2 E} V(\beta) \quad (6)$$

-
- | | |
|---|----------------------------------|
| 1 | Crack mouth opening (CMOD) |
| 2 | First crack load |
| 3 | Fracture toughness |
| 4 | Critical stress intensity factor |
| 5 | Load-CMOD curve |
| 6 | Critical crack length |

جدول ۶. پخش اسلامپ برای مخلوطهایی با درصدهای متفاوت نانو سیلیس

Table 6. The results of Slump flow test for the mixtures containing different percentages of nano-silica

مقدار پهن شدن اسلامپ			نام طرح
S*	d ₂	d ₁	
(mm)	(mm)	(mm)	
۷۵۰	۷۴۸	۷۵۲	NS-0
۷۳۵	۷۳۴	۷۳۶	NS-1
۷۲۲	۷۲۰	۷۲۴	NS-2
۷۱۱	۷۰۹	۷۱۳	NS-3
۶۸۵	۶۸۳	۶۸۷	NS-4

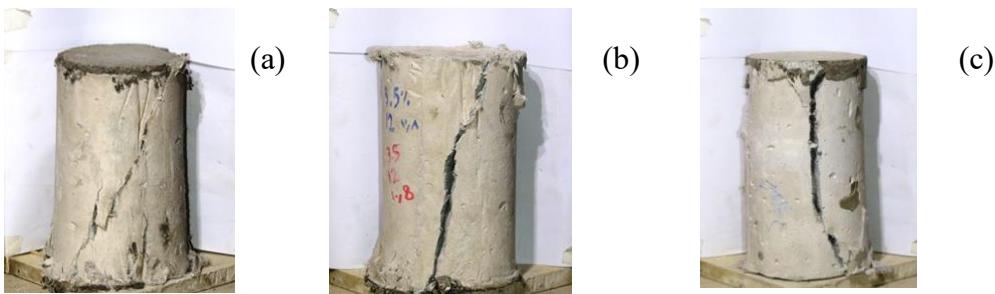
$$* S = \frac{d_1 + d_2}{2}$$


شکل ۱۰. مقاومت فشاری نمونه‌های استوانه‌ای دارای مختلطهای مختلف نانو سیلیس

Fig. 10. The amounts of compressive strength in samples with different percentages of nano-silica

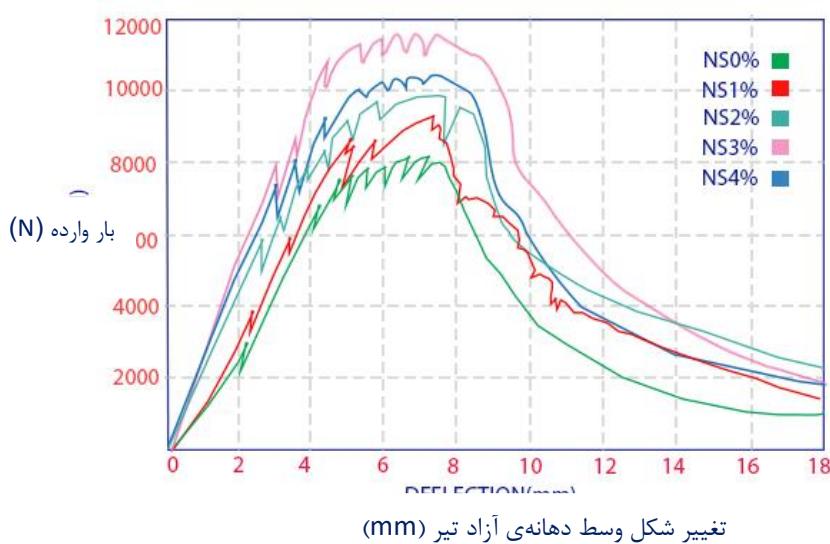
بین ذرات ژل کلسیم سیلیکات هیدرات را پر کنند. علاوه بر این، در نتیجه واکنش پوزولانی نانو سیلیس با هیدروکسید کلسیم مقدار کلسیم سیلیکات هیدرات افزایش می‌یابد که منجر به چگالی بیشتر خمیر سیمانی می‌شود که استحکام و دوام ماده را افزایش می‌دهد [۳۰ و ۳۹]. افت مقاومت فشاری کامپوزیت الیافی با ۴ درصد نانو سیلیس را می‌توان ناشی از مشکل در پراکندگی یکنواخت و آگلomerه شدن نانو ذرات در کامپوزیت سیمانی الیاف دانست. شکل ۱۱ حالت‌های شکست نمونه‌های استوانه‌ای تحت فشار را نشان می‌دهد. همان‌طور که مشاهده می‌شود در نمونه‌های استوانه‌ای تحت بار فشاری، به دلیل اثر پل زدن الیاف، ترک‌ها به صورت موازی ایجاد شدند.

۴- مقاومت فشاری کامپوزیت‌های الیافی دارای نانو سیلیس مقاومت فشاری ۲۸ روزه‌ی کامپوزیت‌های الیافی دارای مقادیر متفاوت نانو سیلیس در شکل ۱۰ نشان داده شده است. بر اساس نتایج به دست آمده، افزودن نانو سیلیس تا ۳ درصد وزن سیمان، باعث افزایش مقاومت فشاری کامپوزیت‌های سیمانی تا ۲۸/۶ درصد نسبت به نمونه‌ی بدون نانو سیلیس شد. با افزایش مقدار نانو سیلیس از ۳ درصد به ۴ درصد، مقاومت فشاری به میزان ۵/۱ درصد در مقایسه با نمونه‌ی دارای ۳ درصد نانو سیلیس کاهش یافت. اثر پر کنندگی و همچنین اثر واکنش‌زنایی مرتبط با نانو سیلیس، می‌تواند دلیل افزایش مقاومت کامپوزیت الیافی سیمانی باشد. در واقع نانو ذرات به دلیل ابعادی که دارند به عنوان یک پر کننده‌ی نانو می‌توانند فضای



شکل ۱۱. مودهای شکست نمونه‌های استوانه‌ای تحت بار فشاری

Fig. 11. The failure modes of compressive samples



شکل ۱۲. منحنی‌های نیرو-جابه‌جایی نمونه‌های دارای مقادیر متفاوت نانو سیلیس در آزمایش خمش ۴ نقطه‌ای

Fig. 12. The load vs displacement curves of specimens containing different percentages of nano-silica

با توجه به شکل ۱۴، مشخص می‌شود که مقاومت خمشی نیز روندی مشابه بار بیشینه‌ی خمشی دارد. با افزودن ۳ درصد نانو سیلیس به خمیر سیمانی، مقاومت خمشی تا ۴۲/۵ درصد افزایش می‌یابد و سپس با افزایش ۴ درصد نانو سیلیس، تا ۲۷/۳۶ درصد کاهش می‌یابد. علت این مسئله را می‌توان همراه بودن گسیختگی الیاف با پیرون کشیدگی در نمونه‌های دارای ۳ درصد نانو سیلیس و گسیختگی الیاف همراه با پاره شدن آن‌ها در نمونه‌های دارای ۴ درصد نانو سیلیس دانست. طبق مطالعات انجام شده، افزایش نانو سیلیس باعث افزایش چقرمگی شکست ماتریس سیمانی بر رفتار خمشی کامپوزیت‌های سیمانی چقرمگی شکست ماتریس سیمانی بر رفتار خمشی کامپوزیت‌های سیمانی الیافی همانند رفتار آن‌ها در کشش، بسیار مؤثر است. به طوری که با افزایش بیش از حد چقرمگی شکست ماتریس سیمانی، اندرکنش اصطکاکی ماتریس

۴-۳- رفتار خمشی تیرهای دارای ترک اولیه

همان‌طور که اشاره شد برای هر طرح ۳ تیر دارای ترک اولیه‌ای به طول تحت آزمایش خمش ۴ نقطه‌ای قرار گرفت. منحنی‌های میانگین بار - تغییر شکل وسط دهانه‌ی تیر در شکل ۱۲ قبل مشاهده است. با استفاده از روش همبندی تصویر دیجیتال (DIC) بار نظیر اولین ترک خوردگی و بازشدگی دهانه‌ی ترک نظیر آن و همچنین بازشدگی دهانه‌ی ترک نظیر بار بیشینه به دست آمد. جدول ۷ مقادیر نیروی بیشینه و مقاومت خمشی طرح‌های دارای درصدهای مختلف نانو سیلیس را نشان می‌دهد. از شکل ۱۳ می‌توان دریافت که بار بیشینه‌ی تحمل شده توسط نمونه‌ی خمشی دارای ۳ درصد نانو سیلیس به میزان ۴۳/۱۶ درصد افزایش یافته است و در نمونه‌ی خمشی دارای ۴ درصد نانو سیلیس به میزان ۱۱ درصد کاهش پیدا کرده است.

جدول ۷. مقادیر بار بیشینه و مقاومت خمشی در طرح‌های مختلف

Table 7. the amounts of maximum load and flexural strength in the mixtures containing different percentages of nano-silica

Flexural Strength (MPa)	P_{max}	نام طرح
۴/۳۳	۸۱۲۰	NS-0
۴/۹۵	۹۲۸۰	NS-1
۵/۲۶	۹۸۶۴/۸	NS-2
۶/۲۰	۱۱۶۲۴/۴	NS-3
۵/۵۴	۱۰۳۸۳/۴	NS-4



شکل ۱۳. نیروی بیشینه تحمل شده نمونه‌های دارای مقادیر متفاوت نانو سیلیس در آزمایش خمشن ۴ نقطه‌ای

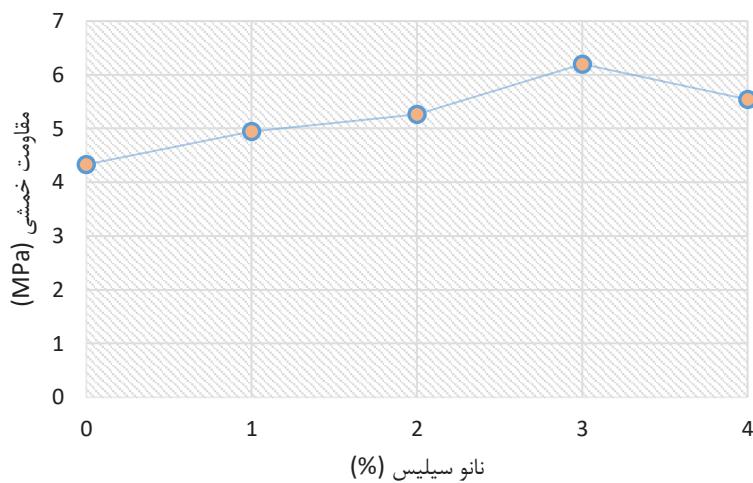
Fig. 13. The amounts of maximum loads in the four-point bending tests on samples containing different percentages of nano-silica

از روش ضربیب شدت تنفس دوتایی بهره گرفته شد. در این روش لازم است که بار نظیر اولین ترک خوردگی در خمیر سیمانی و بازشدگی نظری آن تعیین شود. روش‌های متعددی برای تعیین بار نظیر اولین ترک خوردگی بیشنهاد شده است که در همه‌ی انواع کامپوزیت‌های سیمانی و به خصوص کامپوزیت‌های الیافی شمول کافی ندارند [۳۲]. از این رو در این پژوهش از روش پردازش تصویر و همبندی تصویر دیجیتال برای مشخص کردن مقدار بار نظیر ترک خوردگی اولیه، مقدار بازشدگی دهانه ترک متناظر با بار ترک خوردگی اولیه و مقدار بازشدگی دهانه ترک متناظر با بار بیشینه استفاده شده است. آنچه این روش را از روش‌های دیگر تمایز می‌کند دقت بالای روش در عین سادگی و هزینه‌ی کم هست. تعیین جابه‌جایی در نقاط مختلف

سیمانی و الیاف نیز افزایش پیدا می‌کند که می‌تواند باعث پارگی الیاف شود. در واقع افزایش اندرکنش ماتریس سیمانی و الیاف مقدار بهینه‌ای دارد که بیش از آن رفتار کامپوزیت سیمانی الیافی به سمت تردشان میل می‌کند [۳۱].

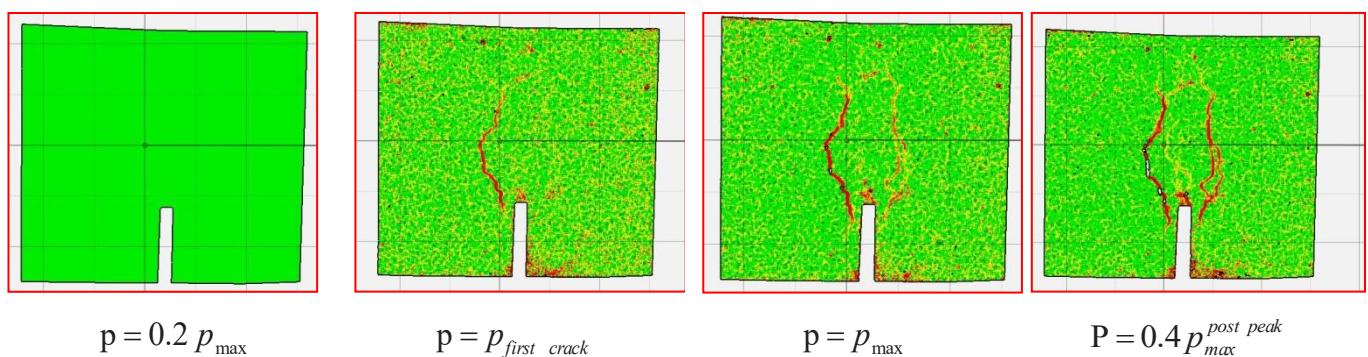
۴- رفتار شکست کامپوزیت‌های الیافی با استفاده از روش ضربیب شدت تنفس دوتایی

به منظور بررسی طاقت شکست کامپوزیت سیمانی الیافی و تأثیر افزودن ذرات نانو سیلیس بر خواص شکست و شکل‌پذیری این نوع از کامپوزیت‌ها



شکل ۱۴. مقاومت خمشی نمونه‌های دارای مقادیر متفاوت نانو سیلیس در آزمایش خمسن ۴ نقطه‌ای

Fig. 14. The amounts of flexural strength in the four-point bending tests on samples containing different percentages of nano-silica



شکل ۱۵. مراحل شروع ترکخوردگی و نحوه‌ی رشد ترک‌ها در طول بارگذاری با استفاده از تکنیک همبندی تصویر دیجیتال (DIC)

Fig. 15. monitoring the crack initiation and the growing stages of crack growth using the digital image correlation (DIC) technique

با مشخص شدن مقدار بازشدگی ترک نظیر بار بیشینه و مساوی قرار دادن با رابطه‌ی ۶ مقدار طول بحرانی ترک پیدا شد و در ادامه با استفاده از روابط ۵-۲ طاقت نظیر شکست در حالت ناپایدار محاسبه شد. همچنین با داشتن بار نظیر ترکخوردگی اولیه و مقدار جابه‌جایی متناظر با آن مقدار طاقت شکست اولیه و طاقت نظیر پل زدن الیاف محاسبه شد. مقادیر پارامترهای شکست در جدول ۸ ارائه شده است. با توجه به ارتباط بین سه پارامتر شکست (یعنی $K_{IC}^{un} = K_{IC}^{ini} + K_{IC}^C$ ، شکل ۱۶ نشان دهنده روند تغییرات این سه پارامتر با افزودن نانو سیلیس است. از این نمودار

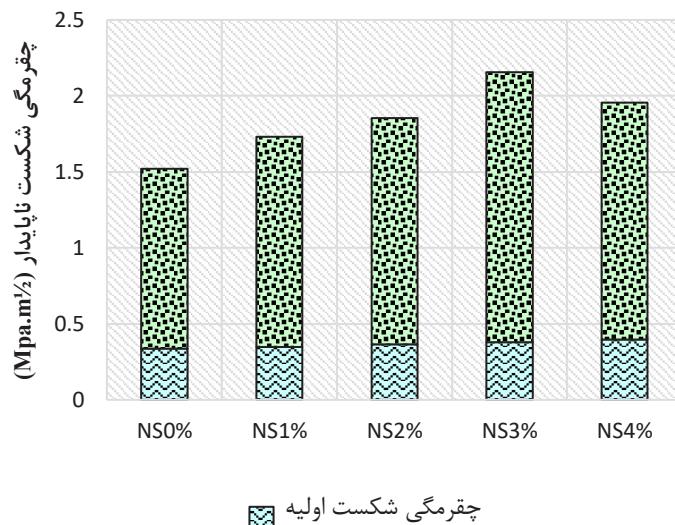
نمونه، در صورت عدم استفاده از پردازش تصویر نیازمند استفاده از ابزار دقیق مکانیکی و الکترونیکی برای تعیین کرنش و جابه‌جایی است. شکل ۱۵ مراحل تشکیل و رشد ترک را در قسمت میانی تیر با ترک اولیه، با کمک روش همبندی تصویر دیجیتال نمایش می‌دهد.

با توجه به جدول ۸ می‌توان دریافت که با افزودن نانو سیلیس بر کامپوزیت‌های سیمانی الیافی بار نظیر اولین ترکخوردگی تا ۱۷ درصد افزایش یافته است. دلیل این موضوع را قوی شدن خمیر سیمانی و افزایش اصطکاک در اندرکنش خمیر سیمانی و الیاف می‌توان دانست.

جدول ۸. مقادیر بار اولین ترک خوردنگی، بار بیشینه و بازشدگی دهانه ترک نظیر آنها

Table 8. The amounts of the first cracking load, the maximum load, and their corresponding crack mouth opening displacement

نام طرح	P_{ini}	P_{max}	$CM0D_{ini}$ (mm)	$CM0D_c$ (mm)
NS-0	۲۹۰۰	۸۱۲۰	۳/۷۵	۱۱/۶۹
NS-1	۳۰۰۰	۹۲۸۰	۴/۰۷	۱۲/۵۳
NS-2	۳۱۵۰	۹۸۶۴/۸	۴/۵۴	۱۳/۳۶
NS-3	۳۲۵۰	۱۱۶۲۴/۴	۵/۱۷	۱۳/۶۹
NS-4	۳۴۰۰	۱۰۳۸۳/۴	۵/۱۶	۱۴/۲۰



شکل ۱۶. چرمگی شکست ناپایدار بر حسب چرمگی شکست اولیه $K_{IC}^{unstable}$ و ضریب شدت تنش بحرانی ایجاد شده توسط تنش چسبندگی نمونه های دارای مقادیر متفاوت نانو سیلیس K_{IC}^C

Fig. 16. The amounts of unstable fracture toughness, initial fracture toughness, and cohesive toughness in specimens containing different amounts of nano-silica

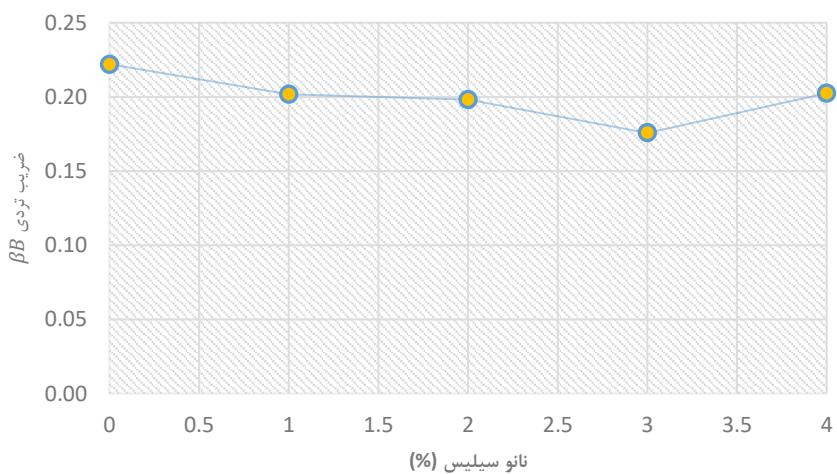
و همچنین چرمگی شکست ناپایدار داشته است. همچنین با افزایش نانو سیلیس از ۳ درصد به ۴ درصد مقدار چرمگی شکست ناپایدار و چرمگی ناشی از پل زنی الیاف به ترتیب $۸/۸۶$ و $۱۲/۳۶$ درصد نسبت به کامپوزیت الیافی دارای ۳ درصد نانو سیلیس کاهش یافت. این مسئله نشان دهنده این نکته است که افزایش بیش از مقدار بهینه نانو سیلیس باعث افت مقاومت در برابر رشد ترک در کامپوزیت های الیافی خواهد شد. ضریب تردی عددی بین صفر و یک است و هر چقدر به صفر نزدیک تر باشد نشان دهنده این است که کامپوزیت الیافی شکل پذیری بیشتری دارد.

مشهود است که با افزایش درصد نانو سیلیس به میزان ۳ درصد بر چرمگی شکست در حالت ناپایدار، چرمگی شکست اولیه و چرمگی ناشی از پل زدن الیاف افزوده می شود. این افزایش به ترتیب برابر $۱۱/۷۶$ ، $۴۱/۴۴$ و $۱۱/۶۹$ درصد برای طاقت شکست در حالت ناپایدار، طاقت شکست در حالت ترک خوردنگی اولیه و طاقت شکست ناشی از پل زدن الیاف هست. همان طور که مشهود است بیشترین افزایش مربوط به طاقت ناشی از پل زدن الیاف هست که آن را می توان در نتیجه افزایش اصطکاک در اندرکنش خمیر سیمانی و الیاف پلی پروپیلن دانست. با توجه به شکل ۱۶ مشاهده می شود که افزایش نانو سیلیس تأثیر بیشتری بر چرمگی ناشی از پل زدن الیاف

جدول ۹. مقادیر خواص شکست کامپوزیت سیمانی الیافی با استفاده از روابط روش دو پارامتری شکست

Table 9. The amounts of fracture properties of fiber-reinforced cementitious composites using the double-K fracture model

$\beta_B = \frac{K_{IC}^{ini}}{K_{IC}^{un}}$	K_{IC}^C	K_{IC}^{ini}	K_{IC}^{UN}	CT0Dc (mm)	a_c/D	a_0/D	نام طرح
۰/۲۲۲	۱/۱۸	۰/۳۴	۱/۵۲	۷/۷۳	۰/۶۰۳	۰/۲۵	NS-0
۰/۲۰۲	۱/۳۸	۰/۳۵	۱/۷۳	۸/۲۷	۰/۵۹۹	۰/۲۵	NS-1
۰/۱۹۸	۱/۴۹	۰/۳۷	۱/۸۵	۸/۸۵	۰/۶۰۶	۰/۲۵	NS-2
۰/۱۷۶	۱/۷۸	۰/۳۸	۲/۱۵	۸/۹۹	۰/۵۹۲	۰/۲۵	NS-3
۰/۲۰۲	۱/۵۶	۰/۴۰	۱/۹۶	۹/۴۲	۰/۶۱۰	۰/۲۵	NS-4



شکل ۱۷. پارامتر بی بعد تردی نمونه های دارای مقادیر متفاوت نانو سیلیس

Fig. 17. Dimensionless brittleness number of specimens containing different percentages of nano-silica

۵- نتیجه گیری

بر اساس آزمایش های انجام شده نتایج حاصله به شرح زیر است.
۱- افزودن ذرات نانو سیلیس به کامپوزیت الیافی باعث افزایش چسبندگی در حالت تازه و کاهش جریان اسلامپ شد. دلیل این مسئله سطح ویژه بالای ذرات نانو سیلیس است. با اضافه کردن پودر نانو سیلیس به مخلوط کامپوزیت سیمانی الیافی به افزودن آب بیشتر یا افزودنی های شیمیایی به منظور حفظ کارایی نیاز هست.
۲- افزودن نانو سیلیس تا ۳ درصد باعث بهبود مقاومت فشاری در سن ۲۸ روزه شد. در درصد های بیشتر نانو سیلیس، مقاومت فشاری کاهش یافت.

مقادیر ضریب تردی با استفاده از رابطه ۲ برای طرح های با درصد های مختلف نانو سیلیس محاسبه شد که در جدول ۹ آورده شده است. با توجه به شکل ۱۷ مشاهده می شود که افزایش نانو سیلیس به مقدار ۳ درصد باعث کاهش ضریب تردی تا ۲۰/۷۲ درصد شده است. همچنان با افزایش بیش از ۳ درصد (یعنی ۴ درصد نانو سیلیس) ضریب تردی به مقدار ۱۴/۷۷ درصد رسیده است. در واقع این نکته بسیار حائز اهمیت است که افزایش نانو سیلیس تا مقدار بهینه باعث افزایش شکل پذیری و با افزودن بیش از مقدار بهینه باعث کاهش شکل پذیری و افزایش تردی خواهد شد.

gineered Cementitious Composites (Ecc) With Polyvinyl Alcohol Fibers, Sharif Journal of Civil Engineering, 30-2(1.1), (2014), 45-57.

[4] V.C. Li, T. J. J. o. M. i. C. E. Kanda, Innovations forum: engineered cementitious composites for structural applications, Journal of Materials in Civil Engineering, 10(2), (1998), 66-69.

[5] M. Mazloom, and S. Mirzamohammadi, Fracture of fibre-reinforced cementitious composites after exposure to elevated temperatures, Magazine of Concrete Research, 73(14), (2021), 701-713.

[6] H. Karimpour, and M. Mazloom, Pseudo-strain hardening and mechanical properties of green Cementitious composites containing polypropylene fibers. Structural Engineering and Mechanics, 81(5), (2022), 575.

[7] M. Mazloom, and S. Mirzamohammadi, Computing the fracture energy of fiber reinforced cementitious composites

using response surface methodology, Advances in Computational Design, 6(3), (2021), 225-239.

[8] Q. Zhang, V. C. Li, Development of durable spray-applied fire-resistive engineered cementitious composites (SFR-ECC), Cement and Concrete Composites, 60, (2015), 10-16.

[9] S. Tsivilis, G. Batis, E. Chaniotakis, G. Grigoriadis, and D. Theodossis, Properties and behavior of limestone cement concrete and mortar, Cement Concrete Research, 30(10), (2000), 1679-1683.

[10] Swaddiwudhipong, S., Lu, H.-R., & Wee, T.-H, Direct tension test and tensile strain capacity of concrete at early age. Cement and Concrete Research, 33(12), .(2003), 2077–2084.

[https://doi.org/10.1016/S0008-8846\(03\)00231-X](https://doi.org/10.1016/S0008-8846(03)00231-X)

[11] Li, V. C. (2019). Engineered cementitious composites (ECC): bendable concrete for sustainable and resilient infrastructure. Springer.

[12] Zhou, J., Qian, S., Sierra Beltran, M. G., Ye, G., van

این مسئله می‌تواند ناشی از انباشتگی و توده‌ای شدن ذرات نانو سیلیس در خمیر سیمانی باشد.

-۳- افزودن نانو سیلیس تا ۳ درصد در خمیر سیمانی باعث بهبود نیروی حداکثر تحمل شده در خمچ و مقاومت خمچی شد. بهبود اندرکنش خمیر سیمانی و الیاف می‌تواند دلیل بهبود رفتار خمچی باشد. با افزودن نانو سیلیس بیش از ۳ درصد نیروی بیشینه تحمل شده در خمچ و مقاومت خمچی کاهش یافت.

-۴- با افزودن نانو سیلیس تا ۳ درصد در خمیر سیمانی، به طاقت شکست اولیه و طاقت نظیر پل زدن الیاف و طاقت شکست در حالت ناپایدار افزوده شد. البته نسبت افزایش طاقت ناشی از پل زدن الیاف بیشتر از طاقت شکست اولیه است. در واقع افزایش طاقت شکست نهایی را می‌توان عمدتاً ناشی از افزایش طاقت پل زدن الیاف دانست. این مسئله نشان دهنده بهبود اندرکنش سطوح الیاف پلیپروپیلن با خمیر سیمانی است. با بهبود اندرکنش الیاف و خمیر سیمانی، گسیختگی نمونه و رشد ترک ماکرو با بیرون کشیدگی الیاف همراه خواهد بود و پارگی الیاف اتفاق نمی‌افتد.

-۵- با افزودن نانو سیلیس تا ۳ درصد به خمیر سیمان، ضربیت تردی کاهش یافت. کاهش ضربیت تردی، نشان دهنده افزایش شکل‌پذیری کامپوزیت سیمانی در اثر بهبود اندرکنش خمیر سیمانی و الیاف است. با افزودن بیش از ۳ درصد نانو سیلیس، ضربیت تردی افزایش یافت. افزایش ضربیت تردی می‌تواند ناشی از افزایش بیش از حد سختی خمیر سیمانی باشد. افزایش سختی خمیر سیمانی اثر پل زدن الیاف را تحت الشاعع قرار داده و باعث می‌شود که رشد ترک با پارگی الیاف همراه باشد.

منابع

- [1] E.Yang, V.C. Li, Strain-hardening fiber cement optimization and component tailoring by means of a micromechanical model, Construction and Building Materials, 24, (2010),130–9.
- [2] M. Wu, M. B. Johannesson, and M. Geiker, A review: Self-healing in cementitious materials and engineered cementitious composite as a self-healing material, Construction and Building Materials 28, (2012) 571-583.
- [3] A. Dehghani, F. Nateghi Elahi, Experimental And Analytical Estimation Of Mechanical Properties Of En

- applications, Springer Science and Business Media, (2011).
- [21] J. Zhou, S. Qian, G. Ye, O. Copuroglu, K. van Breugel, and V. C. Li, Improved fiber distribution and mechanical properties of engineered cementitious composites by adjusting the mixing sequence, *Cement and Concrete Composites*, 34(3), (2012), 342-348.
- [22] S. P. Shah, M. S. Konsta-Gdoutos, Z. S. Metaxa, and P. Mondal, Nanoscale modification of cementitious materials. In *Nanotechnology in construction* 3, Springer, (2009), 125-130.
- [23] Y. Al-Najjar, S. Yeşilmen, A. M. Al-Dahawi, M. Şahmaran, G. Yıldırım, M. Lachemi, and L. Amleh, Physical and Chemical Actions of Nano-Mineral Additives on Properties of High-Volume Fly Ash Engineered Cementitious Composites, *ACI Materials Journal*, 113(6), (2016).
- [24] ASTM C1609/C1609M-05, Standard Test Method for Flexural Performance of Fiber-Reinforced Concrete (Using Beam With Third-Point Loading), American Society for Testing and Materials, (2005).
- [25] L. Senff, J. A. Labrincha, V. M. Ferreira, D. Hotza, and W. L. Repette, Effect of nano-silica on rheology and fresh properties of cement pastes and mortars, *Construction and Building Materials*, 23(7), (2009), 2487-2491.
- [26] P. Mehta and P. Monteiro, *Concrete: microstructure, properties and materials*, McGraw-Hill Education (2017).
- [27] A. M. Neville, *Properties of Concrete*, ELBS with Addison Wesley Longman Limited. England, (1996).
- [28] M. Mazloom, and S. Mirzamohammadi, Thermal effects on the mechanical properties of cement mortars reinforced with aramid, glass, basalt and polypropylene fibers, *Advances in materials research*, 8(2), (2019), 137-154.
- [29] J. Björnström, A. Martinelli, A. Matic, L. Börjesson, and I. Panas, Accelerating effects of colloidal
- Breugel, K., & Li, V. C., Development of engineered cementitious composites with limestone powder and blast furnace slag. *Materials and structures*, 43(6), (2010), 803-814.
- [13] J.K. Kim, J.S. Kim, G.J. Ha, and Y.Y. Kim, Tensile and fiber dispersion performance of ECC (engineered cementitious composites) produced with ground granulated blast furnace slag, *Cement Concrete Research*, 37(7), (2007), 1096-1105.
- [14] I. Lim, J.C. Chern, T. Liu, and Y.W. Chan, Effect of ground granulated blast furnace slag on mechanical behavior of PVA-ECC, *Journal of Marine Science and Technology*, 20(3), (2012), 319-324.
- [15] A. Adesina, and S. Das, Mechanical performance of engineered cementitious composite incorporating glass as aggregates, *Journal of Cleaner Production*, 260, (2020), 121113.
- [16] P. Hosseini, A. Booshehrian, and S. Farshchi, Influence of nano-SiO₂ addition on microstructure and mechanical properties of cement mortars for ferrocement, *Transportation Research Record: Journal of the Transportation Research Board*, 2141, (2010), 15-20.
- [17] A. Abna, and M. Mazloom, Flexural properties of fiber-reinforced concrete containing silica fume and nano-silica., *Materials Letters*, 316, (2022), 132003
- [18] V. Broujerdi, H. Karimpour, and S. Alavikia, Predicting the shear behavior of reinforced concrete beams using non-linear fracture mechanics, *International Journal of Civil Engineering*, 17(5), (2019), 597-605.
- [19] Xu, S., & Reinhardt, H. W. (1999). Determination of double-K criterion for crack propagation in quasi-Brittle fracture, Part I: Experimental investigation of crack propagation, *International Journal of Fracture*, 98(2), 111-149.
- [20] S. Kumar, and S. V. Barai, Concrete fracture models and

mechanical properties and microstructure of lightweight engineered cementitious composites. Construction and Building Materials, 298, (2021), 123788.

[32] D. J. Kim, S. H. Park, G. S. Ryu, and K. T. Koh, Comparative flexural behavior of hybrid ultra-high-performance fiber-reinforced concrete with different macro fibers, Construction and Building Materials, 25(11), (2011), 4144-4155.

nano-silica for beneficial calcium–silicate–hydrate formation in cement, Chemical physics letters, 392(1-3), (2004), 242–248.

[30] G. Li, Properties of high-volume fly ash concrete incorporating nano-SiO₂, Cement and Concrete Research, 34(6), (2004), 1043–1049.

[31] Fu, C., Guo, R., Lin, Z., Xia, H., Yang, Y., & Ma, Q., Effect of nanosilica and silica fume on the

چگونه به این مقاله ارجاع دهیم

H. Karimpour, M. Mazloom, Determination of fracture parameters of fiber-reinforced cementitious composites containing nano-silica using image processing, Amirkabir J. Civil Eng., 54(12) (2023) 4729-4750.

DOI: [10.22060/ceej.2022.21354.7689](https://doi.org/10.22060/ceej.2022.21354.7689)



