

بررسی عملکرد غشائی در ظرفیت باربری تیرهای بتن مسلح لاغر مقید

مهدی کوهستانی، محمدرضا اصفهانی *

دانشکده مهندسی، دانشگاه فردوسی مشهد، مشهد، ایران.

تاریخچه داوری:

دریافت: ۱۳۹۹/۱۲/۱۱

بازنگری: ۱۳۹۹/۰۴/۱۹

پذیرش: ۱۴۰۰/۰۵/۰۸

ارائه آنلاین: ۱۴۰۰/۰۵/۱۹

کلمات کلیدی:

عمل غشائی، تیر

laguer

بتن مسلح

مدل عددی

خلاصه: در سال های اخیر در پژوهش های متعددی به عملکرد غشائی و چگونگی محاسبه آن پرداخته شده است. عوامل و پارامترهای متعددی در تحلیل و محاسبه این پدیده نقش دارند. تعیین میزان اثرگذاری هر پارامتر بر پاسخ ظرفیت باربری با توجه به افزایش طول، باعث شد در این پژوهش خصوصیت برآن باشد تا با بهره گیری از یک مدل عددی به تحلیل تیرهای بتن مسلح با نسبت های لاغری (طول دهانه به ارتفاع مقطع) متفاوت و بررسی تاثیر پارامترهای مقاومت فشاری بتن، نسبت مسلح کننده، سختی محوری و سختی دورانی تکیه گاهی بر پاسخ ظرفیت باربری تیر پرداخته شود. این مدل عددی مبتنی بر تحلیل های مقطعی در امتداد تیر و بر قراری شرایط تعادل و سازگاری در هر مقطع و در کل تیر است که با استفاده از نرم افزار برنامه نویسی فترن کدنویسی شده است. نتایج تحلیل ها نشان می دهد با افزایش لاغری میزان تاثیر پارامترها بر عمل غشائی در تیرهای بتن مسلح کاهش می یابد. همچنین مشاهده می شود تاثیر افزایش هر چهار پارامتر بر ظرفیت باربری در تیرهای کوتاه بیشتر است. به صورتی که افزایش ۷۵/۰ درصدی مقاومت فشاری بتن در تیر با نسبت لاغری ۹ باعث افزایش ظرفیت باربری به میزان ۱۱۱ kN می شود در حالی که برای لاغری ۳۱ این مقدار ۲۶ kN افزایش می یابد که برای سایر پارامترها نیز به همین نسبت کاهش مشاهده می شود. همچنین برای سختی های تکیه گاهی نیز مشاهده شد اثریزی بر ظرفیت باربری با مقدار سختی ها رابطه غیرخطی دارد به صورتی که افزایش ۱۰ درصدی در سختی های پایین تاثیر بیشتری نسبت به افزایش ۱۰ درصدی در سختی های بالا بر پاسخ تیر دارد.

۱- مقدمه

ظرفی همانگونه که در شکل ۱ مشاهده می گردد، فشرده شدن تیر بین تکیه گاهها از افزایش طول تیر جلوگیری می کند. این امر باعث به وجود آمدن نیروی محوری فشاری در امتداد تیر شده که در مسیری قوسی شکل از وسط دهانه تیر به تکیه گاهها انتقال می یابد. این مجموعه عوامل در نهایت باعث افزایش مقاومت نهایی تیر در مقایسه با مقدار محاسبه شده توسط روش های معمول مانند آنالیز خط تسلیم می شوند. این فرایند تحت عنوان عمل غشائی تعریف می شود و می تواند ظرفیت باربری نهایی عضو مورد نظر را تا چند برابر افزایش دهد.

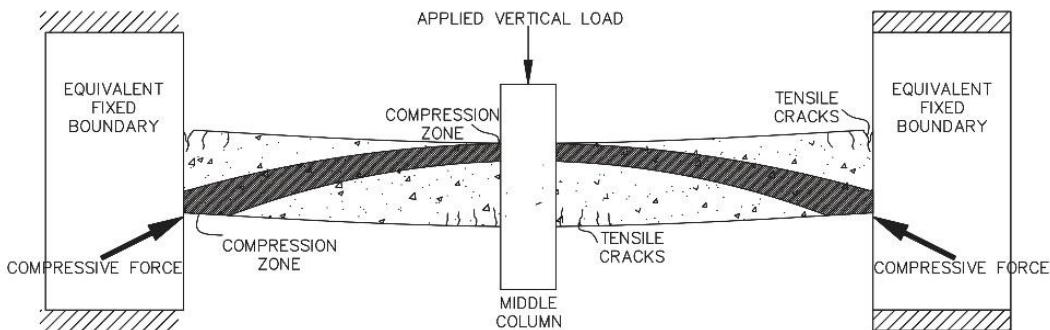
تلاش های گوناگونی برای معرفی روش های موثر جهت محاسبه و لحاظ کردن نیروی غشائی و بهره گیری از آن در طراحی سازه ها صورت گرفته است. در زمینه ای پژوهش های آزمایشگاهی می توان به بررسی اثرات ثانویه ناشی از نیروی محوری فشاری و تغییر مکان یک دال بتتی انجام شده توسط ویکو و همکاران [۲] اشاره کرد. همچنین اهمیت در نظر گرفتن محدودیت دورانی علاوه بر محدودیت جانبی در آزمایش انجام شده توسط

در سال های اخیر پدیده خرابی پیش رونده بسیار مورد مطالعه قرار گرفته است. این پدیده به صورت انتشار خرابی موضعی از یک عضو به عضو دیگر تعریف می شود، به گونه ای که سرانجام باعث خرابی کل سازه یا بخش عظیمی از آن را می شود. در سازه های بتن مسلح، یکی از عوامل کارآمد جهت جلوگیری و کاهش خرابی پیش رونده و افزایش ظرفیت باربری را می توان مکانیزم عمل غشائی فشاری دانست. حذف ستون میانی و افزایش ناگهانی طول دهانه تیر با توجه به تداوم بارگذاری در وسط دهانه باعث آغاز شکل گیری ترک در قسمت هایی که تحت کشش قرار می گیرند مانند تارهای پایین در وسط دهانه و همچنین تارهای بالای تیر در محل تکیه گاهها شود. به وجود آمدن این ترک ها و تغییر شکل های سراسری در تیر بتن مسلح منجر به جابجایی تار خنثی در امتداد مقطع تیر و افزایش مجموع کرنش های کششی نسبت به کرنش های فشاری در امتداد تیر می شود. از

* نویسنده عهده دار مکاتبات: esfahani@um.ac.ir

(Creative Commons License) حقوق مؤلفین به نویسنده ای و حقوق ناشر به انتشارات دانشگاه امیرکبیر داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) در دسترس شما قرار گرفته است. برای جزئیات این لیسانس، از آدرس <https://www.creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode> دیدن فرمائید.





شکل ۱. نمایش عمل غشائی فشاری در تیر بتن مسلح [۱]

Fig. 1. Schematic of compressive arch action in RC beam [1].

بر ظرفیت و پاسخ اعضای سازه‌ای ارائه می‌دهند. یکی از روش‌های ارائه شده در این زمینه توسط وو [۱۴] است که بر اساس حفظ تعادل و سازگاری در طول تیر مدل ساختاری غیرخطی جهت پیش‌بینی پاسخ تیرهای بتن مسلح ارائه می‌دهد. این روش با وجود این که تقریب مناسبی از ظرفیت برابری نهایی تیر بتن مسلح ارائه داده است اما برای پیش‌بینی خیز و تغییر شکل تیر پاسخ بسیار کمتری در مقایسه با نتایج آزمایشگاهی ارائه می‌دهد. پس از آن بوتیکیو [۱۵] روش ارائه شده توسط وو [۱۴] را اندکی بهبود بخشید. نتایج ارائه شده توسط این مدل برای ظرفیت باربری نهایی تیر بتن مسلح به مقادیر آزمایشگاهی نزدیک‌تر بود با این حال در بخش پیش‌بینی تغییر شکل همچنان این مدل نتایج قابل قبولی ارائه نداده است. منصور [۱۶] با کامل کردن این مدل و لحاظ کردن اثرات مرتبه دوم تغییر شکل در مدل سازی عددی گام موثری جهت بهبود روش ارائه شده برداشت که برای تیرهای بتن مسلح با محدودیت دورانی و محوری در تکیه‌گاه پیش‌بینی مناسبی از پاسخ ظرفیت باربری و همچنین تغییر شکل در امتداد تیر را ارائه کرده است. در این پژوهش با بهره‌گیری از روش عددی ارائه شده توسط منصور [۱۶] به مطالعه بر روی تیرهای بتن مسلح لاغر پرداخته می‌شود. مطالعات پارامتری بر روی تیرهای بتن مسلح با نسبت طول به ارتفاع مقطع مختلف صورت می‌پذیرد و چگونگی تاثیر تغییر مقاومت فشاری بتن و نسبت مسلح کننده‌ها در مقطع بر روی پاسخ تیر مورد ارزیابی قرار می‌گیرد. همچنین در این پژوهش به مطالعه بر روی سختی‌های تکیه‌گاهی و چگونگی اثرباری بر روی پاسخ تیر بتن مسلح لاغر نیز پرداخته می‌شود.

گور و همکاران [۳] بیشتر آشکار شد. در پژوهش تجربی انجام شده توسط رادل [۴] مقدار مسلح کننده در هر تیر متفاوت بود تا هر دو افزایش مقاومت خمی و برشی ناشی از ایجاد محدودیت جانبی مورد بررسی قرار گیرد. در آزمایش‌های انجام شده توسط سو و همکاران [۵] و همچنین بیو و همکاران [۶] مشاهده می‌شود که ظرفیت هر نمونه تحت تاثیر یک اثر نرم کننده ناشی از اثرات مرتبه دوم است. در زمینه‌ی پژوهش‌های تئوری، کریستینسن [۷] یکی از اولین رابطه‌ها برای محاسبه مقدار افزایش ظرفیت باربری ناشی از وجود قید جانبی را بر این اساس که مفصل‌های پلاستیکی در محل بارهای متتمرکز و در تکیه‌گاه‌های دال ایجاد می‌شوند، ارائه کرد.

پارک [۸] مدل جایگزینی ارائه کرد که تأثیر نیروهای غشائی در تحلیل دالهای بتن مسلح گیردار را هم بررسی می‌کند. این مدل تحلیلی پیشنهاد شده، توسط رانکین [۹] با این فرض که یک دال مقید شده شبیه به یک قوس رفتار می‌کند توسعه یافت. در ادامه می‌توان به روابط تحلیلی و روش‌های عددی که برای اندازه‌گیری تاثیر قید جانبی بر ظرفیت باربری اعضای بتن مسلح در سالهای اخیر ارتقاء یافته‌اند اشاره کرد. کانگ و همکاران [۱۰] با در نظر گرفتن تاثیر سختی ستون‌های کناری به مطالعه عملکرد تیر بدون گیرداری کامل پرداختند. فم و همکاران [۱۱] در بررسی به پاسخ‌های استاتیکی و دینامیکی به خرابی پیش‌روندۀ در اعضای بتن مسلح مقید پرداختند همچنین احمدی و همکاران [۱۲] نیز در بررسی آزمایشگاهی به بررسی این رفتار در تیر ستون گیردار پرداختند. یو و تان [۱۳] با ارائه روشی عددی برای محاسبه نیروی محوری فشاری گام مهمی در این زمینه برداشتند. این روش‌های عددی درک بهتری از مکانیک اثر محدودیت جانبی

۱- ضرورت انجام تحقیق

۲- مبانی و مفاهیم

مدل تحلیلی به کار گرفته شده مبتنی بر روش تحلیل مقطعی است و بر اساس روابط تیر اولر-برنولی فرض می‌کند همواره در همه مقطع‌ها صفحه صفحه باقی می‌ماند و همچنین ویژگی‌های غیرخطی مصالح و اثرات مرتبه دوم تغییر شکل‌ها را نیز لحاظ می‌کند. فرض می‌شود مسلح کننده به صورت کامل به بتن چسبیده است و می‌توان از مدل تنش-کرنش برای بتن و مسلح کننده استفاده کرد، همچنین از مقاومت کششی بتن صرف نظر می‌شود. با توجه به سازگاری کرنش در طول تیر یک مبنای منطقی برای پیش‌بینی نیروی محدود کننده محوری که مرتبط با عمل غشائی است ارائه می‌شود. در ادامه نیز مولفه‌هایی شامل فرضیه‌های کلیدی مربوط به مواد سازنده مدل بتن و فولاد مسلح کننده، شرایط سازگاری و معادلات تعادل مشخص شده که اساس مدل تحلیلی را تشکیل می‌دهند ارائه شده است.

۲- مدل بتن

پاسخ دوخطی تنش-کرنش بتن بر اساس مقادیر ارائه شده در کد فدراسیون بین‌المللی دو و بتن [۱۷] تعریف می‌شود. این مدل برای تمام محدوده‌های مقاومتی بتن مورد استفاده قرار می‌گیرد. همچنین پاسخ تنش-کرنش که بر اساس مقررات ارائه شده توسط پیوپس [۱۸] تعریف شده است، برای تمام محدوده‌های مقاومتی بتن که پاسخ بعد از اوج بتن نیز در نظر گرفته می‌شود مورد استفاده قرار می‌گیرد. پاسخ دوخطی فرض می‌کند بتن تا کرنش پلاستیک اولیه_{c,p}، الاستیک خطی باقی می‌ماند که به صورت زیر تعریف می‌شود.

$$\varepsilon_{c,p} = 1.75 + 0.55 \left(\frac{f_c' - 50}{40} \right) \geq 1.75 \quad (1)$$

که در آن f_c' مقاومت فشاری بتن است. سختی بتن قبل از هر تغییر شکل پلاستیکی به صورت زیر تعریف می‌شود.

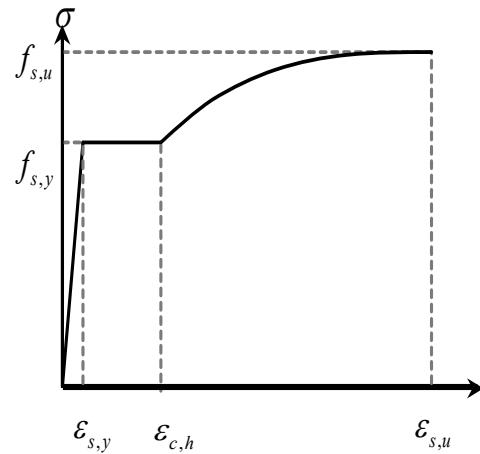
$$E_c = \frac{f_c'}{\varepsilon_{c,p}} \quad (2)$$

پس از اینکه کرنش از مقدار_{c,u} بیشتر شود، بتن تا کرنش نهایی_{c,u} کاملاً پلاستیک باقی می‌ماند و این‌گونه تعریف می‌شود.

بهره‌گیری از مکانیزم عمل غشائی برای جلوگیری از خرابی پیش‌روندۀ یا افزایش ظرفیت باربری در اعضای سازه‌ای مانند تیرها و دال‌ها یا عرشه‌های پل به امری قابل توجه تبدیل شده است. روش‌های محاسبه نیروی غشائی امروزه بسیار گسترش یافته و این امکان را برای محققان آسان ساخته است. از ویژگی‌های مهم برای بررسی در این مکانیزم اندازه طول دهانه‌ها در اعضای سازه‌ای است. اما این میزان لاغری باید با در نظر گرفتن عوامل دیگر مانند پارامترها و شرایط موثر بر ظرفیت باربری صورت پذیرد. در این پژوهش از طرفی به اهمیت پارامترهای موثر مانند مقاومت فشاری بتن و نسبت مسلح کننده و از طرف دیگر به تأثیر شرایط تکیه‌گاهی (سختی محوری و دورانی) بر پاسخ ظرفیت باربری نهایی تیر بتن مسلح با لاغری‌های مختلف پرداخته می‌شود. از آنجایی که بررسی تأثیر هر پارامتر بر پاسخ به صورت مجزا مدنظر قرار گرفته است در بررسی هر یک از عوامل، به منظور محدود کردن تأثیر سایر مشخصات در پاسخ تحلیل بدون تغییر در نظر گرفته می‌شود. از جمله مواردی که در این پژوهش نسبت به سایر مطالعات بیشتر مورد توجه قرار می‌گیرد را می‌توان در مرحله اول بررسی عملکرد قوسی فشاری با توجه به افزایش نسبت لاغری در تیر بتن مسلح تحت سناریوی حذف ستون تأثیر شرایط تکیه‌گاهی بر پاسخ تیر بتن مسلح تحت سناریوی حذف ستون میانی نیز مبحث دیگری بود که به دلیل توجه کمتر به آن در سایر مطالعات به صورت خاص در دو بخش مورد بحث قرار گرفته است. سرانجام در بخش ۶ میزان تأثیر هر یک از پارامترها بر پاسخ تیر مورد بحث قرار گرفته تا برای بهره‌گیری بهتر از این مکانیزم در اعضای سازه‌ای مورد استفاده قرار گیرند. لازم به ذکر است که به دلیل نحوه عملکرد مدل عددی که شامل گام‌های بسیار زیاد در حلقه‌های متعدد بازگشتی است در این مطالعه برای افزایش سرعت در انجام محاسبات از نرم افزار برنامه نویسی فرتون بهره‌گیری شده است. از آنجایی که کدنویسی صرفاً با استفاده از فلوچارت ارائه شده صورت گرفته است از موانع بسیاری در تکمیل کدنویسی گذر شده تا به دقت مدل اصلی دست یابد، از جمله می‌توان به در نظر گرفتن بخش مربوط به بررسی سختی‌های تکیه‌گاهی محدود (شرایط غیرگیرداری کامل) اشاره کرد. از دیگر خصوصیات مهم برنامه نوشه شده می‌توان به امكان در نظر گرفتن ریز جزئیات و مشخصات مصالح استفاده شده و شرایط هندسی عضو در محاسبات و همچنین تغییر آسان این مشخصات و یا مدل رفتاری مصالح یاد شده اشاره کرد.

$$E_s = \frac{f_{s,y}}{\varepsilon_{s,y}} \quad (5)$$

$$f_s(i) = \begin{cases} E_{s,\varepsilon_s} & \text{if } \varepsilon_s < \varepsilon_{s,y} \\ f_{s,y} & \text{if } \varepsilon_{s,y} \leq \varepsilon_s < \varepsilon_{s,h} \\ f_{s,u} + (f_{s,y} + f_{s,u}) \left(\frac{\varepsilon_{s,u} - \varepsilon_s}{\varepsilon_{s,u} - \varepsilon_{s,h}} \right)^p & \text{if } \varepsilon_{s,h} \leq \varepsilon_s < \varepsilon_{s,u} \end{cases} \quad (6)$$



شکل ۲. مدل مواد فولاد مسلح کننده [۱۹]

Fig. 2. Constitutive material model of steel reinforcement [19].

که در این رابطه $f_{s,u}$ تنش نهایی کل در مسلح کننده‌ها است. توان سختی‌شدگی کرنشی (p) به صورت زیر تعریف می‌شود.

$$p = E_{sh} \left(\frac{\varepsilon_{s,u} - \varepsilon_{s,h}}{f_{s,u} - f_{s,y}} \right) \quad (7)$$

E_{sh} در این رابطه مدول سختی‌شدگی کرنشی است. اهمیت توجه به سختی‌شدگی کرنشی در آزمایش‌های انجام شده توسط مایر [۲۰] نشان داده شده است که رابطه‌ی آن به صورت زیر تعریف می‌شود.

$$E_{sh} = \begin{cases} 0.02 \cdot E_s & \text{for mild steel} \\ 0.05 \cdot E_s & \text{for high strength steel} \end{cases} \quad (8)$$

۳-۲- شرایط سازگاری و معادلات تعادل

ابتدا فرض می‌شود تکیه‌گاه گیردار است که دو شرط سازگاری مورد نیاز برای ارائه یک تکیه‌گاه کاملاً گیردار را می‌توان به صورت عدم تغییر طول تیر در رابطه‌ی (۹) و عدم چرخش تکیه‌گاه در رابطه‌ی (۱۰) بیان کرد.

$$L_{c,ce} = L \quad (9)$$

$$\int_0^L \varepsilon_t = \int_0^L \varepsilon_b \quad (10)$$

$$\varepsilon_{c,u} = 2.6 + 35 \left(\frac{90 - f_c'}{100} \right)^4 \leq 3.5 \quad (3)$$

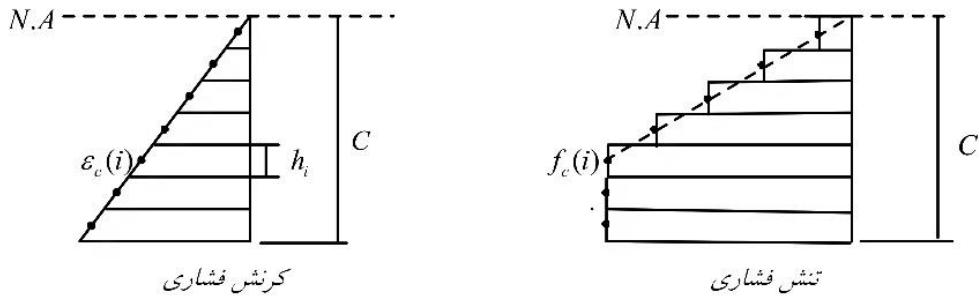
بر این اساس تنش فشاری در بتن ($f_{c,i}$) می‌تواند با کرنش فشاری در بتن ($\varepsilon_{c,i}$) در عمق i با استفاده از معادله زیر به هم مرتبط باشند.

$$f_{c,i} = \begin{cases} E_c \cdot \varepsilon_{c,i} & \text{if } \varepsilon_{c,i} < \varepsilon_{c,p} \\ f_c' & \text{if } \varepsilon_{c,p} < \varepsilon_{c,i} < \varepsilon_{c,u} \\ 0 & \text{if } \varepsilon_{c,i} \geq \varepsilon_{c,u} \end{cases} \quad (4)$$

۲-۲- مدل فولاد مسلح کننده

مدل مواد سازنده مورد استفاده برای فولاد بر اساس مدل توسعه یافته توسط ماندر [۱۹] است. پاسخ تنش-کرنش مسلح کننده در شکل ۲ نشان داده شده است و پاسخ برای هر دو حالت تحت کشش و تحت فشار تعریف می‌شود.

نشان تنش تسلیم مسلح کننده‌ها، $\varepsilon_{s,y}$ کرنش در لحظه جاری شدن، $\varepsilon_{s,h}$ شروع سختی‌شدگی کرنشی و $\varepsilon_{s,u}$ کرنش نهایی است. سختی مسلح کننده قبل از تسلیم E_s و تنش مرتبط با کرنش در هر لایه (i) به ترتیب در رابطه‌های (۵) و (۶) ارائه شده است.



شکل ۳. چگونگی ارتباط میان تنش و کرنش فشاری در تحلیل لایه‌ای در محل تکیه گاه [۱۶].

Fig. 3. Concrete compressive strain and stress profiles at the support of the beam [16].

$$\theta_0 = \sum_{i=1}^{n-1} \frac{(\phi(i) + \phi(i+1))}{2} (x(i+1) - x(i)) \quad (14)$$

در این روابط L طول اولیه تیر، $L_{c,ce}$ طول اولیه تار میانی مقطع، ε_t کرنش در تار بالای تیر و ε_b کرنش در تار پایین تیر محسوب می‌شوند. محاسبه‌ی طول تار میانی در رابطه‌ی زیر نشان داده شده است.

در این رابطه n تعداد کل مقطع‌ها در تیر، x فاصله‌ی افقی بین مقطع i و تکیه‌گاه و (i) انحنا در مقطع i است. برای معادلات تعادل نیز در این مدل تحلیلی لازم است که شرایط تعادل زیر برقرار باشند.

$$\begin{cases} \sum F_x = 0 \\ \sum F_y = 0 \\ \sum M = 0 \end{cases} \quad (15)$$

$$L_{c,ce} = \frac{L_0}{L_w} L_{a,ce} \quad (11)$$

در این رابطه L_0 طول اولیه تیر است. $L_{a,ce}$ طول قوس تار میانی است که آن را می‌توان با انتگرال‌گیری از کرنش‌های میانی در هر بخش در طول تیر محاسبه کرد. این انتگرال‌گیری با استفاده از روش ذوزنقه‌ای به صورت رابطه (۱۲) محاسبه می‌شود. همچنین L طول قوس تغییر شکل یافته است که در رابطه (۱۳) چگونگی محاسبه آن ارائه می‌شود.

۲-۴- تحلیل لایه‌ای

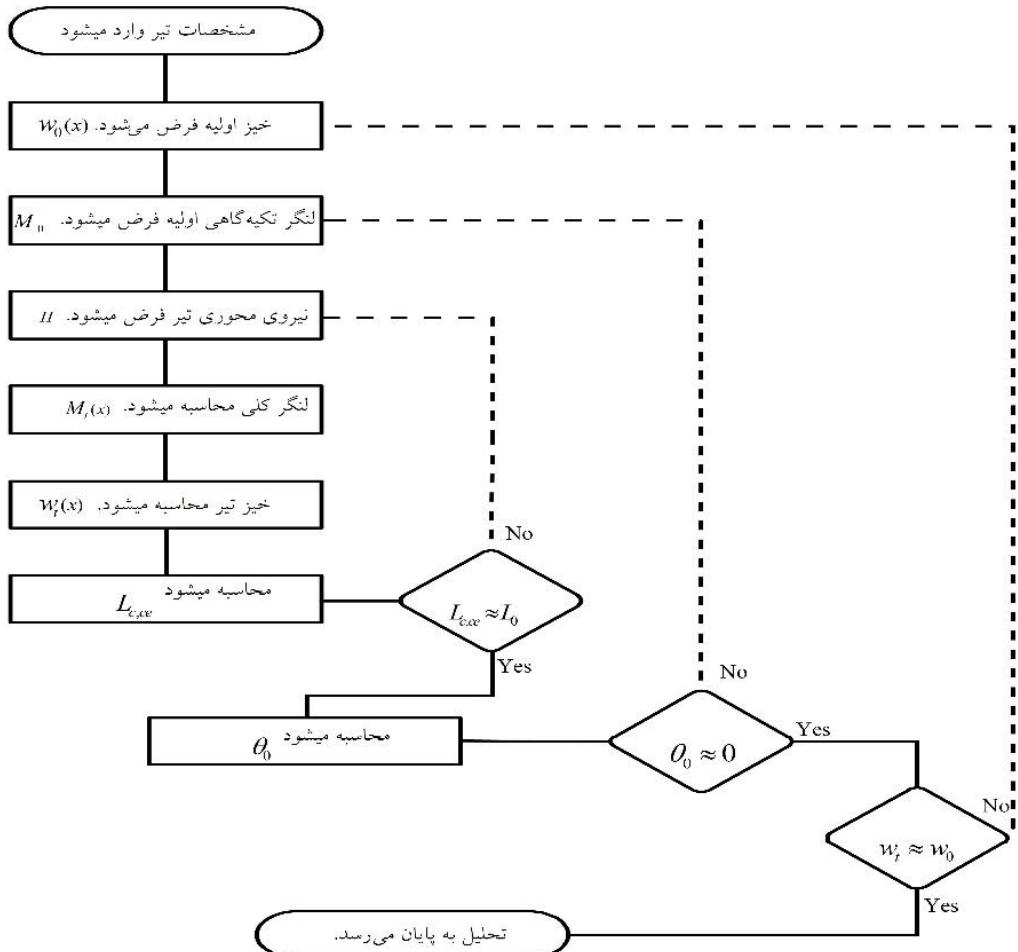
روش تحلیل لایه‌ای می‌تواند برای تعیین مقدار کرنش در هر مقطع مورد استفاده قرار گیرد. این رویکرد بر این فرض استوار است که در مقطع صفحه باقی می‌ماند. با استفاده از این فرض کرنش در امتداد عمق هر مقطع را می‌توان با تعریف کرنش در بالا و پایین مقطع تعیین کرد. همان‌گونه که در شکل ۳ مشاهده می‌شود با استفاده از نمودار کرنش در هر مقطع می‌توان میان مدول الاستیسیته مصالح سازنده ارتباط ایجاد کرد و مجموع تنش‌ها و نیروهای وارد به مقطع را با انتگرال‌گیری از لایه‌ها در امتداد ارتفاع مقطع محاسبه کرد. همان‌گونه که در شکل ۳ مشاهده می‌شود، C عمق فشاری در محل تکیه‌گاه است، i شماره لایه، h_i ارتفاع لایه، $(i)_c$ کرنش فشاری در لایه و $(i)_t$ تنش فشاری متناظر با آن است.

$$L_{a,ce} = L_0 + \sum_{i=2}^n \left(\frac{\varepsilon_{ce}(i) + \varepsilon_{ce}(i-1)}{2} \right) (x(i) - x(i-1)) \quad (12)$$

$$L_w = \sum_{i=2}^n \sqrt{(w_i(i) - w_i(i-1))^2 + (x(i) - x(i-1))^2} \quad (13)$$

در این روابط n تعداد کل مقطع‌ها در تیر، x فاصله‌ی افقی بین مقطع i و تکیه‌گاه است. همچنین $(i)_c$ و $(i)_t$ به ترتیب کرنش میانی و تغییر مکان کلی مقطع i می‌باشند.

در ادامه محاسبه‌ی دوران تیر در تکیه‌گاه θ_0 به صورت زیر بیان می‌شود.



شکل ۴. مراحل به کار گرفته شده در تحلیل عددی به روش منصور [۱۶].

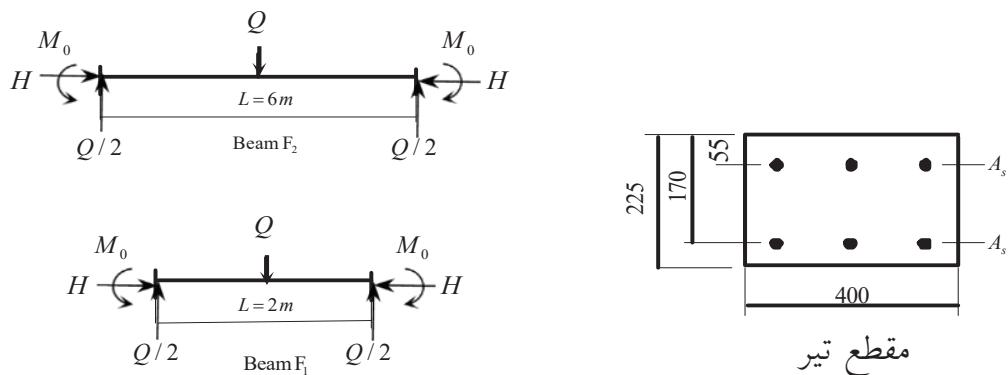
Fig. 4. Formulation for the analytical model Proposed by Mansour [16].

تکرار عددی برای روابط تحلیل لایه‌ای در هر مقطع است، سپس در مرحله دوم ارزیابی و بررسی روش عددی برای روابط تحلیل مقطوعی در امتداد تیر است. دقت در رسیدن به پاسخ برای این تحلیل‌ها به تعداد تکرار، تعداد لایه‌ها و تعداد مقاطع در امتداد تیر وابسته است. برای این منظور مجموعه تحلیل‌هایی برای همگرایی پاسخ صورت می‌گیرد. بهینه‌سازی مدل در دو مرحله بر روی تیرهای F1 و F2 معرفی شده توسط منصور [۱۶] که فقط در اندازه طول تیر با یکدیگر تفاوت دارند با مشخصات هندسی داده شده در شکل ۵ صورت می‌پذیرد. مشخصات فولاد مسلح کننده استفاده شده توسط ماندر [۱۹] و مشخصات بتن با توجه به رابطه‌های (۱) تا (۳) در جدول ۱ ارائه شده است.

همان گونه که پیش‌تر بیان شد این مدل مبتنی بر تکرار است و بر اساس دو روش تحلیل لایه‌ای و تحلیل مقطوعی عمل می‌کند و می‌تواند برای هر بخش از یک تیر مشخص پاسخ را مستقل از بارگذاری پیشین به دست آورد. در ابتدا اطلاعات لازم جهت تحلیل از جمله بارگذاری‌ها، مشخصات هندسی و خواص مواد ارائه می‌شوند، سپس محاسبات لازم صورت می‌گیرد و در انتهای همان گونه که در شکل ۴ مشاهده می‌شود تکرارها برای همگرایی در سه سطح شامل محاسبه تغییر مکان اولیه (W_0)، لنگر خمسی اولیه در تکیه گاهها (M_0) و همچنین نیروی محوری اولیه (H) انجام می‌شوند.

۳- مدل سازی

در رویکرد عددی مورد استفاده قرار گرفته در این پژوهش ابتدا نیاز به



شکل ۵. مشخصات هندسی تیرهای F1 و F2 جهت بهینه‌سازی مدل تحلیلی.

Fig. 5. Beam properties for layered analysis optimization.

جدول ۱. مشخصات مکانیکی مصالح

Table 1. Mechanical properties of materials.

مشخصات بتن				مشخصات فولاد مسلح گننده					نسبت مسلح گننده	
f_c' (MPa)	ε_{cp} (mm/m)	ε_{cu} (mm/m)	f_{sy} (MPa)	f_{su} (MPa)	E_s (GPa)	E_{sh} (MPa)	ε_{sh} (mm/m)	ε_{su} (mm/m)	A_s (mm ²)	ρ %
۴۰	۱/۷۵	۲/۵								
۵۰	۱/۷۵	۳/۴۹								
۶۰	۱/۸۹	۲/۸۹	۳۶۰	۵۶۷	۲۰۰	۶۰۰۰	۱۶	۱۵۰	۳۸۲	۰/۵۶
۷۰	۲/۰۲۵	۲/۶۵۶								

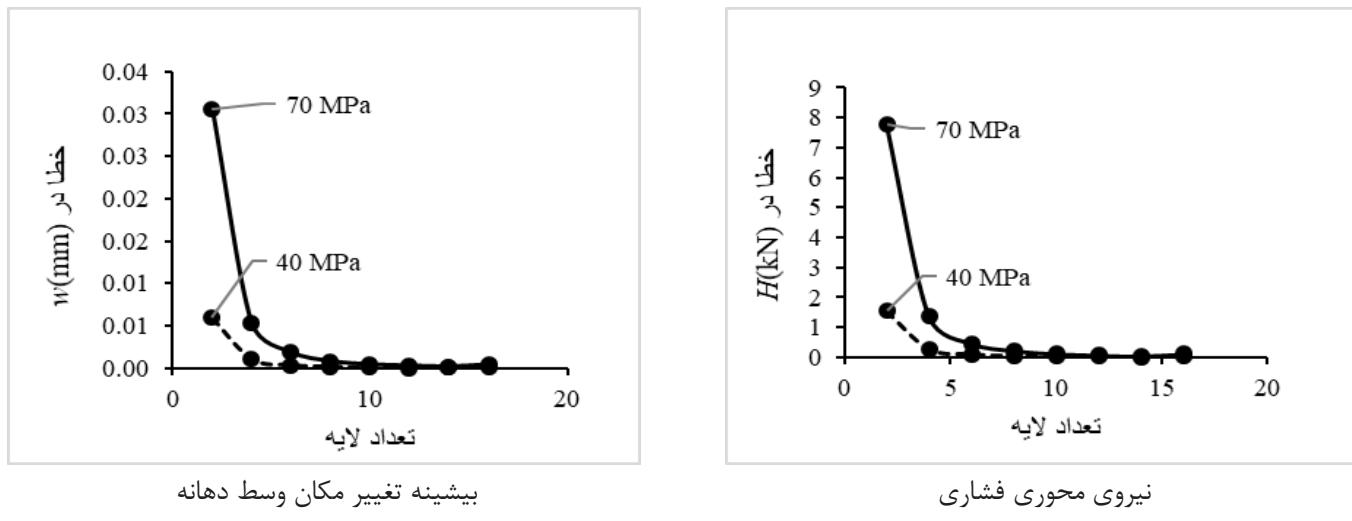
۳-۲- تعیین تعداد مقطع‌ها در امتداد تیر

چگونگی تغییر شکل تیر مرتبط به انحنا و کرنش تار میانی در هر مقطع است. انحنا در امتداد یک تیر با لنگر خمشی و توزیع نیروی محوری معلوم با استفاده از روش تحلیل مقطعی قابل محاسبه است. درصد خطای برای تعداد مقطع‌ها در امتداد تیر با توجه به پاسخ نیروی محوری فشاری و بیشینه تغییر مکان وسط دهانه برای تحلیل در شکل ۸ و شکل ۹ به ترتیب برای مکان در وسط دهانه برای تحلیل در شکل ۸ و شکل ۹ به ترتیب برای تیرهای F1 و F2 نشان داده شده است. مشاهده می‌شود پاسخ‌ها در تعداد

۵۰ مقطع به همگرایی رسیده است.

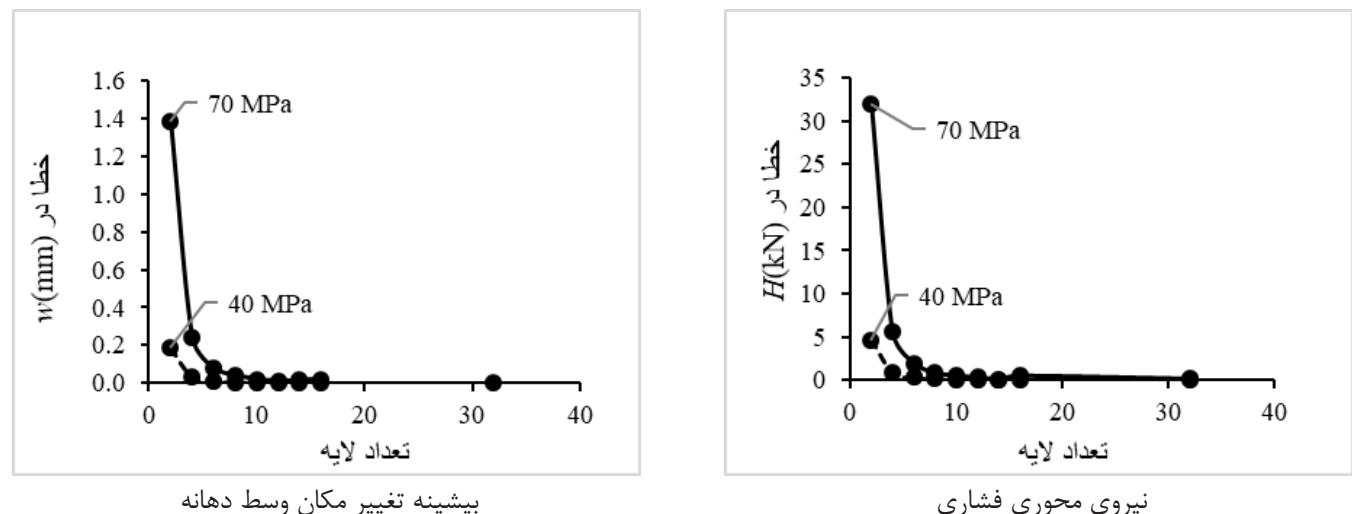
۳-۱- تعیین تعداد لایه‌ها در هر مقطع تیر

برای محاسبه‌ی تعداد لایه‌های مورد نیاز برای تخمین صحیح نیروی ایجاد شده و خروج از مرکزیت در هر مقطع تیر، مطالعات بهینه‌سازی با دو مقدار مقاومت فشاری بتن ۴۰ MPa و ۷۰ MPa می‌پذیرد. همانطور که در شکل‌های ۶ و ۷ قابل مشاهده است پاسخ‌های نیروی محوری فشاری و بیشینه تغییر مکان وسط دهانه برای ترتیب تیر F1 و F2 در تعداد ۱۰ لایه به همگرایی رسیده است.



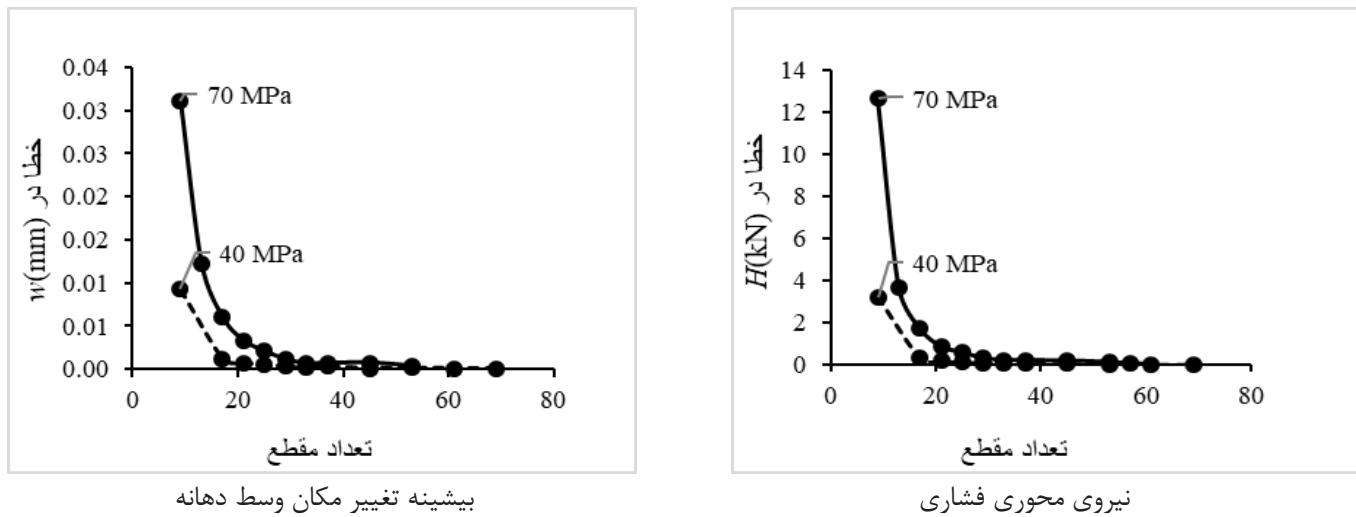
شکل ۶. بررسی خط و تعداد لایه‌های مورد نیاز برای استفاده در تحلیل تیر F1

Fig. 6. Number of layers required for use in beam F1.



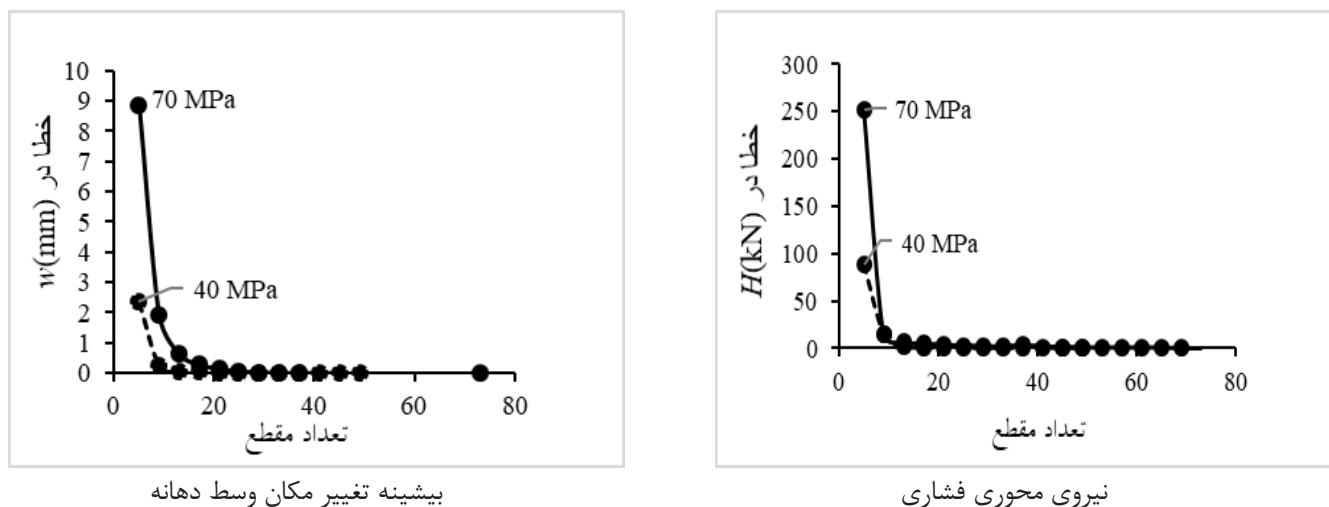
شکل ۷. بررسی خط و تعداد لایه‌های مورد نیاز برای استفاده در تحلیل تیر F2

Fig. 7. Number of layers required for use in beam F2.



شکل ۸. بررسی خطای و تعداد مقطع های مورد نیاز برای استفاده در تحلیل تیر F1

Fig. 8. Number of sections required for use in beam F1



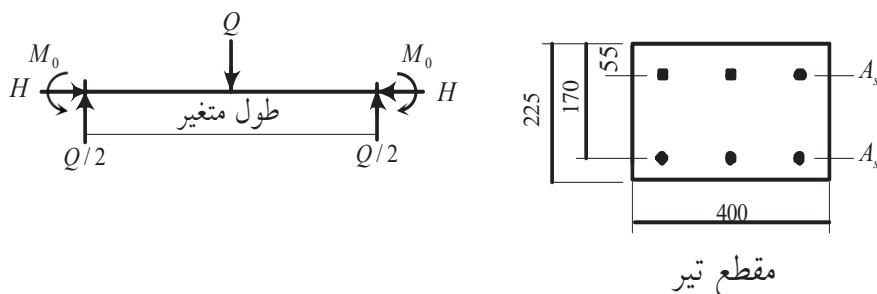
شکل ۹. بررسی خطای و تعداد مقطع های مورد نیاز برای استفاده در تحلیل تیر F2

Fig. 9. Number of sections required for use in beam F2.

جدول ۲. مقایسه نتایج تحلیل عددی با مرجع [۱۶].

Table 2. Comparison of numerical analysis results with reference [16]

تحليل	تیر			F1			F2		
	Q (kN)	H (kN)	w (mm)	Q (kN)	H (kN)	w (mm)	Q (kN)	H (kN)	w (mm)
منصور [۱۶]	۴۰۰	۹۱۰	۳/۲	۱۱۴	۸۷۰	۳۱			
مدل تحلیلی حاضر	۴۰۴	۸۷۵	۳/۲۲	۱۱۲	۸۵۰	۲۹/۸			



شکل ۱۰. مشخصات هندسی تیرها جهت انجام مطالعه پارامتری

Fig. 10. Geometrical properties of the beams for parametric study.

با ۵ نسبت مختلف طول دهانه به ارتفاع قطع ($L/h = 9, 18, 22, 27, 31$) و ابعاد نشان داده شده در شکل ۱۰ معرفی می‌شوند. در هر بخش به صورت مجزا به بررسی تاثیر پارامتر مورد نظر بر پاسخ‌های ظرفیت نهایی، نیروی محوری فشاری و بیشینه تغییر مکان در وسط دهانه تیر پرداخته خواهد شد.

۵- مقاومت فشاری بتن (f'_c)

به منظور بررسی تاثیر مقاومت فشاری بتن، تیرهایی مشابه با تیرهای سری F با مشخصات $\rho = 0.56$ درصد، $K_{rot} = \infty$ و $K_{axial} = \infty$ و چهار مقدار مقاومت فشاری مختلف ۴۰، ۵۰، ۶۰ و ۷۰ MPa مورد تحلیل قرار گرفته است. ملاحظه می‌گردد با توجه به شکل ۱۱ میزان تاثیر مقاومت فشاری بتن بر پاسخ ظرفیت بار نهایی در تیرهای لاغر کمتر است و با کاهش نسبت L/h از ۳۱ به ۹ در تیر افزایش تاثیر مقاومت فشاری بتن بر پاسخ از ۲۶ به ۱۱ kN مشاهده می‌شود. در ادامه پاسخ نیروی محوری فشاری در شکل ۱۲ ارائه شده است که مشاهده می‌شود با افزایش مقاومت فشاری بتن نیروی محوری فشاری افزایش می‌یابد و با افزایش نسبت طول

۴- راستی آزمایی مدل عددی

مدل تحلیلی که در این پژوهش مورد استفاده قرار می‌گیرد، از مدل عددی پیشنهاد شده توسط منصور [۱۶] برگرفته شده است. لذا در این بخش با استفاده از نتایج و داده‌های موجود، مدل تحلیلی مورد راستی آزمایی قرار می‌گیرد. به این منظور دو تیر F1 و F2 با مشخصات هندسی که در شکل ۵ نمایش داده شده است و مشخصات مصالح که در جدول ۱ نشان داده شده است برای مقایسه نتایج در نظر گرفته می‌شوند. پاسخ‌های تحلیل در جدول ۲ مقایسه شده است.

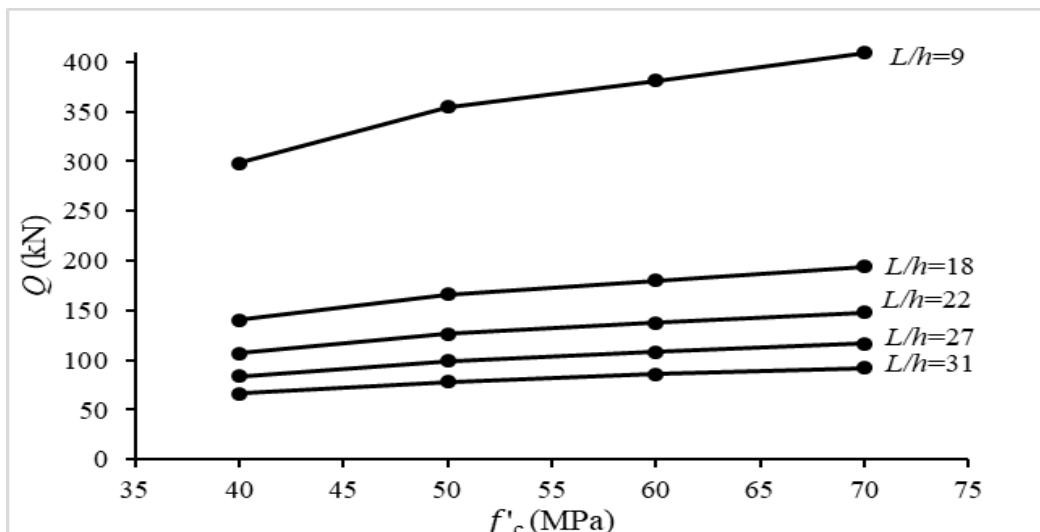
نتایج مرجع [۱۶] با مدل تحلیلی انجام شده صحبت‌سنگی گردید. همان‌طور که دیده می‌شود، نتایج مدل‌سازی دارای دقت قابل قبولی در مقایسه با مقدارهای ثبت شده در پژوهش مورد نظر است.

۵- مطالعه پارامتریک

برای ارزیابی هر یک از پارامترهای موثر بر عملکرد غشائی در تیرهای بتن مسلح لاغر، تیرهایی با مشخصات مشابه با تیرهای سری F [۱۶] ولی

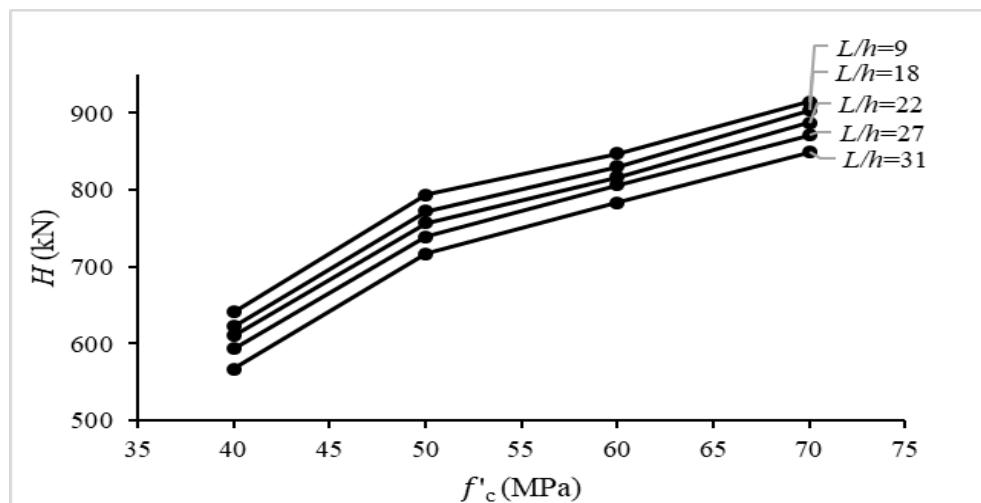
تغییر مکان حداکثر وسط دهانه در تیرهای با لاغری متفاوت تغییری نمی‌کند هر چند افزایش میزان لاغری بسیار در افزایش این پاسخ برای تیرهای بتن مسلح نقش دارد.

به ارتفاع مقطع یعنی با افزایش لاغری، مقدار نیروی فشاری ایجاد شده در تیر بتن مسلح کاهش یافته است. همچنین در شکل ۱۳ پاسخ بیشینه تغییر مکان وسط دهانه نشان می‌دهد میزان تاثیر مقاومت فشاری بتن بر پاسخ



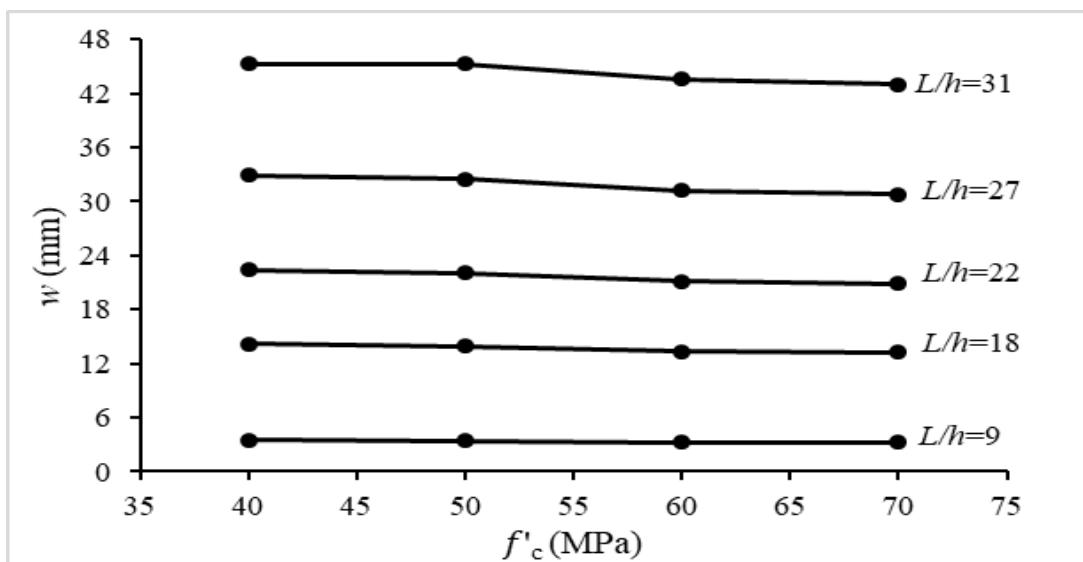
شکل ۱۱. پاسخ ظرفیت بار نهایی برای تیرهای سری F با مقاومت‌های فشاری مختلف

Fig. 11. Load-carrying capacity response for F series beams with different compressive strength.



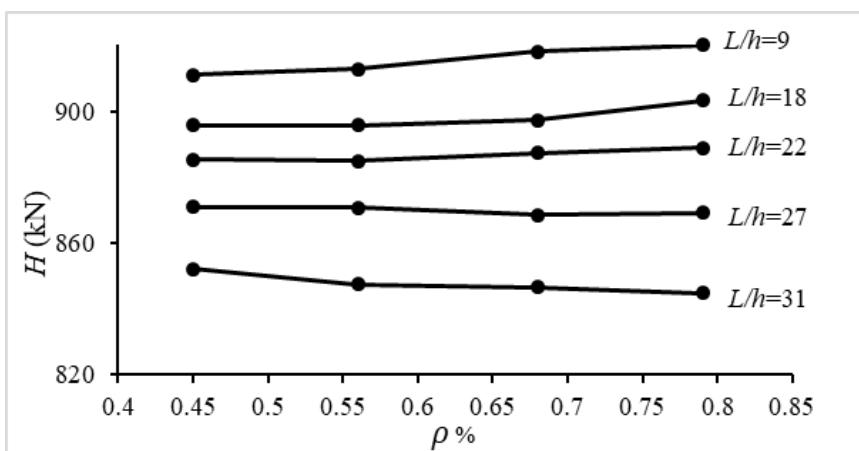
شکل ۱۲. پاسخ نیروی محوری فشاری برای تیرهای سری F با مقاومت‌های فشاری مختلف

Fig. 12. Lateral restraint load response for F series beams with different compressive strength



شکل ۱۳. پاسخ بیشینه تغییرمکان وسط دهانه برای تیرهای سری F با مقاومت‌های فشاری مختلف

Fig. 13. Maximum midspan deflection response for F series beams with different compressive strength.



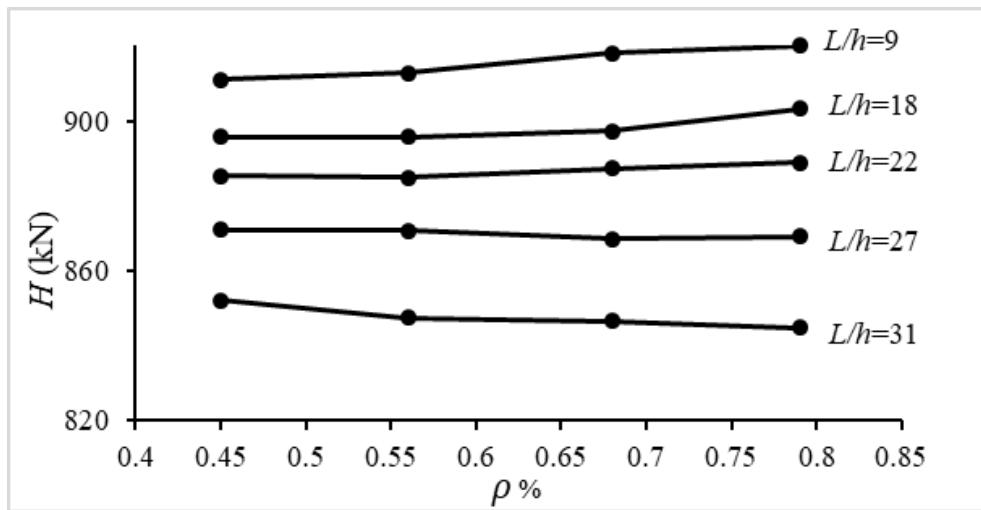
شکل ۱۴. پاسخ ظرفیت بار نهایی برای تیرهای سری F با نسبت‌های مختلف مسلح کننده

Fig. 14. Load-carrying capacity response for F series beams with different reinforcement ratio

بر پاسخ از ۱۱ به ۴۳ kN مشاهده می‌شود. در ادامه پاسخ نیروی محوری فشاری در شکل ۱۵ ارائه شده است، مشاهده می‌شود با افزایش نسبت مسلح کننده نیروی محوری فشاری تغییر قابل توجهی نمی‌کند. همچنین در شکل ۱۶ پاسخ بیشینه تغییر مکان وسط دهانه نشان می‌دهد میزان نسبت مسلح کننده تاثیر ناچیزی بر پاسخ تغییر مکان حداکثر وسط دهانه در تیرهای بالغی متفاوت دارد.

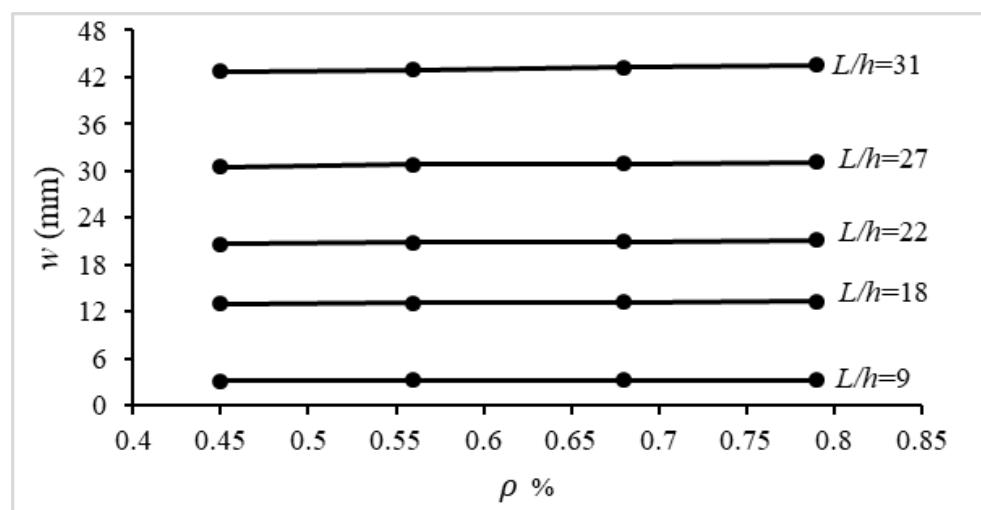
۵-۲- نسبت مسلح کننده (ρ %)

به منظور بررسی تأثیر نسبت مسلح کننده، تیرهایی مشابه با تیرهای سری F و مشخصات $K_{rot} = \infty$ ، $K_{axial} = \infty$ ، $f'_c = 70$ MPa و $\rho = 0.079$ درصد مورد تحلیل قرار گرفته است. ملاحظه می‌گردد با توجه به شکل ۱۴ میزان تاثیر نسبت مسلح کننده بر پاسخ ظرفیت بار نهایی در تیرهای لاغر کمتر است و با کاهش نسبت h/L از ۳۱ به ۹ در تیر افزایش تاثیر نسبت مسلح کننده



شکل ۱۵. پاسخ نیروی محوری فشاری برای تیرهای سری F با نسبت‌های مختلف مسلح‌کننده

Fig. 15. Lateral restraint load response for F series beams with different reinforcement ratio



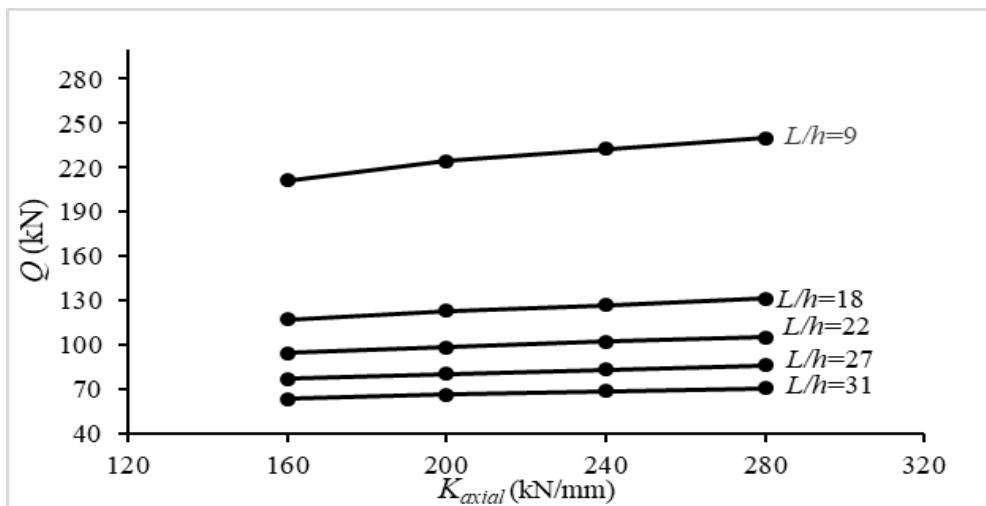
شکل ۱۶. پاسخ بیشینه تغییرمکان وسط دهانه برای تیرهای سری F با نسبت‌های مختلف مسلح‌کننده

Fig. 16. Maximum midspan deflection response for F series beams with different reinforcement ratio

سختی محوری بر پاسخ از ۷ به ۲۹ kN مشاهده می‌شود. در ادامه پاسخ نیروی محوری فشاری در شکل ۱۸ ارائه شده است که مشاهده می‌شود با افزایش سختی محوری نیروی محوری فشاری افزایش می‌یابد. همچنین در شکل ۱۹ پاسخ بیشینه تغییر مکان وسط دهانه نشان می‌دهد میزان سختی محوری تکیه‌گاهی تاثیر ناچیزی بر پاسخ تغییر مکان حداقل وسط دهانه در تیرهای با لاغری متفاوت دارد.

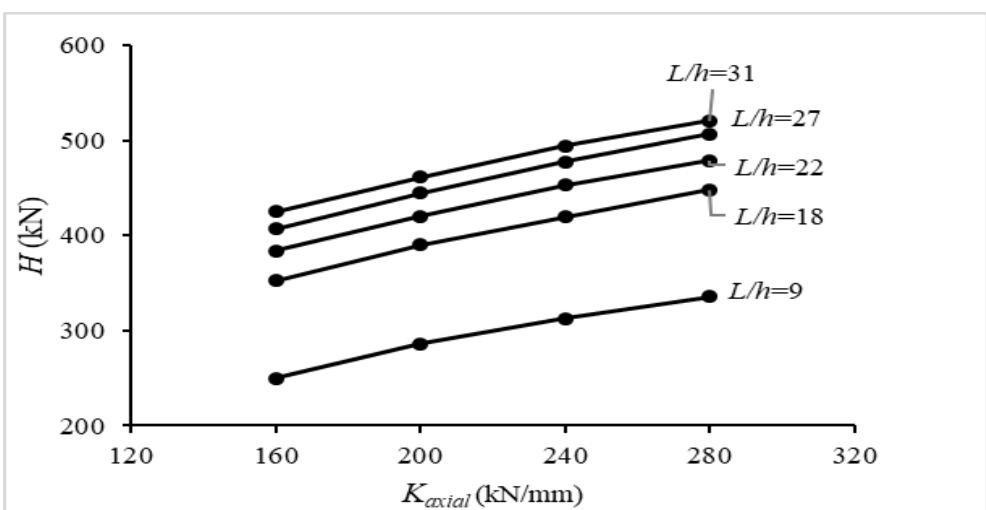
۵-۳- سختی محوری تکیه‌گاهی (K_{axial})

به منظور بررسی تأثیر سختی محوری تکیه‌گاهی، تیرهایی مشابه با تیرهای سری F و مشخصات $\rho=0.56$ درصد، $f_c' = 70 \text{ MPa}$ و $K_{rot} = \infty$ با چهار مقدار سختی محوری تکیه‌گاهی مختلف میزان تأثیر سختی محوری تکیه‌گاهی بر پاسخ ظرفیت بار نهایی در تیرهای میزان تأثیر سختی محوری تکیه‌گاهی بر پاسخ ظرفیت بار نهایی در تیرهای لاغر کمتر است و با کاهش نسبت L/h از ۳۱ به ۹ در تیر افزایش تأثیر



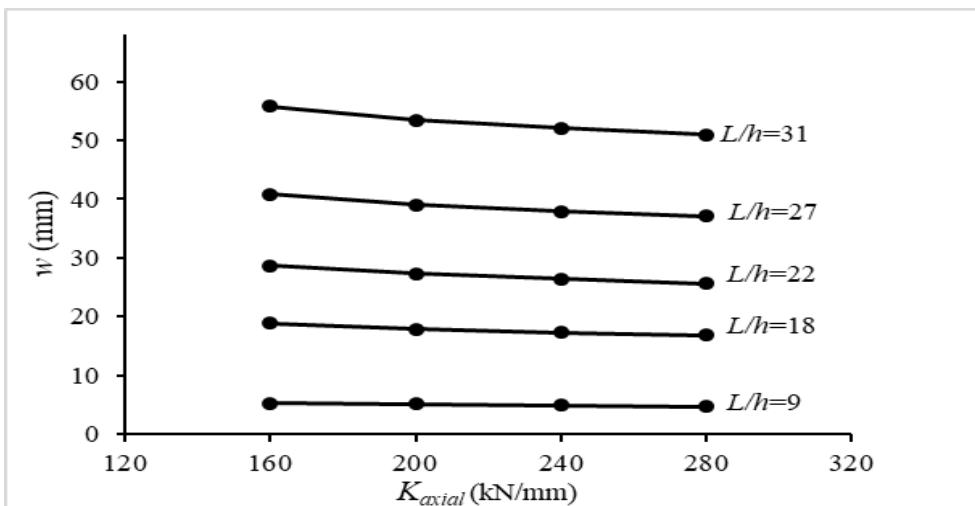
شکل ۱۷. پاسخ ظرفیت بار نهایی برای تیرهای سری F با سختی محوری‌های مختلف

Fig. 17. Load-carrying capacity response for F series beams with different axial stiffness of the support.



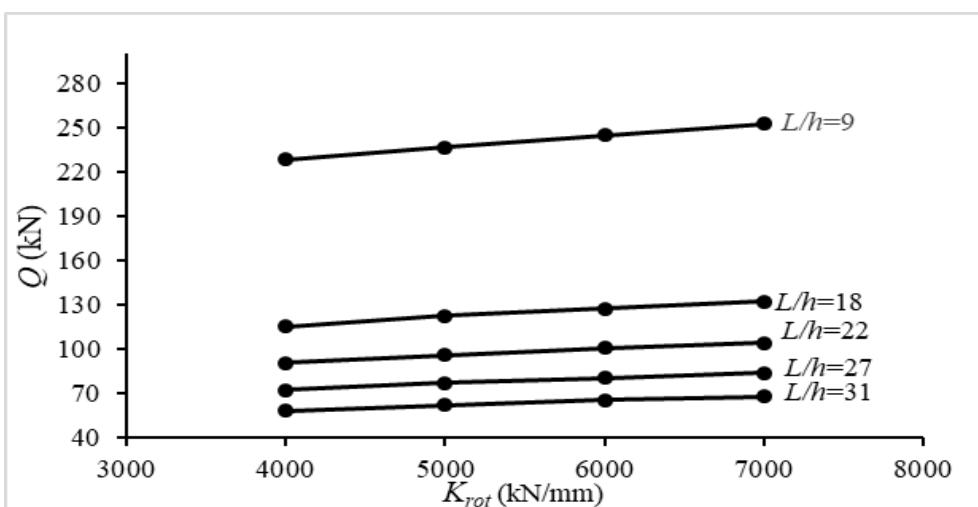
شکل ۱۸. پاسخ نیروی محوری فشاری برای تیرهای سری F با سختی محوری‌های مختلف

Fig. 18. Lateral restraint load response for F series beams with different axial stiffness of the support



شکل ۱۹. پاسخ بیشینه تعیین‌مکان وسط دهانه برای تیرهای سری F با سختی محوری‌های مختلف

Fig. 19. Maximum midspan deflection response for F series beams with different axial stiffness of the support.

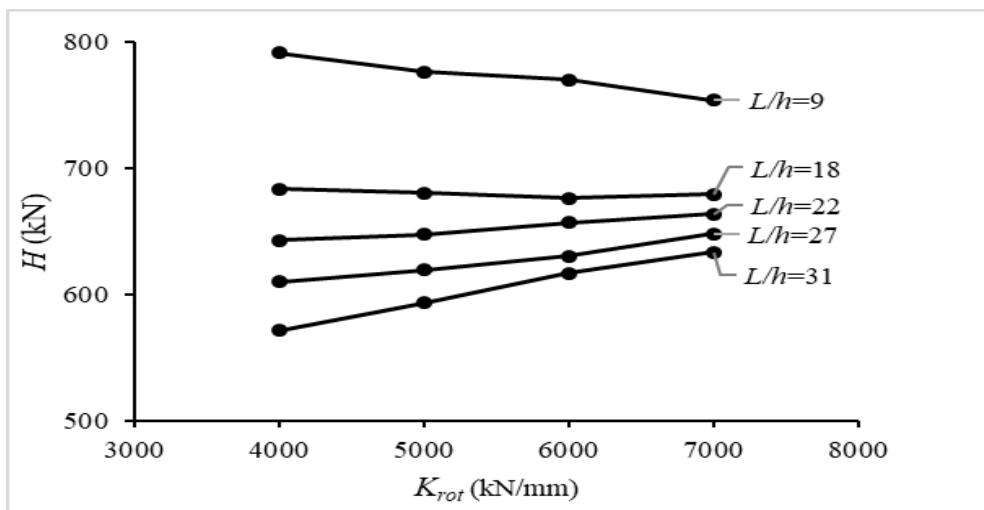


شکل ۲۰. پاسخ ظرفیت بار نهایی برای تیرهای سری F با سختی دورانی‌های تکیه‌گاهی مختلف

Fig. 20. Load-carrying capacity response for F series beams with different rotational stiffness of the support.

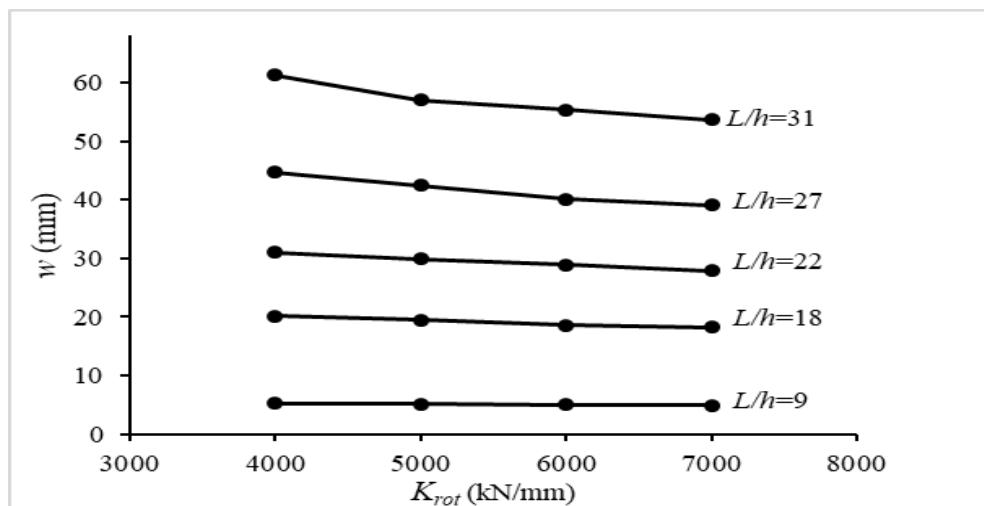
سختی دورانی بر پاسخ از ۱۰ به ۲۵ kN مشاهده می‌شود. در ادامه پاسخ نیروی محوری فشاری در شکل ۲۱ ارائه شده است که مشاهده می‌شود با افزایش سختی دورانی، روند پاسخ نیروی محوری فشاری متفاوت است، به صورتی که در تیرهای لاغر موجب افزایش نیروی محوری فشاری می‌شود ولی در تیرهای کوتاه باعث کاهش این نیرو می‌شود. همچنین در شکل ۲۲ پاسخ بیشینه تعیین‌مکان وسط دهانه نشان می‌دهد سختی دورانی تکیه‌گاهی تأثیر بیشتری بر پاسخ تعیین‌مکان حداکثر وسط دهانه در تیرهای لاغری بیشتر دارد.

۴-۴- سختی دورانی تکیه‌گاهی (K_{rot})
به منظور بررسی تأثیر سختی محوری تکیه‌گاهی، تیرهایی مشابه با تیرهای سری F و مشخصات $\rho=0.56$ درصد، $f_c = 70 \text{ MPa}$ و $K_{axial} = \infty$ با چهار مقدار سختی دورانی تکیه‌گاهی مختلف مختلط $4000, 5000, 6000, 7000 \text{ kN.mm/rad}$ مورد تحلیل قرار گرفته است. ملاحظه می‌گردد با توجه به شکل ۲۰ میزان تأثیر سختی دورانی تکیه‌گاهی بر پاسخ ظرفیت بار نهایی در تیرهای لاغر کمتر است و با کاهش نسبت h/L از ۳۱ به ۹ در تیر افزایش تأثیر



شکل ۲۱. پاسخ نیروی محوری فشاری برای تیرهای سری F با سختی دورانی‌های تکیه‌گاهی مختلف

Fig. 21. Lateral restraint load response for F series beams with different rotational stiffness of the support.



شکل ۲۲. پاسخ بیشینه تغییرمکان وسط دهانه برای تیرهای سری F با سختی دورانی‌های تکیه‌گاهی مختلف

Fig. 22. Maximum midspan deflection response for F series beams with different rotational stiffness of the support.

در این رابطه‌ها، x هر یک از پارامترهای اثرگذار (مقاومت فشاری بتن، نسبت مسلح کننده، نسبت طول دهانه به ارتفاع مقطع، سختی محوری و سختی دورانی) و نسبت لاغری تیر بر روی پاسخ‌های ظرفیت بار نهایی، نیروی محوری فشاری و تغییر مکان حداکثر وسط دهانه‌ی تیر بتن مسلح لاغر (y) می‌توان باشد. m تعداد نمونه‌های بررسی شده‌ی هر یک از پارامترها می‌باشد ($m = 4$). به منظور بررسی میزان اثرگذاری پارامترهای بحث شده، برای تیر بتن مسلح لاغر با $4/0.8$ نسبت $1/2$ ، $1/1/2$ و $1/4$ از هر پارامتر تحلیل‌هایی صورت گرفته شده است و نتایج در جدول ۳ ارائه شده است. همچنین میزان اثرگذاری و ضریب تعیین هر یک از پارامترهای مورد بررسی بر روی پاسخ‌های ظرفیت بار نهایی، نیروی محوری فشاری و بیشینه تغییر مکان وسط دهانه در جدول ۴ و میزان اثرگذاری نسبت به یکدیگر در شکل ۲۳ نشان داده شده است.

با توجه به شکل ۲۳ مشاهده می‌شود هر پنج پارامتر به یک میزان بر پاسخ ظرفیت نهایی بار تاثیر گذارند در صورتی که برای پاسخ نیروی محوری فشاری، لاغری و سختی محوری تکیه‌گاهی بیشترین تاثیر را دارند و نسبت مسلح کننده کمتر موثر است. در نهایت برای پاسخ بیشینه تغییر مکان وسط دهانه، لاغری و سختی دورانی تکیه‌گاهی سهم بیشتری دارند و نسبت مسلح کننده کمتر موثر است.

۷- نتیجه‌گیری

در پژوهش حاضر، با بهره‌گیری از روش عددی برای در نظر گرفتن عملکرد غشائی در تیرها، تاثیر لاغری بر پاسخ تیر بتن مسلح مقید بررسی شده و مطالعات پارامتری گستردگی برای تعیین تاثیر مقاومت فشاری بتن، نسبت مسلح کننده در مقطع تیر، سختی محوری تکیه‌گاهی و سختی دورانی تکیه‌گاهی بر رفتار غشایی تیرها صورت پذیرفت. تحلیل با استفاده از نرم افزار برنامه نویسی فرتون کدنویسی شده است و از مقایسه و ارزیابی رفتار تیرها نتایج زیر حاصل شد.

مشاهده می‌شود تاثیر افزایش هر چهار پارامتر بر ظرفیت برابری در تیرهای کوتاه بیشتر است. به صورتی که افزایش $0/75$ درصدی مقاومت فشاری بتن در تیر با نسبت لاغری 9 باعث افزایش ظرفیت برابری به میزان 111 kN می‌شود در حالی که برای لاغری 31 این مقدار 26 kN افزایش می‌یابد. در بررسی اثر نسبت مسلح کننده نیز مشاهده شد در افزایش $0/75$ درصدی این پارامتر شاهد کاهش تغییرات اثرگذاری از 43 به 11 می‌توان بود.

۶- میزان تاثیر هر یک از پارامترها بر پاسخ تیر

به منظور بررسی میزان تاثیر هر یک از پارامترها (مقاومت فشاری بتن، نسبت مسلح کننده، سختی محوری و سختی دورانی تکیه‌گاهی) بر روی پاسخ‌های ظرفیت بار نهایی، نیروی محوری فشاری و تغییر مکان حداکثر وسط دهانه‌ی تیر بتن مسلح لاغر، از ضریب تعیین^۱ (r) استفاده شده است که بیان‌گر میزان تاثیر پاسخ تیر توسط متغیرهای مورد نظر است. به عنوان مثال اگر $r = 0.75$ باشد، به این معناست که 75 درصد از تغییرات y را توسط تغییرات پارامتر x می‌توان توضیح داد. ضریب همبستگی^۲ ($\hat{\rho}_{xy}$) را می‌توان با جایگزینی مقادرهای میانگین^۳ (\bar{x}, \bar{y}) از رابطه‌های (۱۶) و (۱۷) و انحراف از معیار^۴ (S_x, S_y) از رابطه‌های (۱۸) و (۱۹) در رابطه‌ی (۲۰) محاسبه کرد. همچنین ضریب تعیین (۲۱) از رابطه‌ی (۲۱) به دست آورده می‌شود [۲۱].

$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i \quad (16)$$

$$\bar{y} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n y_i \quad (17)$$

$$S_x = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n-1}} = \sqrt{\frac{(\sum_{i=1}^n x_i^2) - n(\bar{x})^2}{n-1}} \quad (18)$$

$$S_y = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (y_i - \bar{y})^2}{n-1}} = \sqrt{\frac{(\sum_{i=1}^n y_i^2) - n(\bar{y})^2}{n-1}} \quad (19)$$

$$\rho_{xy} = \frac{1}{n-1} \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{S_x S_y} = \frac{1}{n-1} \frac{\sum_{i=1}^n (x_i y_i) - n \bar{x} \bar{y}}{S_x S_y} \quad (20)$$

$$r = \rho_{xy}^{1/2} \quad (21)$$

-
- | | |
|---|------------------------------|
| 1 | Coefficient of Determination |
| 2 | Correlation Coefficient |
| 3 | Mean |
| 4 | standard deviation |

جدول ۳. پاسخ‌های تیر بتن مسلح لاغر به ازای پارامترهای مختلف

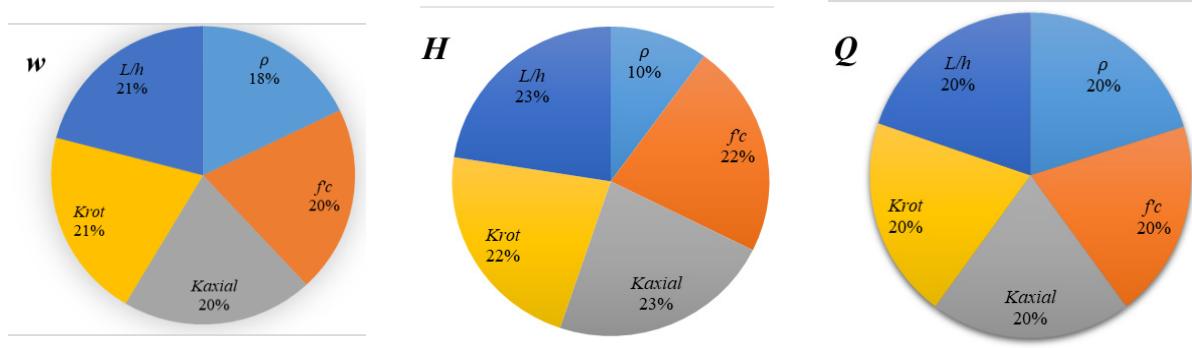
Table 3. Slender reinforced concrete beams responses for different parameters

پارامتر	x_i	y_i Q(kN)	y_i H(kN)	y_i $w(\text{mm})$
$f'_c (\text{MPa})$	۴۰	۸۳/۸۵۸	۵۹۳/۲۳	۳۲/۸۷۸
	۵۰	۹۹/۲۶	۷۳۹/۳	۳۲/۴۴۷
	۶۰	۱۰۸/۴۶	۸۰۶/۲	۳۱/۲۳۷
	۷۰	۱۱۶/۴۵	۸۷۱/۷۳	۳۰/۷۹۷
$\rho \%$	۰/۱۴۵	۱۱۰/۷	۸۵۵/۹۳۵	۲۹/۹
	۰/۱۵۶	۱۱۶/۴۵	۸۷۱/۷۳	۳۰/۷۹۷
	۰/۱۶۸	۱۲۰/۸	۸۶۸/۳۵	۳۰/۹۲۵
	۰/۱۷۹	۱۲۵/۲	۸۶۹/۱	۳۱/۱۷۴
$K_{axial} (\text{kN/mm})$	۱۶۰	۷۷/۲۸۸	۴۰۷/۱۹۷	۴۰/۸۸۱
	۲۰۰	۸۰/۰۵۷۷	۴۴۴/۸۴	۳۹/۰۸
	۲۴۰	۸۳/۴۲۹	۴۷۷/۳۴	۳۷/۹۲۷
	۲۸۰	۸۶/۱۲	۵۰۷	۳۷/۱۳۵
$K_{rot} (\text{kN.m/rad})$	۴۰۰۰	۷۲/۱۳۸	۶۱۰/۳۴۹	۴۴/۶۴۱
	۵۰۰۰	۷۶/۹۴	۶۱۹/۲۲۹	۴۲/۴۳۵
	۶۰۰۰	۸۰/۵	۶۳۰/۳۳۸	۴۰/۰۳
	۷۰۰۰	۸۳/۸۷۱	۶۴۷/۹۷۷	۳۹/۱
L / h	۱۶	۲۱۸/۱۸۸	۹۰۳/۸۵۱	۱۰/۵۸
	۲۰	۱۶۸/۶۵	۸۹۴/۹۵۶	۱۶/۷۸
	۲۴	۱۳۴/۱۳۵	۸۸۲/۵۹۶	۲۴/۵۹۸
	۲۸	۱۰۸/۶۵	۸۶۶/۳۴۶	۳۴/۲۲

جدول ۴. ضریب تعیین به ازای پارامترهای مختلف بر روی پاسخ ظرفیت نهایی بار، نیروی محوری فشاری و حداقل تغییر مکان وسط دهانه تیر

Table 4. The coefficient of determination for different parameters on the responses of the load-carrying capacity, lateral restraint load and maximum midspan deflection.

	f'_c	ρ	K_{axial}	K_{rot}	L / h
r_Q	۰/۹۷۴۴۸۷	۰/۹۹۵۱۲۶	۰/۹۹۷۸۴	۰/۹۹۲۵۰۳	۰/۹۷۸۲۷۳
r_H	۰/۹۷۴۴۸۷	۰/۴۳۷۸۰۳	۰/۹۹۷۸۴	۰/۹۷۴۵۱۳	۰/۹۸۲۹۳۹
r_w	۰/۹۵۸۵۸۶	۰/۸۴۳۶۴۷	۰/۹۶۷۴۰۷	۰/۹۷۰۶۶۲	۰/۹۹۰۶۳۹



شکل ۲۳. میزان تاثیر پارامترها بر پاسخ‌های ظرفیت نهایی بار، نیروی محوری فشاری و حداقل تغییر مکان وسط دهانه در تیر بتون مسلح لاغر نسبت به یکدیگر

Fig.23. The effect of the parameters related to each other on the responses of the load-carrying capacity, lateral restraint load and maximum midspan deflection of the reinforced concrete beams.

concrete slabs, Canadian Journal of Civil Engineering, 17(5) (1990) 686-697.

[3] L.K. Gore, E.J. Rhomberg, Membrane action in partially restrained slabs, Structural Journal, 85(4) (1988) 365-373.

[4] M.E. Ruddle, Arching action and the ultimate capacity of reinforced concrete beams, (1992).

[5] Y. Su, Y. Tian, X. Song, Progressive collapse resistance of axially-restrained frame beams, ACI Structural Journal, 106(5) (2009).

[6] J. Yu, K.-H. Tan, Experimental and numerical investigation on progressive collapse resistance of reinforced concrete beam column sub-assemblages, Engineering Structures, 55 (2013) 90-106.

[7] K. Christiansen, The effect of membrane stresses on the ultimate strength of the interior panel in a reinforced concrete slab, The Structural Engineer, 41(8) (1963) 261-265.

[8] R. Park, Ultimate strength of rectangular concrete slabs under short-term uniform loading with edges restrained against lateral movement, Proceedings of the Institution of Civil Engineers, 28(2) (1964) 125-150.

[9] G.I.B. Rankin, Punching failure and compressive membrane action in reinforced concrete slabs, Queen's

برای سختی‌های تکیه‌گاهی نیز مشاهده شد اثربازی پاسخ ظرفیت باربری با مقدار سختی‌ها رابطه غیرخطی دارد به صورتی که در محدوده سختی‌های پایین تغییرات سختی تاثیر بیشتری بر پاسخ تیر دارد. همچنین در بررسی اثر سختی‌ها مشخص شد در تیرهای با نسبت لاغری کمتر تاثیر تغییرات این پارامتر بر پاسخ‌های تیر بیشتر است به صورتی که برای سختی دورانی تکیه‌گاهی، با افزایش $75/0$ درصدی میزان سختی، با کاهش لاغری ظرفیت باربری نهایی تیر از 10 kN به 25 kN افزایش می‌یابد. به همین صورت برای افزایش $75/0$ درصدی سختی محوری نیز مشاهده می‌شود با کاهش لاغری تغییرات ظرفیت باربری نهایی تیر از 7 kN به 29 kN افزایش می‌یابد.

با بررسی پارامترهای ذکر شده ملاحظه شد که نسبت لاغری و سختی محوری تکیه‌گاهی بیشترین اثرگذاری را بر پاسخ نیروی غشائی فشاری و بیشینه تغییر مکان وسط دهانه در تیر بتون مسلح مقید دارد.

۸- فهرست علائم

منابع

- [1] K. Qian, B. Li, J.-X. Ma, Load-carrying mechanism to resist progressive collapse of RC buildings, Journal of Structural Engineering, 141(2) (2015) 04014107.
- [2] F. Vecchio, K. Tang, Membrane action in reinforced

University of Belfast, 1982.

- dimensional Load Path Induced by Arching Action in Bridge Deck Slabs, 2014.
- [16] R. Mansour, An Analytical Model for Predicting the Behaviour of Laterally Restrained Reinforced Concrete Beams, 2016.
- [17] J.C. Walraven, Model Code 2010-Final draft: Volume 1, fib Fédération internationale du béton, 2012.
- [18] S. Popovics, A numerical approach to the complete stress-strain curve of concrete, Cement and concrete research, 3(5) (1973) 583-599.
- [19] J.B. Mander, Seismic design of bridge piers, (1983).
- [20] U. Mayer, R. Eligehausen, Bond behavior of ribbed bars at inelastic steel strains, in: Proc. 2nd Int. PhD Symposium in Civil Engineering, Technical University of Budapest, Budapest, Hungary, 1998, pp. 39-46.
- [21] A.S. Nowak, K.R. Collins, Reliability of structures, CRC Press, 2012.
- [10] S.-B. Kang, K.H. Tan, Analytical study on reinforced concrete frames subject to compressive arch action, Engineering Structures, 141 (2017) 373-385.
- [11] A.T. Pham, K.H. Tan, J. Yu, Numerical investigations on static and dynamic responses of reinforced concrete sub-assemblages under progressive collapse, Engineering Structures, 149 (2017) 2-20.
- [12] R. Ahmadi, O. Rashidian, R. Abbasnia, F. Mohajeri Nav, N. Usefi, Experimental and numerical evaluation of progressive collapse behavior in scaled RC beam-column subassemblage, Shock and Vibration, 2016 (2016).
- [13] J. Yu, K.H. Tan, Analytical model for the capacity of compressive arch action of reinforced concrete sub-assemblages, Magazine of Concrete Research, 66(3) (2014) 109-126.
- [14] S. Wu, Rational modeling of arching action in laterally restrained beams, 2013.
- [15] R.M. Botticchio, Determining and Validating the Three-

چگونه به این مقاله ارجاع دهیم

M. Kohestani, M. R. Esfahani, An Investigation on the Capacity of Membrane Action of Restrained Slender Reinforced Concrete Beams, Amirkabir J. Civil Eng., 54(4) (2022) 1533-1552.

DOI: [10.22060/ceej.2021.19684.7235](https://doi.org/10.22060/ceej.2021.19684.7235)

