

## بررسی آب‌شستگی تکیه‌گاه مستطیلی واقع در کanal مرکب تحت جریان غیرماندگار (مطالعه آزمایشگاهی)

علی‌رضا یزدانی، خسرو حسینی\*، حجت کرمی

دانشکده عمران، دانشگاه سمنان، سمنان، ایران

### تاریخچه داوری:

دریافت: ۱۳۹۸/۰۶/۲۱

بازنگری: ۱۳۹۸/۰۸/۲۷

پذیرش: ۱۳۹۸/۰۸/۲۸

ارائه آنلاین: ۱۳۹۸/۰۹/۱۰

### کلمات کلیدی:

تکیه‌گاه پل

جریان غیرماندگار

عمق آب‌شستگی

گام زمانی

هیدروگراف پلهای

**خلاصه:** یکی از پارامترهای مهم در طراحی پایه و تکیه‌گاه پلهای، محاسبه عمق آب‌شستگی می‌باشد. روابط اولیه مربوط به تخمین عمق آب‌شستگی در دهه‌های اخیر غالباً برای جریان ماندگار ارائه شده‌اند در حالی که در زمان عبور سیلان، جریان در رودخانه در شرایط غیرماندگار رخ میدهد که دبی جریان بین یک مقدار پایه و اوج متغیر می‌باشد، پس انتظار نمی‌رود مقدار آب‌شستگی محاسبه شده از این روابط با مقدار واقعی که در زمان عبور سیلان رخ میدهد تطابق زیادی داشته باشد. در این تحقیق به اندازه‌گیری عمق آب‌شستگی در محل یک تکیه‌گاه مستطیلی پل در شرایط مختلف جریان ماندگار و همچنین جریان‌های غیرماندگار به ازاء سیلانهای با هیدروگرافهای مختلف و پلهای معادل در یک کanal با سطح مقطع مرکب در شرایط آب زلال پرداخته شد. سپس با استفاده از مقادیر آب‌شستگی اندازه‌گیری شده در جریان‌های ماندگار، رابطه‌ای برای تخمین حداکثر عمق آب‌شستگی بر حسب پارامتر بدون بعد زمان و شرایط جریان تعیین گردیده است. با تغییر زمان و قوع دبی اوج، میزان تاثیر شیب در دو قسمت بالارونده و پایین رونده هیدروگراف مختلفی بر آب‌شستگی مورد بررسی قرار گرفت. مقایسه آب‌شستگی در دو هیدروگراف پلهای با زمان تداوم یکسان و تعداد پلهای مختلف نشان داد که اختلاف بین مقادیر آب‌شستگی حاصل در حد ۱/۵٪ می‌باشد. همچنین نتایج حاصل از اندازه‌گیری عمق آب‌شستگی در هیدروگرافهای مختلفی و پلهای مقایسه گردید.

### ۱- مقدمه

پل‌ها انجام شده‌است. تکیه‌گاه و پایه پل بخشی از پی هر پل را تشکیل می‌دهند و دلیل عمدۀ شکست پل‌ها، وقوع آب‌شستگی در تکیه‌گاه یا پایه در طول زمان عبور سیلان می‌باشد که نقش باربری نیروهای وارد به سازه را دارند. با یک نگاه به روابط موجود در می‌باییم که اکثر تحقیقات صورت گرفته بر روی پایه‌ها بوده‌است و این در حالی است که تکیه‌گاه نیز دارای اهمیت فراوانی می‌باشد و همچنین پل در شکل عمومی خود می‌تواند از یک دهانه و دو تکیه‌گاه تشکیل شده باشد.

ریچاردسون و دیویس<sup>۱</sup> [۱] اشاره کرده‌اند که طبق آمار ارائه شده

پر هزینه بودن ساخت و تعمیر یک پل و نیز نقش پل در ایجاد ارتباط بین طرفین رودخانه همواره از اهمیت اجتماعی و اقتصادی زیادی برخوردار بوده است. از این‌رو پدیده آب‌شستگی موضعی بی‌پل‌ها که نقش مهمی در تخریب پل‌ها دارد به میزان زیادی توجه مهندسین را به خود جلب نموده بطوری که محاسبه عمق آب‌شستگی در مجاورت پایه و تکیه‌گاه پل‌ها از موضوعات تحقیقاتی مورد توجه مهندسین هیدرولیک در طی دهه‌های اخیر قرار گرفته بوده و تحقیقات فراوانی برای یافتن روابط جهت تخمین عمق آب‌شستگی

\* نویسنده عهده‌دار مکاتبات: khhoseini@semnan.ac.ir

1 Richardson & Davis

(Creative Commons License) حقوق مؤلفین به نویسنده‌گان و حقوق ناشر به انتشارات دانشگاه امیرکبیر داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی در دسترس شما قرار گرفته است. برای جزئیات این لیسانس، از آدرس <https://www.creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode> دیدن فرمائید.



آب شستگی می‌شود.

کریمایی و زراتی<sup>[۸]</sup> به بررسی تأثیر زمان و قوع اوج سیلاب بر آب شستگی دور پایه پل پرداختند و هیدروگراف‌هایی با زمان تداوم یکسان ولی زمان و قوع اوج متفاوت و هیدروگراف‌هایی با دو اوج متوالی و با شرایط جریان متفاوت در زمان اوج را مورد آزمایش قرار دادند. نتایج آزمایش‌های انجام شده نشان داد که برای هیدروگراف‌های با زمان تداوم ثابت، زمان و قوع دبی اوج سیلاب تأثیرناچیزی بر عمق آب شستگی نهایی داشته ولی این زمان بر توسعه زمانی آب شستگی مؤثر می‌باشد. همچنین برای هیدروگراف‌های با دو اوج متفاوت و زمان تداوم یکسان نیز زمان و قوع اوج‌ها بر توسعه زمانی عمق آب شستگی موثر بوده، ولی تأثیر ناچیزی بر عمق آب شستگی نهایی دارد. ایشان همچنین تغییرات زمانی عمق آب شستگی برای هیدروگراف‌های مورد مطالعه را با استفاده از مدل هیدروگراف پله‌ای و استفاده از روابط برآورده نرخ آب شستگی در شرایط جریان ماندگار مورد بررسی قرار دادند و نتیجه گرفتند که در بهترین حالت محاسبه عمق آب شستگی نهایی با استفاده از مدل هیدروگراف پله‌ای با خطای متوسطی در حدود ۱۰ درصد همراه می‌باشد.

حسینی و همکاران<sup>[۹]</sup> در بررسی آزمایشگاهی عمق بیشینه آب شستگی و همچنین تغییرات زمانی عمق آب شستگی موضعی در تکیه‌گاه‌های کوتاه با دیوارهای قائم، بالهای و نیم دایره‌ای نتیجه گرفتند که ۷۰–۹۰ درصد از عمق آب شستگی تعادلی در طی ۲۰٪ ابتدای زمان تعادل آب شستگی رخ می‌دهد. همچنین با بهره‌گیری از رگرسیون غیر خطی و شبکه عصبی مصنوعی و سیستم استنتاج عصی فازی سازگار<sup>۷</sup> در تخمین تغییرات زمانی عمق آب شستگی تکیه‌گاه و مقایسه آن با روابط تجربی نتیجه گرفتند که مدل رگرسیونی به دست آمده با  $R^2 = 0.88$  دقیق‌تر و کاربردی‌تر است.

محمدپور و همکاران<sup>[۱۰]</sup> به بررسی آزمایشگاهی تغییرات زمانی عمق آب شستگی تکیه‌گاه قائم کوتاه در شرایط آب زلال پرداختند. نتایج آزمایش‌های ایشان نشان داد که ابعاد حفره آب شستگی در امتداد جریان در حدود ۳ تا ۵ برابر طول تکیه‌گاه می‌باشد. تحلیل‌ها نشان داد که تکنیک‌های رگرسیون خطی و برنامه‌نویسی ژنتیکی برای محاسبه آب شستگی کاربردی‌تر هستند. آنالیزهای حساسیت نشان دادند که پارامترهای  $t/t_e$  و  $y/L_e$  و  $u/u_e$  به ترتیب بیشترین

توسط اداره راههای ایالات متحده آمریکا در سال ۱۹۷۸ از میان ۳۸۳ پل تخریب شده، ۲۵٪ از آن‌ها ناشی از تخریب پایه و ۷۲٪ از آن‌ها ناشی از تخریب تکیه‌گاه بوده است. ساترلند<sup>[۱]</sup> خرابی‌های پل‌ها در نیوزیلند را در طی سال‌های ۱۹۶۰ تا ۱۹۸۴ بررسی نموده و نتیجه گرفته است که از میان ۱۰۸ خرابی بزرگ، ۲۹ مورد مربوط به خرابی تکیه‌گاه بوده است. رادکیوی<sup>[۲]</sup> نیز در بررسی‌های خود نشان داده است که یک سوم شکست پل‌ها ناشی از خرابی تکیه‌گاه بوده است. مک‌کی<sup>[۳]</sup> در گزارشی ۷۰٪ هزینه‌های ناشی از شکست پل‌ها در نیوزیلند را ناشی از خرابی تکیه‌گاه دانست.

چنگ و همکاران<sup>[۴]</sup> آزمایش‌هایی را بر روی پایه‌های پل در جریان ماندگار و غیرماندگار و در شرایط آب زلال برای رسوبات یکنواخت و غیر یکنواخت انجام دادند و سپس با استفاده از روشی مبتنی بر مفهوم لایه اختلاط روابطی را برای محاسبه تغییرات زمانی عمق آب شستگی تحت شرایط جریان ماندگار در رسوبات غیر یکنواخت ارائه نمودند و سپس نشان دادند با استفاده از این روابط و مدل هیدروگراف پله‌ای می‌توان با دقت خوبی مقدار آب شستگی در زمان عبور سیلاب را در یک رودخانه محاسبه نمود.

لای و همکاران<sup>[۵]</sup> با در نظر گرفتن هیدروگراف‌های سیل با شاخه‌های بالارونده متفاوت به تحلیل تغییرات زمانی آب شستگی موضعی در محل پایه پل تحت شرایط جریان غیرماندگار پرداختند و رابطه‌ای برای تخمین بیشینه عمق آب شستگی در شرایط آب زلال و رسوبات یکنواخت ارائه نمودند. ایشان از دو پارامتر دبی اوج و زمان رسیدن به دبی اوج در هیدروگراف برای نشان دادن غیرماندگاری جریان بهره گرفتند.

کوتیاری و کومار<sup>[۶]</sup> به بررسی عمق آب شستگی در اطراف پایه‌های دایره‌ای شکل پل در شرایط بستر یکنواخت، غیر یکنواخت و لایه‌ای در جریان ماندگار و غیرماندگار در شرایط آب زلال پرداختند. ایشان با در نظر گرفتن گرداب اولیه ایجاد شده به عنوان عامل اصلی آب شستگی، روشی را برای محاسبه عمق آب شستگی بر حسب زمان ارائه نمودند که در زمان‌های طولانی منجر به وقوع بیشینه عمق

1 Sutherland

2 Raudkivi

3 Macky

4 Chang et al.

5 Lai et al.

6 Kothyari & Kumar

$$F_d = \frac{V}{(g'd_{50})^{0.5}} \quad (2)$$

$$g' = \left(\frac{\rho_s - \rho}{\rho}\right)g \quad (3)$$

که  $V$  سرعت متوسط جریان،  $\rho$  دانسیته سیال،  $\rho_s$  دانسیته رسوب و  $g$  شتاب جاذبه است.

اولیوتو و هگر با استفاده از رابطه‌ی ۱ روندی را برای محاسبه حداکثر عمق آب‌شستگی پایه و تکیه‌گاه پل در جریان غیرماندگار پیشنهاد نمودند. همچنانکه از این رابطه مشخص است عدد فرود ذره رسوب  $F_d$  پارامتر غالب بر فرآیند آب‌شستگی است و طبق نتایج آزمایش‌های انجام شده، عدد فرود آستانه حرکت  $F_c$  در محدوده  $1/2 < F_c < 1/6$  گزارش شده است.

در این تحقیق ضمن انجام آزمایش‌های جریان ماندگار و بهدست آوردن رابطه‌ای برای تخمین مقدار عمق آب‌شستگی نهایی در تکیه‌گاه، پارامترهای موثر بر آب‌شستگی تحت تاثیر عبور جریان غیرماندگار و هیدروگراف‌های مطرح شده مورد بررسی قرار گرفته است. از طرفی برای شبیه‌سازی شرایط طبیعی یک رودخانه از یک کanal با مقطع مرکب به جای کanal مستطیلی بهره گرفته شده است. جانمایی تکیه‌گاه در کanal مرکب به منظور لحاظ نمودن جریانات ثانویه در آب‌شستگی تکیه‌گاه می‌باشد که خود به عنوان یک موضوع جداگانه قابل توسعه می‌باشد.

## ۲- مواد و روش‌ها

### ۲-۱- تجهیزات

برای انجام آزمایش‌های این تحقیق از یک دستگاه فلوم واقع در آزمایشگاه هیدرولیک دانشگاه آزاد نجف آباد استفاده شد. فلوم مطابق شکل ۱ به طول ۱۲ متر، عرض ۱ متر و ارتفاع ۰/۸ متر که در انتهای آن یک دریچه که با کابل حرکت می‌کند و برای کنترل عمق به کار می‌رود استفاده شده است. ناحیه فرسایش‌پذیر در فاصله ۶ متری از ابتدای فلوم و دارای طول ۳/۵ متر و عمق ۴۲ سانتی‌متر می‌باشد. پمپ مورد استفاده در فلوم دارای دبی اسمی ۱۲۰ لیتر در ثانیه است و دبی توسط یک دستگاه دبی‌سنجد اولتراسونیک که بر روی لوله مکش پمپ نصب شده اندازه‌گیری می‌شود. صفحه نمایشگر دبی‌سنجد مطابق شکل ۲ بر روی دستگاهی نصب شده که با اتصال پمپ و دبی‌سنجد به درایور داخل آن، عمل ایجاد و کنترل دبی‌های مختلف را

تأثیر را بر روی آب‌شستگی موضعی دارد. سوابق تحقیقات گذشته نشان می‌دهد که اکثر روابط اولیه مطرح شده در زمینه تخمین عمق آب‌شستگی تکیه‌گاه پل بر اساس نتایج بهدست آمده از تحقیقات برای شرایط جریان ماندگار استوار بوده است در نتیجه مقدار عمق آب‌شستگی محاسبه شده در این روابط یک مقدار بیشینه خواهد بود که هرگز در طول یک سیالاب رخ نخواهد داد و قطعاً پاسخ‌های بهدست آمده از این روابط اقتصادی نخواهند بود. از این‌رو آنچه که در خصوص پدیده آب‌شستگی اهمیت فراوان دارد، شرایط جریان غیرماندگار است که در واقع به خصوصیات هیدروگراف سیالاب عبوری بستگی دارد. از خصوصیات مهم هیدروگراف سیالاب عبوری می‌توان دبی اوج سیالاب، زمان وقوع دبی اوج و زمان تداوم هیدروگراف را نام برد.

در این زمینه تحقیقات فراوانی جهت بهره‌گیری از روابط ارائه شده در خصوص محاسبه حداکثر عمق آب‌شستگی تکیه‌گاه پل در جریان ماندگار و توسعه این روابط به جریان غیرماندگار انجام شده است. روابط ارائه شده تحت جریان ماندگار در برگیرنده پارامترهای مربوط به جریان، رسوبات کف و هندسه تکیه‌گاه بوده و غالباً برای کanal مستطیلی بهدست آمده‌اند. اولیوتو و هگر<sup>۱</sup> [۱۱] رابطه‌ای برای محاسبه عمق آب‌شستگی  $d_s$  بر حسب زمان  $t$  بهدست آورده و دریافتند که عدد فرود ذره رسوب  $F_d$  بیشترین تاثیر را بر پدیده آب‌شستگی دارد. آن‌ها رابطه‌ی ۱ را برای تعیین عمق آب‌شستگی ارائه نمودند.

$$\frac{d_s}{(yL_a^2)^{\frac{1}{3}}} = 0.068N\sigma_g^{-1/2}F_d^{1.5} \text{Log} \left( \frac{(g'd_{50})^{0.5}}{(yL_a^2)^{\frac{1}{3}}} t \right) \quad (1)$$

که در آن  $N$  ضریب شکل و مقدار آن برای پایه‌ی استوانه‌ای برابر با ۱ و برای تکیه‌گاه مستطیلی برابر با ۱/۲۵،  $L_a$  طول تکیه‌گاه عمود بر جهت جریان،  $y$  عمق جریان،  $\sigma_g$  انحراف معیار توزیع ذرات و  $d_{50}$  اندازه متوسط ذرات رسوب و شتاب ثقل کاوش یافته می‌باشند، عدد فرود ذره رسوب و  $g'$  شتاب ثقل کاوش یافته از روابط ۲ و ۳ قابل محاسبه‌اند.

<sup>1</sup> Oliveto & Hager

2 Reduced gravitational acceleration



شکل ۱. فلوم آزمایشگاهی  
Fig. 1. Experimental flume

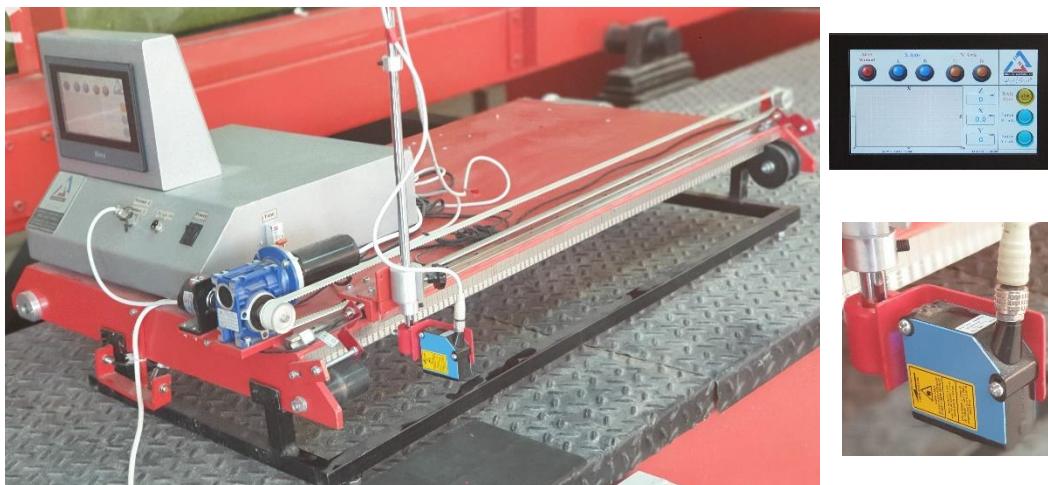
عمق در فلوم، شرایط خواسته شده در جریان را ایجاد نمود.  
برای اندازه‌گیری تغییرات شکل بستر از یک دستگاه برداشت پروفیل رسوب لیزری که در شکل ۳ نشان داده شده با امکان حرکت در جهت طولی و عرضی کanal و بهره‌گیری از یک سنسور لیزری با دقیقیت ۰/۵ میلی‌متر استفاده گردید. رسوبات استفاده شده در کف کanal از جنس سیلیس با دانه‌بندی نشان داده شده در شکل ۴ می‌باشد.  
مطابق دانه‌بندی فوق قطر متوسط اندازه رسوب  $d_{50} = 1 \text{ mm}$  و ضریب یکنواختی  $\sigma_g = 1/36$  در محدوده دانه‌بندی یکنواخت  $< 1/4$  در نظر گرفته شده است [۵].

از آن جایی که هدف از انجام این تحقیق بررسی عمق آب‌شیستگی در دماغه تکیه‌گاه پل‌ها واقع در سیلاند داشت، عرض سیلاند داشت

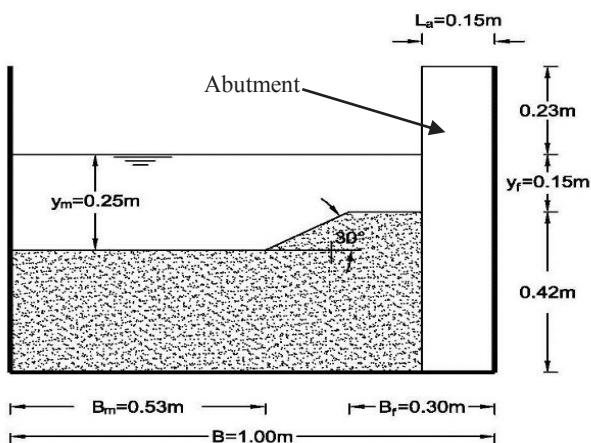


شکل ۲. نمایشگر دستگاه دبی‌سنج  
Fig. 2. Flow meter monitor

انجام می‌دهد. دبی‌های مختلف از طریق تغییر در فرکانس برق و تغییر در سرعت گردش موتور پمپ ایجاد می‌شود. برای ایجاد هیدروگراف می‌توان با تنظیم دستگاه و اتصال آن به کامپیوتر، هیدروگراف از پیش طراحی شده را ایجاد نمود. بدین ترتیب می‌توان در هر لحظه با تنظیم



شکل ۳. دستگاه پروفیل رسوب  
Fig. 3. Bed Profiler



شکل ۵. مقطع عرضی فلوم در محل تکیه‌گاه  
Fig. 5. Cross-section of the flume at the abutment

از فلوم انجام گردید. با انتخاب تکیه‌گاه کوتاه  $L_a/y < 1$  بر اساس مرجع [۱۵] می‌توان از اثر عمق جریان بر آب‌شستگی صرف نظر نمود، لذا مقدار عمق جریان در سیالب داشت  $y_f = 150 \text{ mm}$  و به تبع آن در کanal اصلی  $y_m = 250 \text{ mm}$  انتخاب شد. جهت کنترل عمق در کanal یک خطکش در فاصله ۱ متری بالادست محل قرارگیری تکیه‌گاه بر روی دیواره فلوم نصب گردید.

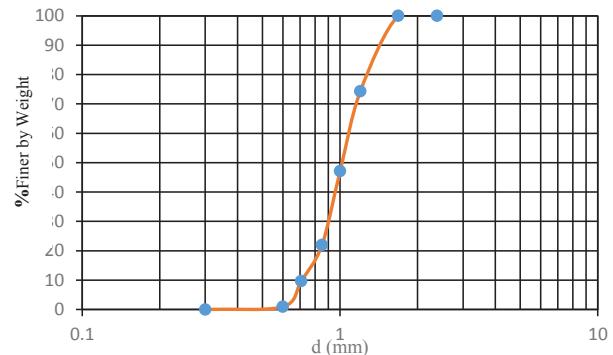
## ۲-۲- محاسبات مقطع مرکب

طبق مشاهدات حرکت ذرات رسوب در کanal اصلی زودتر از سیالب داشت رخ می‌دهد پس تنفس برشی در کف کanal اصلی زودتر از سیالب داشت به حالت بحرانی می‌رسد. از این‌رو سرعت برشی بحرانی در کanal اصلی با توجه به اندازه ذره رسوب و عمق جریان از نمودار شیلدز برابر با  $u_* = 0.024 \text{ m/s}$  محاسبه گردید. با استفاده از رابطه‌ی ۴ ضریب شزی و دبی جریان در مقطع مرکب به روش چاو<sup>۱۶</sup> برابر با  $88/7 \text{ لیتر در ثانیه}$  محاسبه گردید.

$$C = 18 \log \left( \frac{12R}{d_{50} + \frac{3.3v}{u_*}} \right) \quad (4)$$

که  $C$  ضریب شزی،  $R$  شعاع هیدرولیکی و  $v$  لزجت سینماتیکی سیال می‌باشد.

با توجه به آزمایش‌های انجام شده مشاهده شد که حرکت در



شکل ۴. منحنی دانه‌بندی رسوبات کف  
Fig. 4. Sediment size distribution curve

نسبت به عرض فلوم  $B_f$  می‌بایست به نحوی انتخاب گردد که دیواره کanal اصلی (دیواره مقابل تکیه‌گاه) بر آب‌شستگی موضعی در دماغه تکیه‌گاه تاثیر ناچیزی داشته باشد. طبق نظر بالیو<sup>۱۲</sup> [۱۲] به ازای  $B_f/B < 0.33$  تاثیر دیواره در آب‌شستگی ناچیز است پس  $0.33 < B_f/B < 1$  انتخاب شد و پس از انجام آزمایش مشخص شد که تاثیر دیواره کanal اصلی بر فرسایش در محل تکیه‌گاه ناچیز است و بنابراین  $B_f = 300 \text{ mm}$  انتخاب گردید.

لازم است طول تکیه‌گاه عمود بر جهت جریان نسبت به عرض سیالب داشت به نحوی انتخاب گردد که علاوه بر جلوگیری از تاثیر دیواره، عمق آب‌شستگی در حد عمق چاله رسوب در فلوم باشد. با  $L_a/B_f = 1/3$  انتخاب نسبت طول تکیه‌گاه به عرض سیالب داشت برابر با  $L_a = 300 \text{ mm}$  اقدام به ساخت مدل شد و مشاهده گردید به ازای دبی  $80 \text{ لیتر در ثانیه}$ ، مقدار آب‌شستگی در حدی است که به کف فلوم می‌رسد. از این‌رو اقدام به طراحی مدل و ساخت تکیه‌گاه با طول کوتاهتر  $L_a = 150 \text{ mm}$  گردید و مشاهده شد که مقادیر آب‌شستگی موضعی در حد قابل قبول بوده و ارتفاع ماسه در چاله فرسایش جواب‌گوی مقادیر حداقل آب‌شستگی موضعی ایجاد شده است. از طرفی با توجه به این معیار که تکیه‌گاه در سیالب داشت قرار دارد اثر طول تکیه‌گاه و عرض سیالب داشت در آب‌شستگی قابل صرف نظر است [۱۳].

در این تحقیق پهنای تکیه‌گاه در امتداد جریان برابر با  $150 \text{ mm}$  است و طبق [۱۴] تاثیری بر عمق آب‌شستگی ندارد.

اندازه‌گیری عمق آب‌شستگی از طریق خطکش مدرج نصب شده بر روی دماغه تکیه‌گاه و قرائت آن به کمک دوربین واقع در خارج

جريان و شکل سطح مقطع کanal بالادست می‌باشند. با استفاده از قضیه باکینگهام می‌توان پارامترهای بدون بعد موثر در مقدار آب‌شستگی تعادلی را محاسبه نمود. عمق آب‌شستگی در هر لحظه علاوه بر پارامترهای فوق به پارامتر بدون بعد زمان نیز بستگی دارد [۱۸]:

$$\frac{d_s}{d_{se}} = f\left(\frac{t}{t_e}, \frac{L}{y}, \frac{d_{50}}{L}, \frac{V^2}{gd_{50}}, Re, \sigma_g, Al, Sh, G\right) \quad (6)$$

که  $d_s$  عمق آب‌شستگی در لحظه  $t$  و  $t_e$  زمان تعادلی آب‌شستگی می‌باشد. از آنجایی که در این تحقیق  $L_a > 50d_{50}$  است از اثر اندازه رسوب می‌توان صرف نظر نمود. در تکیه‌گاه قائم و با امتداد عمود بر جريان واقع در سیلاند داشت و با فاصله کافی از لبه کanal اصلی، تاثیر پارامترهای  $G$  و  $Al$  و  $Sh$  از رابطه فوق حذف می‌گردد. همچنین اثر معیار توزیع دانه‌بندی رسوبات به علت یکتاختی دانه بندی رسوبات حذف می‌گردد. از طرفی می‌توان به خاطر قوی بودن سیستم گردابی در اطراف پایه و تکیه‌گاه، از اثرات لزجت در فرآیند آب‌شستگی صرف نظر کرد [۱۳، ۱۵]. همچنین می‌توان عبارت مربوط به شدت جريان را با عبارت  $\frac{u_*}{u_{*c}}$  جایگزین نمود [۱۶]. بدین ترتیب رابطه ۷ را می‌توان چنین ارائه نمود:

$$\frac{d_s}{d_{se}} = f\left(\frac{t}{t_e}, \frac{u_*}{u_{*c}}\right) \quad (7)$$

#### ۲-۴- محاسبه عمق آب‌شستگی

به منظور به دست آوردن رابطه ای برای محاسبه تغییرات زمانی عمق آب‌شستگی تکیه‌گاه در شرایط آب زلال  $\frac{u_*}{u_{*c}} < 1$  جريان ماندگار و عمق ثابت، با به کار یوری ضریب کالیبراسیون  $a$  و توآن‌های  $b$  و  $c$  برای پارامترهای بدون بعد زمان  $\frac{t}{t_e}$  و عبارت  $\frac{u_*}{u_{*c}}$  رابطه‌ی ۸ از رابطه‌ی ۷ حاصل شد.

$$\frac{d_s}{d_{se}} = a \left( \frac{t}{t_e} \right)^b \left( \frac{u_*}{u_{*c}} \right)^c \quad (8)$$

بستر کanal اصلی در دبی ۸۴ لیتر در ثانیه یعنی در محدوده ۹۵٪ معیار آستانه حرکت شیلدز  $u_{*c}/u_{*e} = 0.95$  رخ می‌دهد. از آنجاییکه تغییرات زمانی آب‌شستگی به ازای  $\frac{u_*}{u_{*c}} < 0.5$  متوقف می‌شود [۱۷] و هدف از انجام این تحقیق بررسی آب‌شستگی در شرایط آب زلال است، برای اطمینان از اصول ایجاد شرایط آب زلال، محدوده شرایط جريان  $\frac{u_*}{u_{*c}} < 0.9$  انتخاب گردید.

در جدول ۱ به ازای هریک از شرایط جريان انتخاب شده در این تحقیق سرعت برشی  $u_*$  در کanal اصلی معین شد. سپس با داشتن سرعت برشی، ضریب شزی و دبی جريان در کanal اصلی و سیلاند داشت با بهره گیری از نرمافزار اکسل محاسبه گردید. مطابق این جدول آزمایش‌های جريان ماندگار با علامت S که نشانه ماندگاری جريان و عدد مجاور، نشان دهنده شرایط جريان با توجه به نسبت سرعت برشی به سرعت برشی بحرانی است.

#### ۲-۳- آنالیز ابعادی

عمق آب‌شستگی تعادلی (حداکثر عمق آب‌شستگی) در تکیه‌گاه به متغیرها و پارامترهای زیر بستگی دارد [۱۵] :

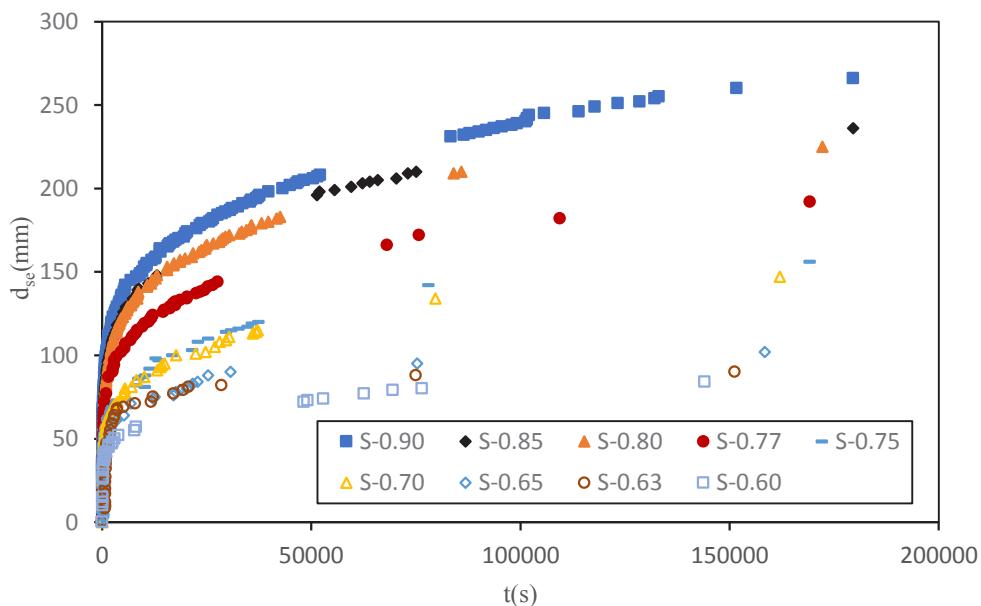
$$d_{se} = f(\rho, V, y, \rho_s, d_{50}, \sigma_g, L, Sh, Al, G, g) \quad (5)$$

که  $d_{se}$  عمق آب‌شستگی تعادلی،  $V$  لزجت سینماتیک سیال،  $y$  عمق جريان،  $L$  طول تکیه‌گاه،  $Sh$  و  $Al$  پارامترهای مربوط به شکل و امتداد تکیه‌گاه و  $G$  پارامتر مربوط به اثرات توزیع عرضی

جدول ۱. نتایج حاصل از آب‌شستگی نهایی در جريان ماندگار

Table 1. Results of final scouring in steady flow

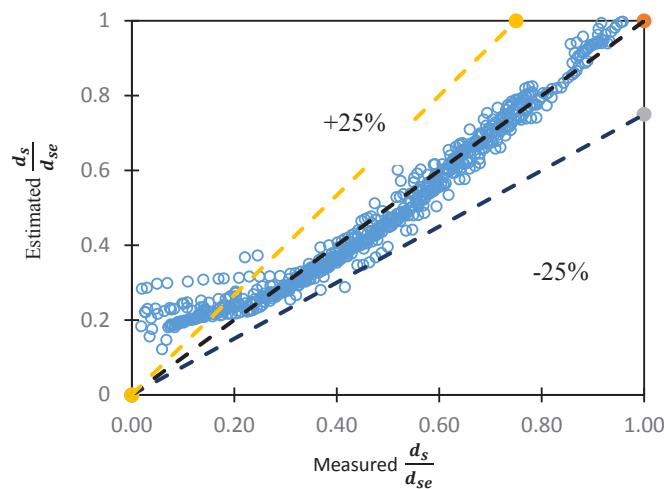
$u_*/u_{*c}$	Q(lit/s)	$d_{se}$ (mm)	$t_e$ (s)	شماره آزمایش
0.9	79/7	266	179532	S-0/90
0.85	75/2	236	179532	S-0/85
0.80	70/7	225	172188	S-0/80
0.77	67/7	192	169200	S-0/77
0.75	66/2	156	169200	S-0/75
0.70	61/7	147	162000	S-0/70
0.65	57/2	102	158400	S-0/65
0.63	55/7	90	151200	S-0/63
0.60	52/7	84	14400	S-0/60



شکل ۶. منحنی تغییرات عمق آب شستگی تکیه گاه بر حسب زمان تحت جریان ماندگار

Fig. 6. Temporal variations of abutment scour depth under steady flow

### ۳- نتایج و بحث



شکل ۷. مقایسه مقادیر بدون بعد آب شستگی اندازه گیری شده و محاسبه شده

Fig. 7. Comparison of dimensionless values of scour measured and calculated

۹ توپوگرافی آب شستگی در اطراف دیواره تکیه گاه در آزمایش  $S = 0.60$  که به وسیله‌ی دستگاه برداشت پروفیل رسوب اندازه گیری شده است را نشان می‌دهد.

### ۳-۲- تحلیل آزمایش های جریان غیر ماندگار

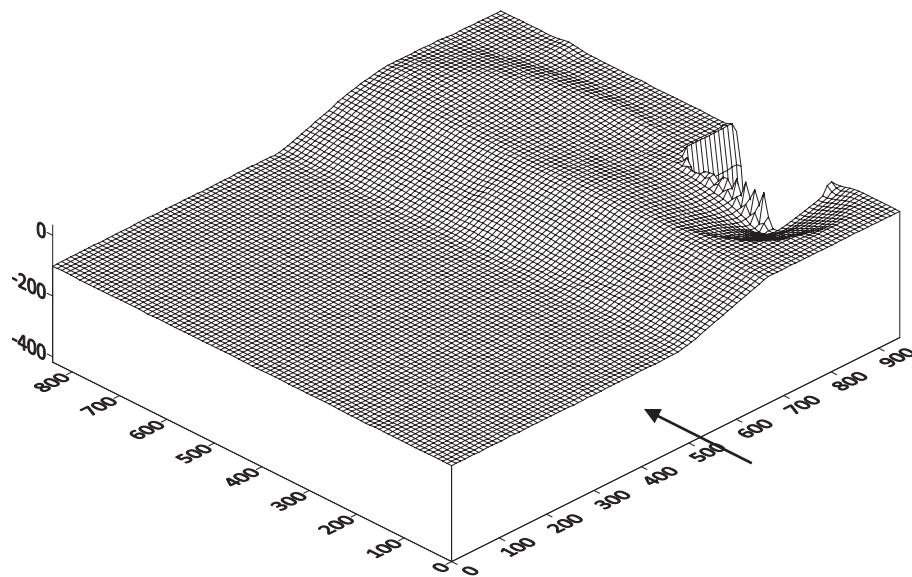
به منظور بررسی مقدار عمق آب شستگی تکیه گاه، در جریان غیرماندگار هیدروگراف ساده مثلثی متقاضی مطابق شکل ۱۰ استفاده شد که در آن  $t_p$  زمان وقوع دبی اوج،  $t_s$  بازه زمانی وقوع

۱-۳- تحلیل آزمایش های جریان ماندگار  
در جدول ۱ و شکل ۶ نتایج مربوط به آزمایش های جریان ماندگار ارائه شده است. با استفاده از رگرسیون چند متغیره، ضرایب رابطه‌ی محاسبه شد و مقدار جذر میانگین مربعات خطای<sup>۱</sup> برابر با  $0.55$  و  $R^2 = 0.943$  به دست آمد.  
با به کار گیری رابطه‌ی ۹ مقدار عمق آب شستگی در شرایط مختلف

$$\frac{d_s}{d_{se}} = 1.035 \left( \frac{t}{t_e} \right)^{0.223} \left( \frac{u_*}{u_{*c}} \right)^{-0.287} \quad (9)$$

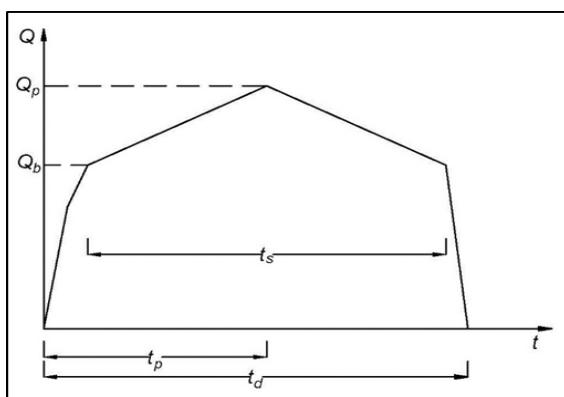
جریان تخمین زده شد و سپس با مقادیر آب شستگی اندازه گیری شده مقایسه گردید. نتیجه این مقایسه در شرایط مختلف جریان در شکل ۷ نشان داده شده است. در مقایسه مقادیر محاسبه شده از رابطه‌ی ۹ با مقادیر اندازه گیری شده نتیجه گرفته شد که در محدوده‌ی  $20\%$  اولیه آب شستگی مقادیر محاسبه شده،  $25\%$  بیشتر از مقادیر اندازه گیری شده است. به عبارت دیگر مقدار آب شستگی در لحظات اولیه که دارای نرخ تغییرات بیشتری می‌باشد، کمتر از آب شستگی محاسبه شده از رابطه‌ی ۹ است که این پدیده به خاطر شروع آب شستگی از کناره دیواره تکیه گاه و سپس افزایش آن در دماغه تکیه گاه می‌باشد.

شکل ۸ نمای سه بعدی چاله آب شستگی ایجاد شده و شکل



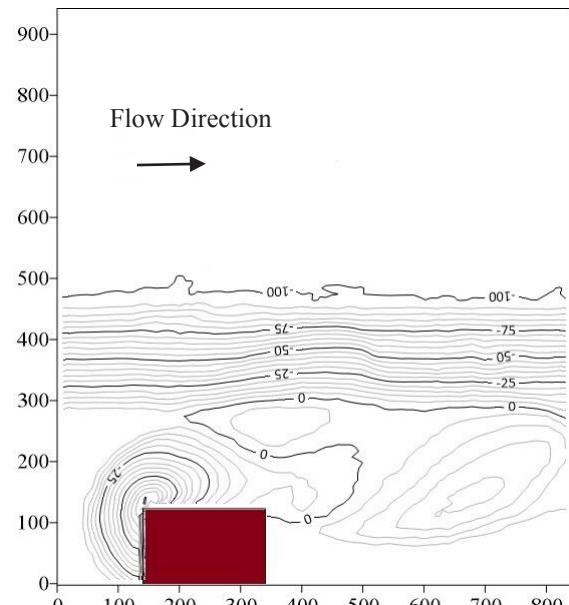
شکل ۸. نمای سه بعدی چاله آب شستگی در آزمایش S-0.6

Fig. 8. Three dimensional sketch of scour hole in S-0.6 test



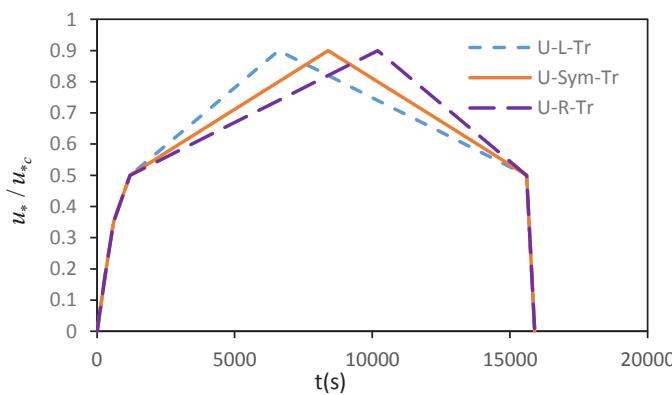
شکل ۱۰. شماتی هیدروگراف مثلثی

Fig. 10. Triangular hydrograph schema



شکل ۹. توپوگرافی آب شستگی در آزمایش S-0.6

Fig. 9. Scour topography in the test S-0.6



شکل ۱۱. هیدروگراف‌های مورد آزمایش

Fig. 11. Tested hydrographs

آب شستگی،  $t_d$  زمان تداوم هیدروگراف،  $Q_p$  دبی اوج و  $Q_b$  دبی آستانه حرکت رسوب (آغاز آب شستگی) در نظر گرفته شد. جهت بررسی تاثیر زمان وقوع دبی اوج بر عمق آب شستگی تکیه گاه، هیدروگراف‌های غیر متقابن نیز مطابق شکل ۱۱ طراحی گردید و محدوده تغییرات دبی در تمامی آن‌ها از  $43/7$  تا  $79/7$  لیتر در ثانیه محدوده تغییرات دبی در تمامی آن‌ها از  $43/7$  تا  $79/7$  لیتر در ثانیه که معادل با تغییرات پارامتر  $\frac{u_*}{u_{*c}}$  از  $5/0$  تا  $9/0$  می‌باشد در نظر

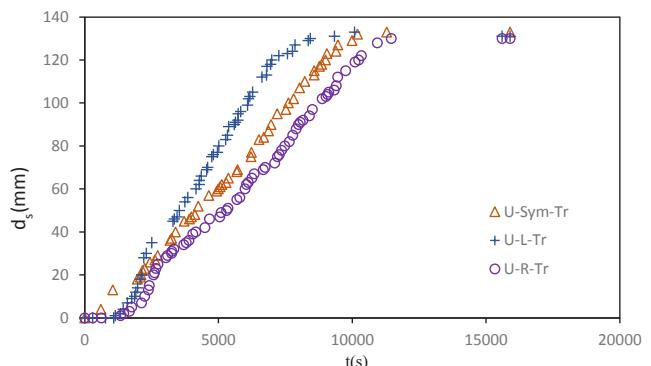
## جدول ۲. مشخصات و نتایج مربوط به آب‌شستگی در هیدروگراف‌های مثلثی مورد آزمایش

Table 2. Characteristics and results of scouring in triangular tested hydrograph

$d_{se}$ (mm)	$Q_b$ (lit/s)	$Q_p$ (lit/s)	$t_d$ (s)	$t_s$ (s)	$t_p$ (s)	شماره آزمایش
۱۳۱	۴۳/۷	۷۹/۷۲	۱۵۹۰۰	۱۴۴۰۰	۶۶۰۰	U-L-Tr
۱۳۳	۴۳/۷	۷۹/۷۲	۱۵۹۰۰	۱۴۴۰۰	۸۴۰۰	U-Sym-Tr
۱۳۰	۴۳/۷	۷۹/۷۲	۱۵۹۰۰	۱۴۴۰۰	۱۰۲۰۰	U-R-Tr

در شکل هیدروگراف تاثیری بر میزان آب‌شستگی نهایی ندارد. اما زمان رسیدن به آب‌شستگی نهایی بستگی به زمان اوج هیدروگراف و شیب قسمت بالارونده هیدروگراف دارد. با کاهش زمان وقوع دی اوج و افزایش شیب منحنی بالارونده، آب‌شستگی نهایی زودتر رخ می‌دهد. به عبارتی با کاهش زمان دبی اوج، در شاخه بالارونده هیدروگراف، آب‌شستگی با شدت بیشتری نسبت به شاخه پایین‌رونده رخ می‌دهد. اختلاف بین مقدار آب‌شستگی نهایی در هیدروگراف‌های مثلثی متقارن و غیر متقارن بسیار اندک و عملاً برابر است، بنابراین در ادامه تحقیق هیدروگراف مثلثی متقارن به عنوان هیدروگراف مبنا برای طراحی هیدروگراف‌های پله‌ای مورد استفاده قرار گرفت. زراتی و کریمایی [۸] در بررسی آب‌شستگی موضعی در اطراف پایه‌های پل نیز نشان دادند که برای هیدروگراف‌های با زمان تداوم ثابت زمان وقوع دبی اوج سیلان تاثیر ناچیزی در عمق آب‌شستگی نهایی دارد ولی این زمان بر توسعه زمانی آب‌شستگی موثر است.

مدت زمان آب‌شستگی در هیدروگراف‌ها برابر با ۱۴۴۰۰ ثانیه در نظر گرفته شده که معادل فاصله زمانی شرایط جریان در پارامتر  $U = 0.144$  در شاخه بالارونده و پایین‌رونده است. دو هیدروگراف پله‌ای مورد استفاده به ترتیب با گام‌های زمانی ۲۵۲۰ و ۴۲۰ ثانیه (دقیقه) و ۱۸۰۰ ثانیه (۳۰ دقیقه) که مشخصات آن‌ها در جدول ۳ ارائه گردیده، در شکل‌های ۱۳ و ۱۴ نشان داده شده‌اند. در جدول



شکل ۱۲. تغییرات زمانی آب‌شستگی تکیه‌گاه در هیدروگراف‌های مثلثی مورد آزمایش

Fig. 12. Temporal variations of abutment scouring in triangular hydrographs tested

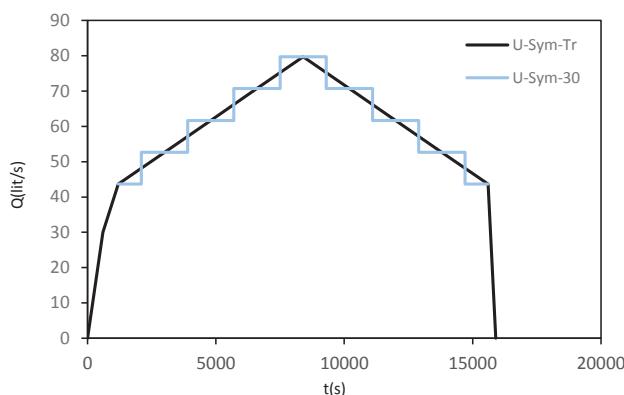
گرفته شده است. در این هیدروگراف‌ها حرف U نشان دهنده جریان غیرماندگار، بخش دوم نشان دهنده تقارن یا عدم تقارن شکل به سمت چپ و یا راست و عبارت سوم نوع هیدروگراف را از لحاظ مثلثی و پله‌ای بودن نشان می‌دهد. مشخصات و نتایج حاصل از آب‌شستگی در هیدروگراف‌های مورد آزمایش در جدول ۲ ارائه گردیده است.

تغییرات زمانی آب‌شستگی تکیه‌گاه در هر یک از هیدروگراف‌های مورد آزمایش در شکل ۱۲ نشان داده شده است. طبق این شکل مقدار آب‌شستگی نهایی در هیدروگراف‌های U-L-Tr، U-Sym-Tr و U-R-Tr تقریباً برابر است و نشان دهنده عدم تاثیر زمان وقوع دبی اوج  $t_p$  در مقدار آب‌شستگی نهایی است. به عبارتی عدم تقارن

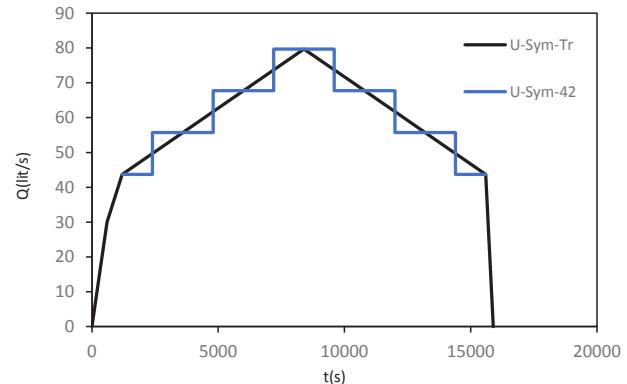
## جدول ۳. مشخصات هیدروگراف‌های پله‌ای مورد آزمایش

Table 3. Characteristics of stepped hydrographs used in experiments

$\Delta t$ (s)	$Q_b$ (lit/s)	$Q_p$ (lit/s)	$t_d$ (s)	$t_s$ (s)	$t_p$ (s)	شماره آزمایش
۲۵۲۰	۴۳/۶۸	۷۹/۷۲	۱۵۹۰۰	۱۴۴۰۰	۶۶۰۰	U-Sym-42
۱۸۰۰	۴۳/۶۸	۷۹/۷۲	۱۵۹۰۰	۱۴۴۰۰	۶۶۰۰	U-Sym-30



شکل ۱۴. هیدروگراف مثلثی متقارن و پله‌ای با  $\Delta t=30$  min  
Fig. 14. Symmetrical and stepped triangular hydrograph with  $\Delta t=30$  min

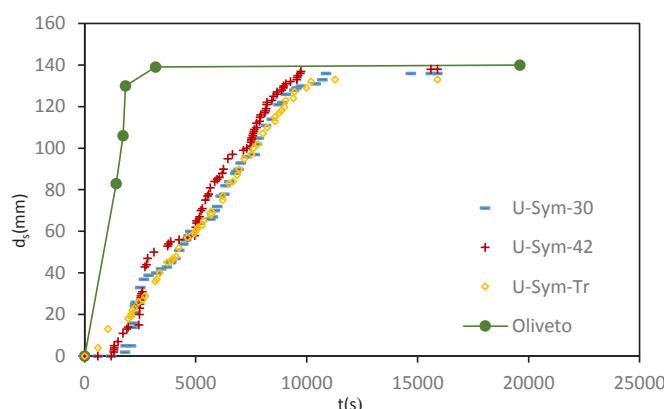


شکل ۱۳. هیدروگراف مثلثی متقارن و پله‌ای با  $\Delta t=42$  min  
Fig. 13. Symmetrical and stepped triangular hydrograph with  $\Delta t=42$  min

جدول ۴. مقایسه آب‌شستگی نهایی در هیدروگراف‌های مثلثی و پله‌ای

Table 4. Comparing of final scour depth in stepped and triangular hydrographs

نوع هیدروگراف	آب‌شستگی نهایی (میلی متر)
هیدروگراف مثلثی	
U-Sym-Tr	۱۳۳
U-Sym-30	۱۳۶
U-Sym-42	۱۳۸



شکل ۱۵. تغییرات زمانی آب‌شستگی تکیه‌گاه در هیدروگراف‌های مثلثی و پله‌ای  
Fig. 15. Temporal variations of abutment Scouring in Triangular and Stepped Hydrographs

#### ۴- نتیجه‌گیری

در این تحقیق آب‌شستگی بستر سیلاندشت در یک کanal با مقطع مرکب در محل دماغه تکیه‌گاه مستطیلی و تحت تاثیر عبور هیدروگراف ساده یک سیل به صورت آزمایشگاهی مورد بررسی قرار گرفته است. آب‌شستگی در شرایط آب زلال در رسوبات با دانه‌بندی

۴ مقدار آب‌شستگی اندازه‌گیری شده از دو هیدروگراف با گام‌های زمانی ۴۲ و ۳۰ دقیقه U-Sym-۴۲ و U-Sym-۳۰ هیدروگراف Tr-U-Sym ارائه گردیده که منحنی تغییرات زمانی آب‌شستگی در این هیدروگراف‌ها در شکل ۱۵ نشان داده شده و مشخص گردید دو هیدروگراف پله‌ای دارای اختلاف ۱/۵٪ و عملاً برابر بوده و اختلاف آن‌ها با مقدار حاصل از هیدروگراف مثلثی حدود ۳/۷٪ است.

برای مقایسه نتایج به دست آمده در این تحقیق با تحقیقات مشابه، از رابطه‌ی ۱ برای محاسبه تغییرات زمانی عمق آب‌شستگی تکیه‌گاه در جریان غیرماندگار مطابق شکل ۱۵ استفاده گردید. می‌توان مشاهده نمود که در منحنی تغییرات زمانی به روش الیوت سرعت آب‌شستگی در ابتدا زیاد و سپس در انتهای بسیار کاهش می‌یابد. اختلاف مقدار آب‌شستگی نهایی تخمین زده شده به روش الیوت نسبت به آزمایش‌های انجام شده در تحقیق ۵/۲٪ است، در روش الیوت سهم بیشتر آب‌شستگی تا زمانی در حدود ۲۰٪ زمان مشابه در هیدروگراف‌های مورد آزمایش است.

$g$	جیغ شتاب ثقل، $m/s^2$
$g'$	جیغ شتاب ثقل کاهش یافته، $m/s^2$
$G$	اثرات توزیع عرضی جریان و شکل سطح مقطع کanal بالادست
$L_a$	طول تکیه گاه عمود بر جهت جریان، $m$
$N$	ضریب شکل
$Q_b$	دبی آستانه حرکت رسوب، $lit/s$
$Q_c$	دبی اوج، $lit/s$
$R$	ضریب همبستگی
$R_e$	عدد رینولدز
$Sh$	پارامتر مربوط به شکل تکیه گاه
$t_z$	زمان، $s$
$t_d$	زمان تداوم هیدروگراف، $s$
$t_e$	زمان تعادل آب شستگی، $s$
$t_p$	زمان وقوع دبی اوج، $s$
$t_s$	باشه زمانی وقوع آب شستگی، $s$
$u_*$	سرعت برشی، $m/s$
$u_c$	سرعت برشی بحرانی، $m/s$
$V$	سرعت متوسط جریان، $m/s$
$y$	عمق جریان، $m$
$y_s$	عمق سیلاب دشت، $m$
$y_m$	عمق کanal اصلی، $m$

### علایم یونانی

$\rho$	دانسیته سیال، $kg/m^3$
$\rho_s$	دانسیته رسوب، $kg/m^3$
$v$	لزجت سینماتیکی سیال، $m/s^2$
$\sigma_g$	ضریب یکنواختی ذرات رسوب

### زیرنویس‌ها

$a$	تکیه گاه
$c$	بحرانی
$d$	تمدد
$e$	تعادل
$f$	سیلاب دشت

یکنواخت و با عمق ثابت در نظر گرفته شد. با تشخیص کمیت‌های موثر بر آب شستگی و انجام آنالیز ابعادی رابطه‌ای برای محاسبه تغییرات زمانی آب شستگی بر حسب پارامترهای بدون بعد موجود در مسئله تعریف گردید. سپس با استفاده از نتایج آزمایش‌های جریان ماندگار رابطه‌ای با جذر میانگین مربعات خطای  $R = 0.943 \pm 0.055$  محاسبه گردید. هیدروگراف‌های مورد مطالعه در این تحقیق دارای زمان تداوم یکسان می‌باشند. با تغییر در زمان وقوع دبی اوج مشاهده شد که مقدار آب شستگی نهایی تغییر نمی‌کند اما توسعه زمانی آب شستگی متفاوت است. با مقایسه مقادیر نهایی آب شستگی در هیدروگراف‌های پله‌ای و غیر پله‌ای مشخص گردید که اختلاف ناچیزی بین مقادیر به دست آمده وجود دارد.

با استفاده از رابطه پیشنهادی اولیوتو و هگر [۱۴] توسعه زمانی آب شستگی محاسبه گردید و اختلاف مقدار نهایی با مقادیر آزمایشگاهی  $5/2\%$  است.

### ۵- ت歇کر و قدردانی

از همکاری دانشگاه آزاد نجف آباد به خاطر در اختیار قرار دادن آزمایشگاه هیدرولیک جهت انجام این تحقیق کمال ت歇کر و قدردانی را دارد.

### ۶- فهرست علائم

$a$	ضریب کالیبراسیون
$A_l$	پارامتر مربوط به امتداد تکیه گاه
$b$	ضریب کالیبراسیون
$B$	عرض کanal، $m$
$B_f$	عرض سیلاب دشت، $m$
$c$	توان
$C$	ضریب شزی
$d$	قطر ذرات رسوب، $mm$
$d_{50}$	قطر متوسط ذرات رسوب، $mm$
$d_s$	عمق آب شستگی، $mm$
$d_{se}$	عمق آب شستگی تعادلی، $mm$
$F_d$	عدد فرود ذره رسوب
$F_i$	عدد فرود آستانه حرکت

m کanal اصلی

p اوج

s آب شستگی

t آستانه حرکت

## مراجع

- Depth Around Short Abutments using Soft Computing Methodologies-A Comparative Study, KSCE Journal of Civil Engineering, 20(5) (2015) 2070-2081.
- [10] R. Mohammadpour, A.A. Ghani, H.M. Azamathulla, Estimation of dimension and time variation of local scour at short abutment, International journal of river basin management, 11(1) (2013) 121-135.
- [11] G. Oliveto, W.H. Hager, Temporal evolution of clear-water pier and abutment scour, Journal of Hydraulic Engineering, 128(9) (2002) 811-820.
- [12] F. Ballio, Local and contraction scour at bridge abutments, in: Building Partnerships, (2000), pp. 1-9.
- [13] S.E. Coleman, C.S. Lauchlan, B.W. Melville, Clear-water scour development at bridge abutments, Journal of Hydraulic Research, 41(5) (2003) 521-531.
- [14] G. Oliveto, W.H. Hager, Further results to time-dependent local scour at bridge elements, Journal of Hydraulic Engineering, 131(2) (2005) 97-105.
- [15] B. Melville, Local scour at bridge abutments, Journal of Hydraulic Engineering, 118(4) (1992) 615-631.
- [16] V.T. Chow, Open-channel hydraulics, McGraw-Hill, (1959) Chap. 6 pp. 136-140.
- [17] U.C. Kothyari, R.C.J. Garde, K.G. Ranga Raju, Temporal variation of scour around circular bridge piers, Journal of Hydraulic Engineering, 118(8) (1992) 1091-1106.
- [18] A. Cardoso, R. Bettess, Effects of time and channel geometry on scour at bridge abutments, Journal of Hydraulic Engineering, 125(4) (1999) 388-399.
- [19] S.Y. Lim, Equilibrium clear-water scour around an abutment, Journal of Hydraulic Engineering, 123(3) (1997) 237-243.
- [1] E.V. Richardson, S.R. Davis, Evaluating scour at bridges, United States. Federal Highway Administration. Office of Technology Applications, 1995.
- [2] A. Sutherland, Reports on bridge failure, RRU Occasional Paper, National Roads Board, Wellington, New Zealand, (1986).
- [3] A.J. Raudkivi, Loose boundary hydraulics, CRC Press, 1998.
- [4] G. Macky, Survey of roading expenditure due to scour, CR 90-09, Department of Scientific and Industrial Research, Hydrology Centre, Christchurch, New Zealand, (1990).
- [5] W.Y. Chang, J.S. Lai, C.L. Yen, Evolution of scour depth at circular bridge piers, Journal of Hydraulic Engineering, 130(9) (2004) 905-913.
- [6] J.S. Lai, W.Y. Chang, C.L. Yen, Maximum local scour depth at bridge piers under unsteady flow, Journal of Hydraulic Engineering, 135(7) (2009) 609-614.
- [7] U.C. Kothyari, A. Kumar, Temporal variation of scour around circular compound piers, Journal of Hydraulic Engineering, 138(11) (2012) 945-957.
- [8] A.R. Zarrati, M. Karimaei, Effect of Hydrograph Peak Time on Local Scour around Bridge Pier, Journal of Hydraulic 9(3) (2014) 18, (in Persian).
- [9] K. Hosseini, H. Karami, H. Hosseinjanzadeh, A. Ardeshir, Prediction of Time-varying Maximum Scour

برای ارجاع به این مقاله از عبارت زیر استفاده کنید:

A. R. Yazdani, K. Hosseini, H. Karami, Investigation of Scouring at Rectangular Abutments in a Compound Channel under Unsteady Flow (Experimental Study), Amirkabir J. Civil Eng., 53(4) (2021): 1559-1570.

DOI: [10.22060/ceej.2019.17029.6436](https://doi.org/10.22060/ceej.2019.17029.6436)

