



## ارائه‌ی روشی جدید جهت ارزیابی زهکشی سطحی روسازی آسفالتی براساس پردازش تصویر

بهروز مطاعی، فریدون مقدس نژاد\*

دانشکده عمران ومحیط زیست، دانشگاه صنعتی امیرکبیر، تهران، ایران

### تاریخچه داوری:

دریافت: ۱۳۹۷-۰۸-۲۷

بازتگری: ۱۳۹۷-۱۰-۰۹

پذیرش: ۱۳۹۷-۱۱-۰۵

ارائه آنلاین: ۱۳۹۷-۱۱-۱۷

### كلمات کلیدی:

رسازی  
زهکشی سطحی  
پردازش تصویر  
ایمنی  
دسته بندی

**خلاصه:** بهبود مشخصات بافت سطحی روسازی وکیفیت زهکشی روسازی امری مهم در جهت افزایش ایمنی و کاهش نرخ تصادفات به خصوص در شرایط آب و هوایی بارانی می‌باشد. تاریخچه بررسی مشخصات سطحی روسازی به حدود ۶۰ سال قبل بازمی‌گردد اما در زمینه زهکشی سطحی روسازی پژوهش‌های گسترده‌ای صورت نگرفته است. در این تحقیق سیستمی جهت ارزیابی زهکشی سطحی روسازی ارائه شده است. به این منظور ساخت افزاری طراحی شده است تا در شرایطی ثابت و به دور از تاثیر شرایط محیطی، امکان اشباع سازی سطح و برداشت تصاویر مربوط به روند زهکشی سطحی را فراهم سازد. اساس بخش تحلیلی سیستم مذکور بر تکنیک‌های پردازش تصاویر دیجیتال استوار است. براساس ویژگی‌های تصاویر برداشت شده، سه شاخص تغییرات آنرزوی، انرژی و نسبت پیکسل‌ها در تصاویر در طی زمان برای ارزیابی زهکشی سطحی روسازی تعیین گردیده است. با مقایسه عملکرد مدل‌های مختلف داده کاوی از الگوریتم C5.0 جهت دسته بندی روسازی‌ها استفاده شده و با ارائه ترکیب مناسبی از شاخص‌های ارائه شده، روسازی‌ها از نظر کیفیت زهکشی سطحی در سه دسته مناسب، قابل قبول و نامناسب قرار گرفته اند. ارزیابی نتایج حاصل از سیستم ارائه شده، نشان می‌دهد که این سیستم قادر است با دقیقی معادل ۹۵,۷٪. وضعیت زهکشی روسازی را ارزیابی کند. نتایج این سیستم می‌تواند به عنوان معیاری مناسب جهت ارزیابی ایمنی روسازی در شرایط بارندگی و همچنین ارتقای ایمنی راهها، در سیستم‌های مدیریت روسازی در سطوح پروژه و شبکه مورد استفاده قرار گیرد.

### ۱- مقدمه

اما مطالعات دقیق بر این حوادث ارتباط مهمی بین وقوع تصادفات و مشخصات روسازی راه شامل بافت سطح روسازی و ویژگی‌های اصطکاکی نشان می‌دهند، بنابراین برای کاهش امکان وقوع شرایط خطرناک، توجه به این عوامل ضروری بنظر می‌رسد [۱]. اصطکاک سطحی روسازی معیاری برای ارزیابی ایمنی یک راه است و نقش مهمی در کاهش تصادفات بخصوص در شرایط آب و هوای مرطوب ایفا می‌کند [۲]. نیروی اصطکاک بین لاستیک خودرو و سطح روسازی بخش مهمی از برهم کنش وسیله نقلیه و روسازی می‌باشد که امکان شتابگیری، مانور و توقف را در شرایط ایمن محقق می‌سازد [۳].

مقاومت لغزشی نیروی اصطکاک ایجاد شده در محل تماس روسازی و لاستیک اتوموبیل می‌باشد که نتیجه برهم کنش بسیاری

در دنیای امروز، وضعیت مشخصات سطحی روسازی راهها در تامین ایمنی راهها و راحتی کابران این تسهیلات، از اهمیت بالایی برخوردار است. به همین دلیل اجرای صحیح و کنترل به موقع شرایط روسازی در جهت انجام تعمیر و بازسازی روسازی‌های فاقد شرایط استاندارد امری حیاتی به نظر می‌رسد. در این میان بررسی و کنترل کیفیت زهکشی رو سازی‌های در حال اجرا و یا اجرا شده به دلیل تاثیر آن بر تصادفات جاده‌ای از اهمیت بالایی برخوردار است. لذا ارائه روشی که به واسطه آن بتوان ویژگی‌های زهکشی روسازی را با دقت و سرعت بالایی بررسی کرد اهمیت زیادی دارد.

علی‌رغم اینکه پارامترهای مختلفی در وقوع تصادفات موثر هستند

\* نویسنده عهده‌دار مکاتبات: moghadas@aut.ac.ir



وسرعت بالایی ارائه کنند. راهکارهای ارائه شده در این زمینه بیشتر در محدوده روش‌های غیر تماسی شامل استفاده از لیزر و تصاویر دیجیتال است.

در تحقیقی باهدف تعیین بافت درشت روسازی وباوجه به روش‌های موجود اندازه گیری مانند روش ماسه و لیزر که اطلاعات سه بعدی از روسازی در اختیار قرار می‌دهند، محققان اقدام به ارائه دو روش جدید با استفاده از تابع همبستگی<sup>۱</sup> و wavelet<sup>۲</sup> برای آنالیز بافت روسازی براساس پردازش تصویر کردند. در این تحقیق نتایج حاصل از SMTD<sup>۳</sup> با نتایج حاصل از آنالیز تصاویر از طریق تبدیل فوریه و دو روش پیشنهادی دیگر مقایسه گردید. در نهایت با حذف ۱۰٪ از داده‌های پرت نتایج حاصل از آنالیز wavelet<sup>۴</sup> بیشترین همبستگی را با نتایج SMTD با ضریب همبستگی<sup>(R<sup>۲</sup>)</sup> برابر با ۸۵/۰ نشان دادند.

نتایج حاصل از این تحقیقات نشان دادند که می‌توان از روش wavelet<sup>۵</sup> به عنوان یک ابزار موثر در آنالیز بافت روسازی استفاده کرد [۱۵].

در تحقیقی دیگر در سال ۲۰۱۱ روشی براساس پردازش تصویر ارائه شد که در آن توزیع زبری‌های سطح روسازی با استفاده از پروفیل لبه‌های اجزای بافت روسازی تعیین می‌شوند. در این روش سطح روسازی شبیه سازی و توزیع اندازه ذرات سطح روسازی شبیه سازی شده براساس طول قوس‌های پروفیل لبه‌های اجزای بافت روسازی تعیین می‌شود. در نهایت میانگین هر توزیع با عمق بافت به دست آمده از پروفیل سنج لیزری مقایسه شد که ارائه دهنده R<sup>۲</sup> مساوی ۹۶/۰ بود [۱۶].

محققان به منظور اندازه گیری بافت سطح روسازی، روشی بر مبنای پردازش تصویر برداری دادند. در این روش با استفاده از دوربین CCD از سطح روسازی تصویر برداری شده و از همان نقطه آزمایش ماسه انجام شد. تصاویر دیجیتال با استفاده از تبدیل فوریه به فرکانس‌های مختلف تجزیه شده و در نهایت مقادیر پیکسل‌های مربوط با چند دسته از حلقه‌های فرکانس جمع شد. مقایسه نتایج حاصل از پردازش تصاویر و آزمایش ماسه، همبستگی قابل قبولی (R<sup>2</sup>=۵۱٪) ارائه داد. آنها ادعا می‌کنند که روش پیشنهادی می‌تواند جایگزین خوبی برای آزمایش ماسه باشد [۱۷].

در تحقیقی محققان با استفاده از قابلیت stereo vision یک سیستم برای اندازه گیری بافت روسازی با هزینه پایین ارائه دادند. در

از عوامل است [۴]. عوامل زیادی از قبیل بافت سطح روسازی، سرعت وسیله نقلیه وحضور آب بر اصطکاک بین لاستیک وسیله نقلیه و سطح روسازی موثر است [۵]. یکی از مهمترین عوامل مهم تاثیر گذار بر مقاومت لغزشی، خشک یا خیس بودن روسازی است که در این زمینه تحقیقات زیادی تاثیر شرایط آب و هوایی را بر اصطکاک سطح روسازی مورد مطالعه قرار داده و تاثیر آن را قابل توجه ارزیابی کرده‌اند [۶ و ۷].

پدیده هیدرو پلینینگ به عنوان مهمترین عامل وقوع تصادفات در شرایط آب و هوایی بارانی پدیده‌ای است که دراثر وجود لایه آب بین لاستیک وسیله نقلیه و سطح روسازی بعلت عدم زهکشی مناسب رخ می‌دهد و عملیات‌های شتاب و ترمزگیری را با سختی مواجه می‌کند [۸].

بافت سطح روسازی تاثیر قابل توجهی بر اندرکنش روسازی لاستیک دارد [۹]. ویژگی‌های اصطکاکی یک روسازی به بافت سطح آن بستگی دارد [۱۰]. بافت روسازی را براساس ابعاد مختلف آن می‌توان به دو دسته بافت ریز و بافت درشت تقسیم کرد. بافت درشت نامنظمی‌های بزرگتر در سطح جاده هستند که به وجود فضای خالی بین مصالح سطح روسازی مربوط می‌باشند. اندازه بافت درشت به روش اجرای لایه رویه، سایز، شکل و چگونگی توزیع مصالح درشت استفاده شده در ساخت روسازی و بزرگترین اندازه گیری اسمی مصالح بکاررفته مربوط می‌باشد. بافت ریز نیز به نامنظمی‌های کوچکتر در سطح مصالح اطلاق می‌شود که در بعد میکرون اندازه گیری می‌شوند و بیشتر تابعی از ویژگی‌های معدنی مصالح استفاده شده می‌باشند [۱۱ و ۱۲].

تحقیقات نشان داده‌اند که بافت درشت در سرعت بالا، مقاومت لغزشی و زهکشی آب را تحت تاثیر قرار می‌دهد، اما این بافت در سرعت پایین تاثیر کمی بر اصطکاک دارد، به عبارت دیگر در سرعت پایین بافت ریز غالب بوده و سطوح اصطکاک را تعریف می‌کند [۱۳].

جهت اندازه گیری مشخصات سطحی روسازی روش‌های مختلفی وجود دارد که در تحقیقی توسط مطاعی و همکاران در دو دسته روش‌های آزمایشگاهی و میدانی مورد مطالعه قرار گرفته‌اند [۱۴]. امروزه محققان بیشتر تمایل به ارائه روش‌های هوشمندی دارند که نتایج مورد نظر را بدون تماس مستقیم با سطح روسازی و بادقت

1 Autocorrelation function

2 Sensor measured texture depth

شده، سیستمی جهت برداشت و ارزیابی وضعیت زهکشی سطحی روسازی پیشنهاد شده است. توجه به این نکته الزامی است که عواملی مانند شبی عرضی، خراچی‌های سطحی و قسمت‌های رنگ آمیزی شده در زهکشی سطحی تاثیر دارند و این مقاله تاثیر بافت روسازی را بر کیفیت زهکشی مورد بررسی قرار می‌دهد.

## ۲- زهکشی سطحی روسازی

zechki سطحی روسازی به فرآیند تخلیه آب موجود در سطح روسازی و شانه‌ی راه اطلاق می‌شود. تخلیه آب موجود باید با سرعت مناسبی انجام گیرد. اگر زهکشی آب موجود در سطح روسازی بصورت مناسبی صورت نگیرد، این آب در سطح روسازی انباسته شده و این‌مانی جاده را به شدت کاهش می‌دهد. همچنین ضعف در زهکشی سطحی روسازی منجر به وقوع پدیده خطرناک پراش آب<sup>۳</sup> در سطح روسازی می‌شود. پدیده پراش آب هنگامی رخ می‌دهد که در اثر بارندگی، لایه‌ای از آب بین لاستیک و سطح روسازی انباسته شده و تماس بین سطح روسازی با لاستیک خودرو را از بین می‌برد، در نتیجه این موضوع باعث از کنترل خارج شدن خودرو و انحراف آن از مسیر اصلی خود خواهد شد. این پدیده مهمترین عامل وقوع تصادفات در شرایط بارندگی می‌باشد، به همین دلیل ارزیابی شرایط وقوع آن از اهمیت بالایی برخوردار است [۱۴].

در خلال انجام عملیات زهکشی سطحی روسازی، ۳ فرآیند انجام می‌شود که توجه به این فرآیندها به ارزیابی روند زهکشی سطحی روسازی کمک خواهد کرد:

- اول اینکه حجم آب سطحی با زمان کاهش می‌یابد که این نشان دهنده شاخص دبی سطحی خروجی است.  
- دوم اینکه تعداد سنگدانه‌های بیرون زده از سطح آب با گذشت زمان افزایش می‌یابد.

- نکته سوم اینکه مساحت دانه‌های بیرون آمده از سطح آب با زمان افزایش می‌یابد.

شکل ۱، توضیح شماتیک سه فرآیند توضیح داده شده شده را نشان می‌دهد.

همانطور که در شکل ۱ نشان داده شده است، با گذشت زمان همانطور که بر تعداد سنگدانه‌های بیرون آمده از سطح مایع، افزوده

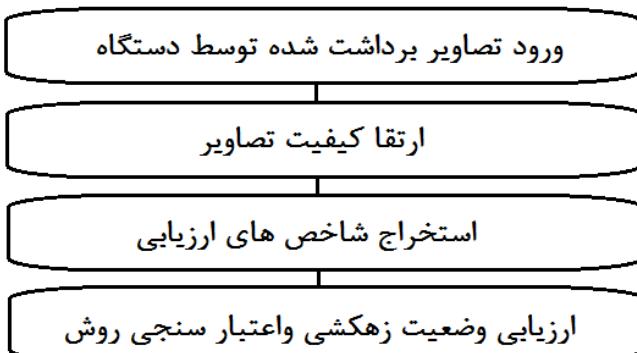
این سیستم با شبیه سازی توانایی چشم انسان در دید STEREO روشی طراحی شد که در آن با استفاده از دو دوربین CCD که با فاصله‌ای اندک از هم قرار می‌گیرند، تصاویری از سطح روسازی تهیه شد. پس از پیش پردازش اولیه تصویر، دو تصویر تهیه شده با هم ترکیب شده و با استفاده از قابلیت تشخیص لبه بافت روسازی یک نقشه سه بعدی از سطح روسازی تهیه شده که با استفاده از آن می‌توان میانگین عمق پروفایل (MPD<sup>۱</sup>) و همچنین میانگین عمق بافت (MTD<sup>۲</sup>) روسازی را بدست آورد. مقایسه نتایج با روش R<sup>۲</sup>,CT meter نزدیک ۰/۹ ارائه داد که نشان دهنده توانایی بالای سیستم پیشنهادی در آنالیز بافت روسازی است [۱۸].

محققان در یک مطالعه، با ارائه یک روش عکس برداری از نمونه‌های آسفالتی تهیه شده از روسازی‌های واقعی واستفاده از آنالیز تصاویر دیجیتال به روش Lacunarity، اقدام به ارائه روش جایگزین برای آزمایش ماسه کردند. در این تحقیق از آنالیز Lacunarity که یک روش آنالیز تصاویر دیجیتال می‌باشد، برای بدست آوردن اندازه بافت روسازی استفاده شد. در واقع Lacunarity تکنیکی است که بافت عکس‌های بدست آمده از سطح روسازی را در الگوهایی با ابعاد مختلف ارزیابی می‌کند. در نهایت مقایسه نتایج مقدار متوسط عمق بافت سطح (MTD) با استفاده از روش ماسه و مقدار متوسط عمق بافت روسازی با استفاده از روش Lacunarity همبستگی بالایی نشان داد [۱۹].

یکی از این روش‌های جدید ارزیابی بافت روسازی که مواردی از کاربرد آنها ارائه شد، روش پردازش تصویر است که در سال‌های اخیر استفاده از آن در بررسی و تعیین مشخصات بافت روسازی توسعه یافته است. مزیت استفاده از این روش در مقایسه با سایر تکنولوژی‌های پیشرفته مانند لیزر، به دست آوردن اطلاعات مورد نیاز با استفاده از تصاویر دیجیتال بدست آمده از سطح روسازی با هزینه کم و در تعداد کمی برداشت، همچنین بررسی بخش‌های دلخواه از سطح روسازی در صورت نیاز است. نتایج کسب شده از بررسی تحقیقات مختلف نشان می‌دهد که پردازش تصویر به عنوان یک روش غیر تماسی و بادقت و سرعت بالا، می‌تواند روش مناسبی جهت استخراج ویژگی‌های بافت سطح روسازی باشد. از این رو در این تحقیق با ارائه روش جدید بر پایه پردازش تصویر و طراحی سخت افزاری متناسب با روش ارائه

1 Mean profile depth

2 Mean texture depth



شکل ۲. روند طراحی سیستم ارزیابی زهکشی سطحی روسازی  
Fig. 2. Flowchart of pavement surface drainage evaluation method

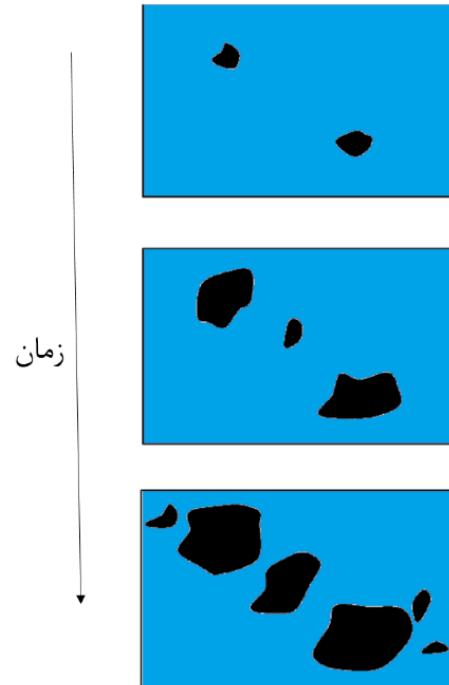
مریبوط به روند زهکشی سطحی روسازی می‌باشد، دستگاه مورد نظر قابلیت اشباع کردن سطح و تصویر برداری در شرایط کاملاً کنترل شده از نظر شرایط محیطی و توانایی تصویر برداری در فواصل زمانی مختلف را دارد. استفاده از یک سیستم روشناهی مخصوص موجب شده تا دستگاه توانایی تصویر برداری را در هر نوع شرایط محیطی در طول شباهه روز داشته باشد. شکل ۳ تصویر دستگاه را نشان می‌دهد.

جهت دستیابی به داده‌های موردنیاز، تصاویر مریبوط به روند زهکشی سطحی روسازی به وسیله دستگاه برداشت شده است. برداشت داده‌ها به این صورت بوده که بعد از استقرار دستگاه بر روی روسازی مورد نظر، سطح روسازی اشباع شده، سپس دستگاه شروع به تصویر برداری تا زمان تکمیل زهکشی نموده است. فواصل تصویر برداری قابل تنظیم بوده که در این کار دو ثانیه در نظر گرفته شده است.

استخراج روند تخلیه آب و خروج سنگدانه‌ها از سطح آب از اهمیت بالایی برخوردار است، در همین راستا از یک مایع مخصوص سفید رنگ با ویسکوزیته برابر با آب، برای اشباع کردن سطح روسازی استفاده شده است تا با رنگ سطح دانه‌ها تضاد ایجاد کرده و روند زهکشی به وسیله تصاویر بهتر نمایش داده شود. شکل ۴ نمونه‌ای از تصاویر برداشت شده در طی زمان برای یک روسازی را نمایش می‌دهد.

### ۲-۳- پیش پردازش تصاویر

روش‌های مختلفی بمنظور ارتقا کیفیت تصویر وجود دارد که عموماً جزء روش‌های پیش پردازشی دسته بندی می‌شوند. در این



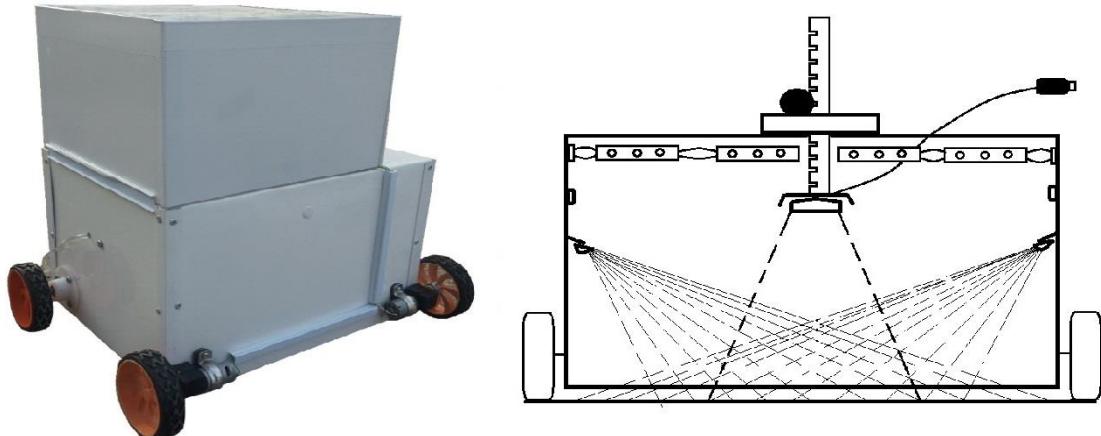
شکل ۱. توضیح شماتیک روش بکار گرفته شده بمنظور بررسی اثر زهکشی سطحی با زمان

Fig. 1. Schematic illustration of pavement surface drainage over time

شده، مساحت این سنگدانه‌ها نیز افزایش می‌یابد. بر اساس این قوانین ساده، می‌توان شرایط زهکشی سطحی یک روسازی را مورد ارزیابی قرار داد. اساس این روش، بر پایه نحوه توزیع و پراکندگی سنگدانه‌ها استوار می‌باشد. همچنین نحوه خروج و یا جذب آب از سطح روسازی با این روش قابل شبیه سازی است.

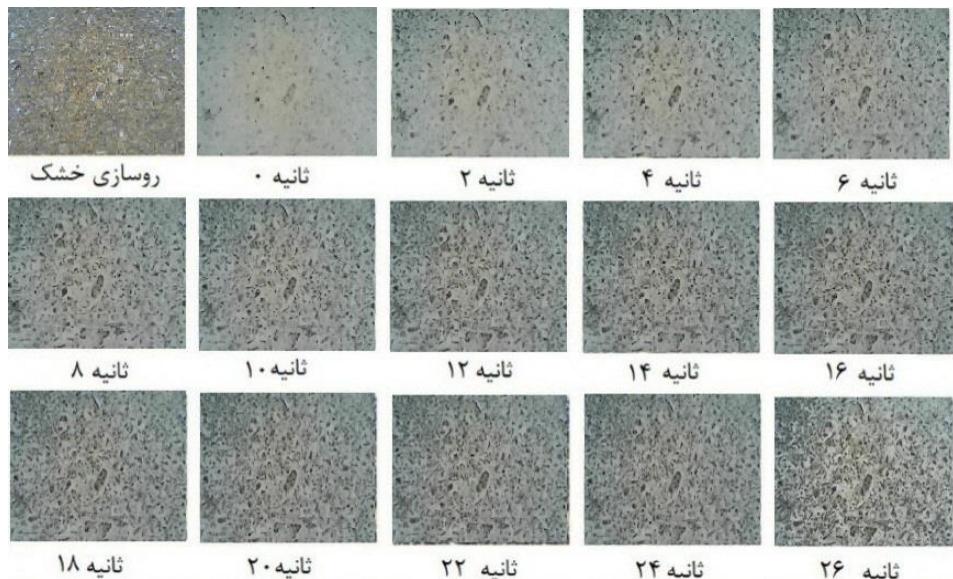
**۳- روند طراحی سیستم تحلیلی ارزیابی زهکشی سطحی روسازی**  
به منظور معرفی مراحل سیستم ارزیابی زهکشی سطحی روسازی، شکل ۲ به صورت یک فلوچارت نمایش داده شده است. همانطور که در این فلوچارت ارائه شده است، ابتدا تصاویر برداشت شده توسط دستگاه به کمک روش‌های پیش پردازش، ارتقا کیفیت داده شده، سپس با بررسی تصاویر از لحظه مورfolوژی شاخص‌هایی جهت ارزیابی وضعیت زهکشی روسازی‌ها استخراج شده و در نهایت روشی جهت ارزیابی روسازی‌ها ارائه و این روش مورد اعتبار سنجی قرار گرفته شده است.

**۱-۳- سخت افزار و برداشت داده‌های تصویری**  
با توجه به اینکه هدف از طراحی این دستگاه، دستیابی به تصاویر



شکل ۳. نمایی از قسمت‌های مختلف دستگاه [۲۰]

Fig. 3. The presented method hardware



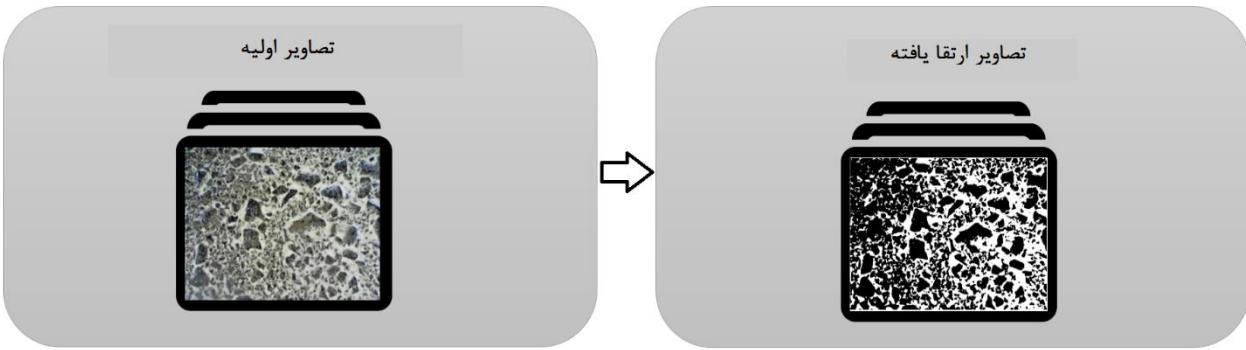
شکل ۴. تصاویربرداشت شده از روند زهکشی یک روسانی [۲۰]

Fig. 4. Pavement surface drainage process images

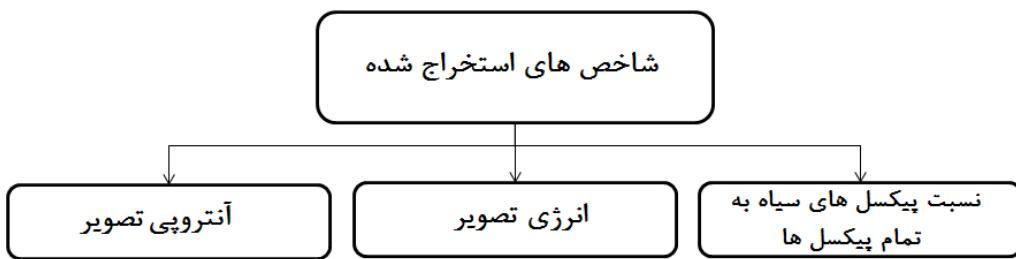
و حذف نویز در تصاویر برداشت شده، صورت گرفته است. شکل ۵ فرآیند پیش پردازش تصاویر را به صورت شماتیک نمایش می‌دهد.

**۳-۳- استخراج شاخص‌های مورفولوژی**  
پس از پیش پردازش تصاویر، با استفاده از ویژگی‌های مورفولوژی، شاخص‌هایی جهت ارزیابی زهکشی سطحی روسانی استخراج شده است. شکل ۶ شاخص‌های استخراج شده را نشان می‌دهد و در ادامه هریک از این شاخص‌ها جداگانه توضیح داده شده‌اند. با توجه به

کار از روشنی ابتکاری-ترکیبی به منظور ارتقاء کیفیت تصویر استفاده شده است. بدین منظور از ابتدا همانگونه که در قسمت‌های قبل گفته شد، مایعی سفید رنگ، که خود باعث ایجاد یک حالت تضاد بین رنگ سنگدانه‌های سطح روسانی و مایع اشباع کننده می‌شود و تشخیص روند تخلیه آب و بیرون آمدن سنگدانه‌ها از سطح آب را ساده تر می‌کند استفاده شده است. همچنین به منظور تشخیص روند زهکشی، ارتقا کیفیت تصاویر و کاهش پیچیدگی محاسباتی و همچنین سهولت و تسريع در تحلیل تصاویر دو عمل فشرده سازی



شکل ۵. پیش پردازش تصاویر جهت ارتقا کیفیت  
Fig. 5. Preprocessing of pavement images



شکل ۶. شاخص های ارزیابی استخراج شده از تصاویر  
Fig. 6. Images derived features

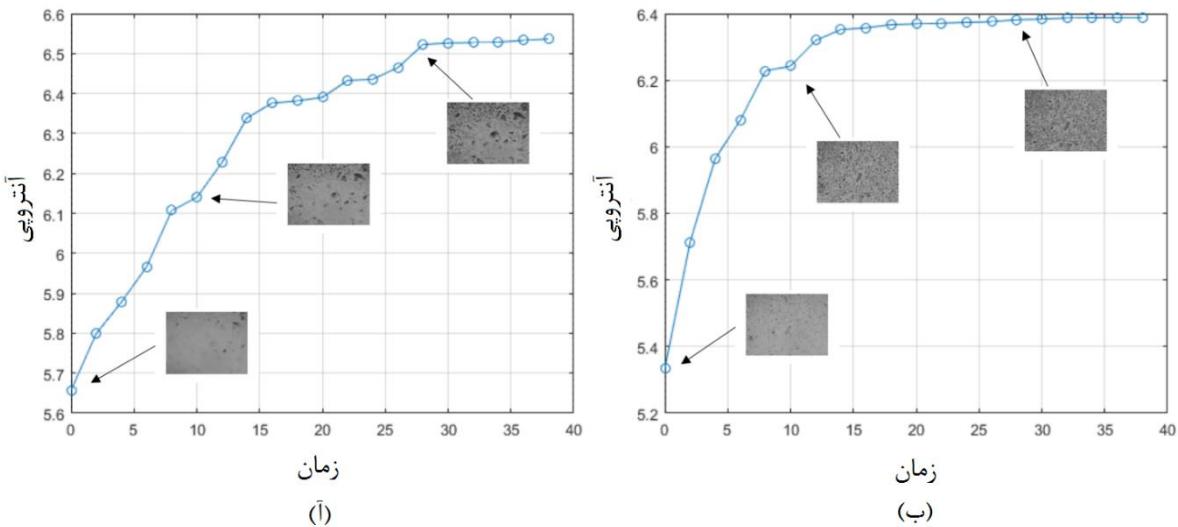
که در آن  $(j, i)$   $p$  تصویر موردنظر و  $m$  و  $n$  ابعاد تصویر هستند. شاخص آنتروپی تصاویر مربوط به فرآیند زهکشی سطحی روسازی پس از ارتقا کیفیت و تبدیل آنها به فرمت خاکستری محاسبه شده است. شکل ۷ روند تغییرات آنتروپی طی زمان برای دونوع روسازی را نمایش می‌دهد. همانگونه که در این شکل مشخص است تغییرات این شاخص دارای نرخی صعودی است. روند صعودی این نرخ در زمان‌های اولیه بیشتر بوده و پس از گذشت چند ثانیه کاهش می‌یابد. براساس این مشاهدات می‌توان دریافت که شاخص آنتروپی شاخص مناسبی برای ارزیابی وضعیت زهکشی سطحی روسازی خواهد بود. افزایش آنتروپی در این تصاویر به معنای افزایش سطح بیرون زده از آب روسازی می‌باشد که بالابودن نرخ افزایش این شاخص در زمان‌های اولیه نشان دهنده سرعت بیشتر زهکشی در این زمان می‌باشد. بعد از مدتی نرخ افزایش آنتروپی کاهش می‌یابد چون سرعت زهکشی آب از روی روسازی کاهش یافته است. بعد از گذشت مدت زمانی خاص این نرخ به صفر میرسد که این زمان برای روسازی‌های مختلف متفاوت خواهد بود و همانطور که در این شکل مشخص هست برای روسازی

اینکه این شاخص‌ها مرتبط با ویژگی‌های مورفولوژی تصاویر دیجیتال می‌باشند و با ایجاد تغییرات جزئی در تصاویر تحت تاثیر قرار می‌گیرند و همچنین این حقیقت که در این بخش از تحقیق هدف به دست آوردن پارامترهایی است که تغییرات موجود در تصاویر برداشت شده را به صورت کمی‌بیان کنند، از این شاخص‌ها جهت استخراج روند تغییرات تصاویر و به تبع آن تغییرات روند زهکشی استفاده شده است.

### ۳-۱-۳- شاخص آنتروپی

آنتروپی تصویر سیاه و سفید، اولین شاخص استخراج شده است. آنتروپی یک معیار اندازه گیری آماری از تغییرات تصادفی است که می‌تواند جهت ارزیابی بافت تصویر ورودی مورد استفاده قرار گیرد. مقادیر آنتروپی در تصاویری که بافت یکنواختی دارند، کوچکتر است و بافت‌های پیچیده و تصاویر ناهمگن تر، آنتروپی بالاتری را ارائه می‌دهند [۲۱]. شاخص آنتروپی بصورت رابطه ۱ محاسبه می‌شود:

$$Entropy = -\sum_{i=1}^M \sum_{j=1}^N p(i, j) \log_2 p(i, j) \quad (1)$$



شکل ۷. نرخ تغییرات شاخص آنتروپی دو نوع روسازی با زمان

Fig. 7. Rate of change in entropy of images by time for two different kinds of pavement

چند ثانیه کاهش می‌یابد. براساس این مشاهدات می‌توان دریافت که شاخص انرژی نیز مانند شاخص آنتروپی شاخص مناسبی برای ارزیابی وضعیت زهکشی سطحی روسازی خواهد بود. افزایش انرژی در این تصاویر به معنای افزایش سطح بیرون زده از آب روسازی می‌باشد که بالابودن نرخ افزایش این شاخص در زمان‌های اولیه نشان دهنده سرعت بیشتر زهکشی خواهد بود. بعد از مدتی نرخ افزایش کاهش می‌یابد چون سرعت زهکشی روسازی کاهش یافته است. بعد از گذشت مدت زمان خاصی این نرخ به صفر می‌رسد که این زمان برای روسازی‌های مختلف متفاوت خواهد بود همانطور که در اینجا برای روسازی (آ) طولانی تر از روسازی (ب) می‌باشد. پس می‌توان نتیجه گرفت که سرعت زهکشی روسازی (ب) بیشتر از روسازی (آ) است.

(آ) طولانی تر از روسازی (ب) می‌باشد. از این امر می‌توان نتیجه گرفت که زهکشی روسازی (ب) شرایط مناسب تری در مقایسه با روسازی (آ) دارد.

### ۳-۳-۲-۲-۳-۳-شاخص انرژی

شاخص انرژی، توصیفی از میزان اطلاعات تصویر تحت یک چارچوب احتمالاتی می‌باشد. این ویژگی مجموع مربعات عناصر ماتریس Gray-Level Co-Occurrence Matrix (GLCM) می‌باشد. GLCM، که به عنوان ماتریس وابستگی فضایی خاکستری شناخته می‌شود، یک روش آماری است که ارتباط فضایی پیکسل‌ها را در نظر می‌گیرد. انرژی یک تصویر ثابت برابر با مقدار ۱ است [۲۱]. رابطه ۲ انرژی تصویر را اندازه گیری می‌کند:

$$Energy = \sum_{i,j} p(i,j)^2 \quad (2)$$

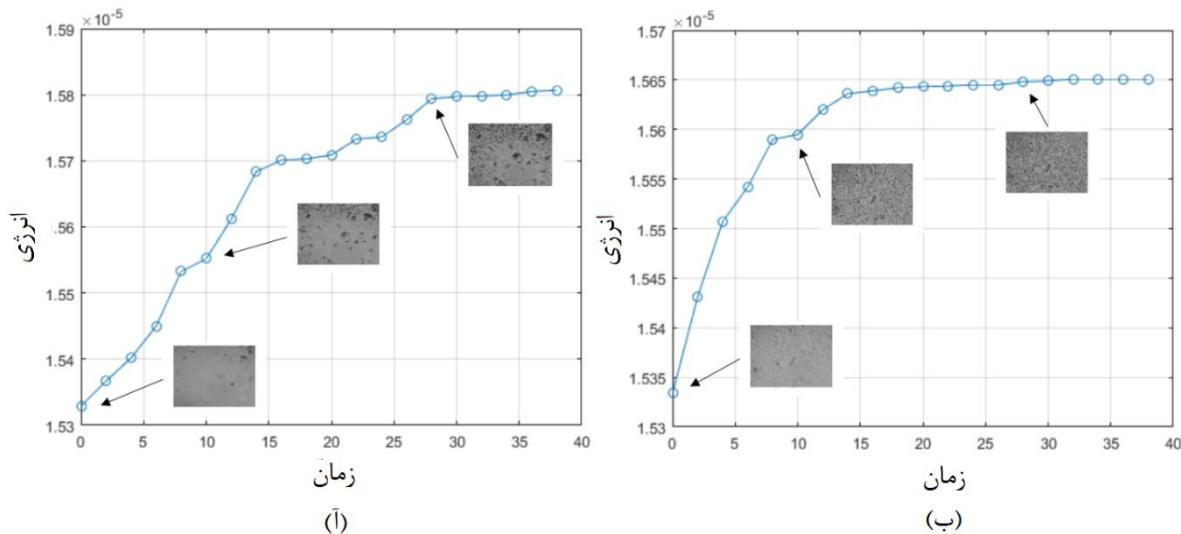
که در آن  $(i,j)$  تصویر موردنظر است.

شاخص انرژی تصاویر با فرمت خاکستری مربوط به فرآیند زهکشی سطحی روسازی پس از ازتقا کیفیت این تصاویر محاسبه شده است. شکل ۸ روند تغییرات انرژی تصاویر مربوط به روند زهکشی را در طی زمان برای دونوع روسازی نمایش می‌دهد. همانگونه که مشاهده می‌شود تغییرات این شاخص دارای نرخی صعودی در طی زمان است. این نرخ افزایشی در زمان‌های اولیه بیشتر بوده و پس از گذشت

### ۳-۳-۳-۳-۳-نسبت پیکسل‌های سیاه به تمام پیکسل‌ها (ن.س.ت)

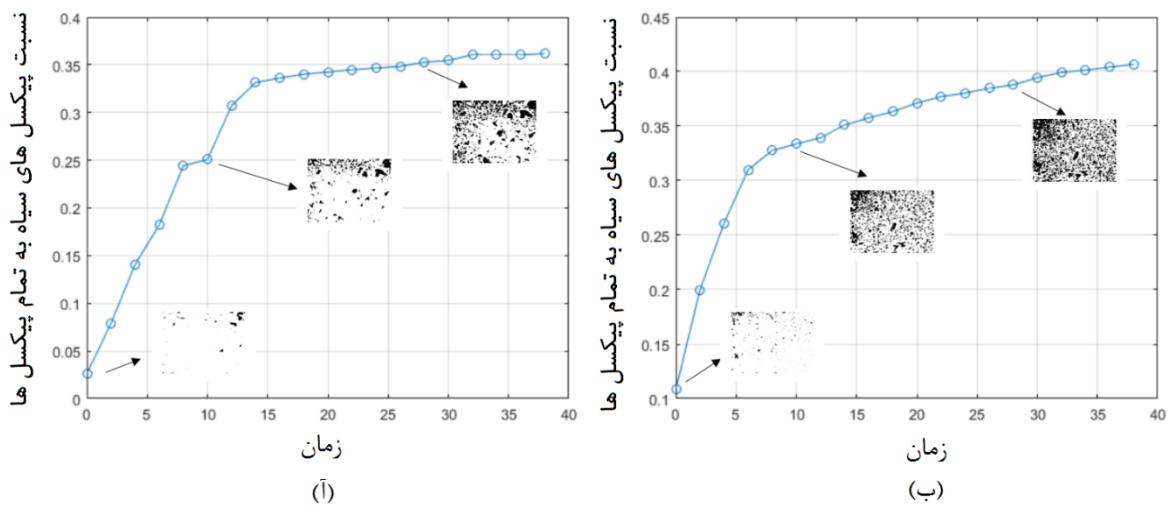
پس از تبدیل تصاویر به فرمت باینری، تعداد پیکسل‌های سیاه (دارای مقدار ۰) می‌تواند شمارش شود تا نسبت تعداد پیکسل‌های سیاه به تعداد کل پیکسل‌ها محاسبه شود. این شاخص بصورت رابطه ۳ قابل ارائه است:

$$\text{ن.س.ت} = \frac{\sum_{i=1}^M \sum_{j=1}^N p(i,j)}{\sum_{i=1}^M \sum_{j=1}^N p(i,j) \geq 0} \quad (3)$$



شکل ۸. نرخ تغییرات شاخص انرژی دو نوع روسازی با زمان

Fig. 8. Rate of change in energy of images by time for two different kinds of pavement



شکل ۹. نرخ تغییرات شاخص ن.س.ت دو نوع روسازی با زمان

Fig. 9. Rate of change in RBT of images by time for two different kinds of pavement

مشاهده کردیم در زمان‌های اولیه بیشتر بوده و پس از گذشت چند ثانیه کاهش می‌یابد. همانطور که می‌شود انتظار داشت افزایش تعداد پیکسل‌های سیاه در این تصاویر به معنای افزایش سطح بیرون زده از آب روسازی می‌باشد که بالابودن نرخ افزایش این شاخص در زمان‌های اولیه نشان دهنده سرعت بیشتر زهکشی خواهد بود. بعد از مدتی نرخ افزایش کاهش می‌یابد چون سرعت زهکشی روسازی کاهش یافته است. بعد از گذشت مدت زمان خاصی این نرخ به صفر می‌رسد که

که در آن (j, i)  $p$  تصویر موردنظر و  $m$  و  $n$  ابعاد تصویر هستند. پس از تبدیل تصاویر به فرمت باپنری نسبت پیکسل‌های سیاه به تمام پیکسل‌ها برای تمام تصاویر مربوط به پروسه زهکشی روسازی محاسبه شده است. شکل ۹ روند تغییرات این شاخص را برای تصاویر در طی زمان برای دونوع روسازی نمایش می‌دهد. همانگونه که در این شکل مشخص است تغییرات این شاخص نرخی صعودی را در طی زمان دارد. این نرخ افزایشی مشابه آنچه در مورد دو شاخص دیگر

جدول ۱. نتایج مقایسه الگوریتم‌های دسته‌بندی مختلف

Table 1. Comparison of different classification algorithms

الگوریتم	Accuracy	Precision	Sensitivity	Specificity	F-measure
C5.0	۹۵.۷	۹۳.۷	۹۳.۳	۹۶.۷	۹۳.۳
Gradient boosted tree	۹۰.۸	۸۶.۷	۸۶.۷	۹۲.۸	۸۶.۲
Random Forest	۹۰.۸	۸۶.۷	۸۶.۷	۹۲.۹	۸۶.۷
Neural Network	۹۰.۷	۸۷.۹	۸۶.۷	۹۲.۹	۸۶.۷
KNN	۹۵.۵	۹۳.۷	۹۳.۳	۹۶.۴	۹۳.۱
naïve bayes	۸۵.۸	۸۲	۸۰	۸۸.۸	۷۹.۴

زهکشی روسازی‌های مختلف، زمانی قراردادی به عنوان یک زمان قابل قبول برای نقطه عطفی که در بالا تعريف شده بود، تعیین شده است. مدت زمان ده ثانیه برای این نقطه در نظر گرفته شد و پس از آن، نسبت میزان تغییرات قبل از ۱۰ ثانیه به میزان تغییرات پس از ۱۰ ثانیه برای ۳ شاخص ارائه شده بعنوان پارامتر ارزیابی معرفی شده است. این پارامترها را می‌توان بصورت زیر معرفی کرد:

$$(4) \quad \text{پارامتر آنتروپی} = \frac{\text{نرخ تغییرات ده ثانیه اول شاخص آنتروپی}}{\text{نرخ تغییرات مقطع پس از ده ثانیه اول}}$$

$$(5) \quad \text{پارامتر انرژی} = \frac{\text{نرخ تغییرات ده ثانیه اول شاخص انرژی}}{\text{نرخ تغییرات مقطع پس از ده ثانیه اول}}$$

$$(6) \quad \text{پارامتر نسبت پیکسل‌های سیاه به تمام پیکسل‌ها} = \frac{\text{نرخ تغییرات ده ثانیه اول شاخص ها پیکسل تمام به سیاه های پیکسل نسبت}}{\text{نرخ تغییرات مقطع پس از ده ثانیه اول}}$$

پارامترهای ارزیابی ارائه شده برای ۳۰ روسازی مختلف محاسبه شده و فرآیند زهکشی این روسازی‌ها توسط کارشناسان مورد مطالعه قرار گرفت و تحت سه دسته مناسب، قابل قبول و نامناسب دسته بندی شد.

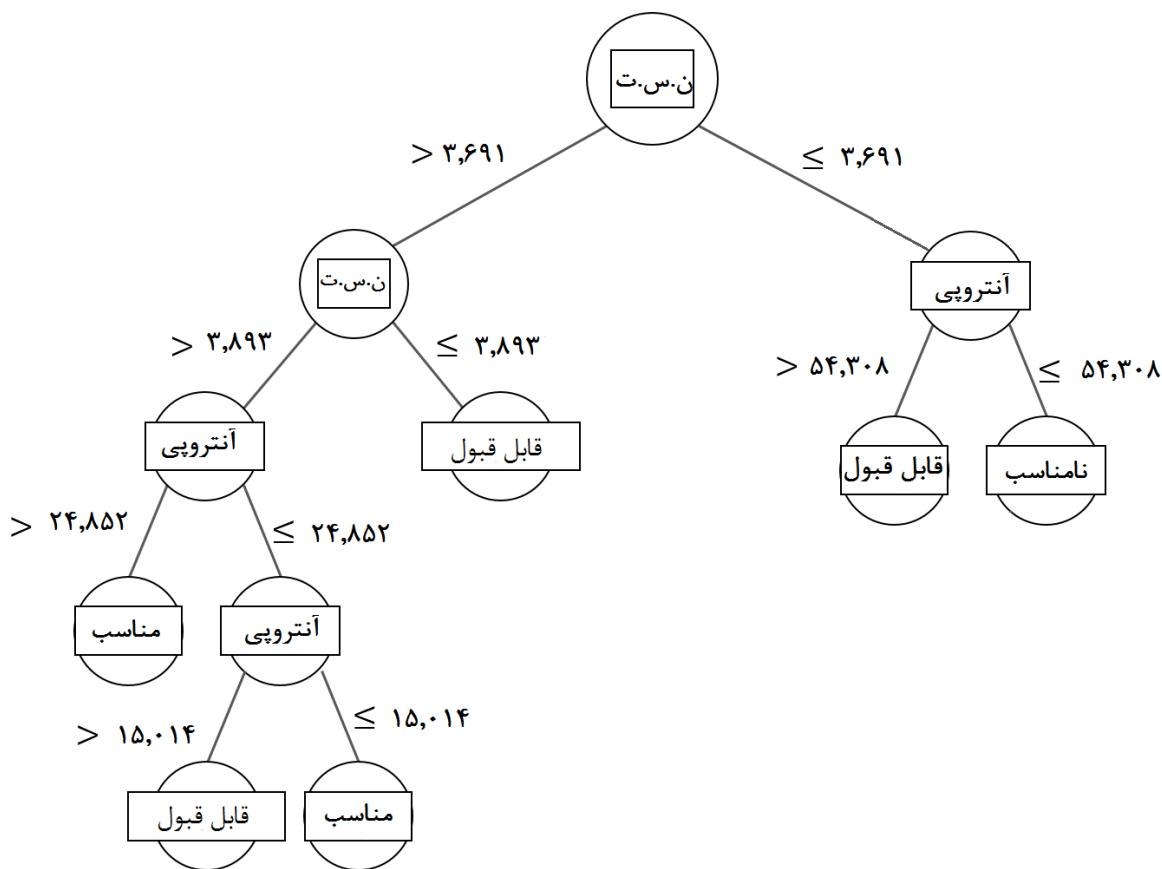
باتوجه به اینکه تحقیق حاضر به دنبال ارائه مدلی جهت ارزیابی زهکشی روسازی و دسته بندی روسازی‌های مختلف از نظر شرایط زهکشی سطحی است در این بخش الگوریتم‌های مختلف داده کاوی در جهت انجام دسته بندی موردنظر توسط نرم افزار R پید ماینر اجرا شده و عملکرد آنها توسط شاخص‌های ارزیابی مورد بررسی قرار گرفته

این زمان برای روسازی‌های مختلف متفاوت خواهد بود همانطور که در اینجا برای روسازی (آ) طولانی تر از روسازی (ب) می‌باشد. پس می‌توان نتیجه گرفت که سرعت زهکشی روسازی (ب) بیشتر است.

#### ۴-نتایج و بحث

در این بخش، جهت ارزیابی وضعیت زهکشی سطحی روسازی‌های آسفالتی مجموعه ای از پارامترها که از شاخص‌های معرفی شده در بخش قبلی استخراج شده اند ارائه می‌شود. همانطور که در بخش قبلی نشان داده شد، روند زهکشی در هر روسازی دارای دو بخش است؛ بخش بحرانی فرآیند زهکشی که چند ثانیه پس از حالت اشباع سطح است که اکثر آبهای جمع شده روی سطح در این زمان تخلیه می‌شوند. پس از گذشت این زمان سرعت تخلیه کاهش می‌یابد تا زمانی که تقریباً متوقف شود. هر پروسه زهکشی روسازی دارای نقطه عطفی است که در آن سرعت زهکشی به طور چشمگیری کاهش می‌یابد. این زمان برای هر روسازی متفاوت است و در روسازی‌های با کیفیت پایین زهکشی نسبت به روسازی‌های با شرایط مناسب بیشتر خواهد بود. همچنین نرخ تغییرات بخش قبل از نقطه عطف برای روسازی‌های با عملکرد زهکشی مناسب بیشتر است.

از آنجاییکه نرخ تغییرات شاخص‌های استخراج شده به خوبی با سرعت زهکشی سطحی ارتباط دارد، ارزیابی وضعیت زهکشی سطحی می‌تواند براساس تحلیل روند تغییرات این شاخص‌ها در طول زمان صورت گیرد. با توجه به ماهیت موضوع تحقیق و این واقعیت که آب انباسته شده بر روی سطح روسازی باید به سرعت زهکشی شود تا از وقوع پدیده پراش آب که به عنوان مهمترین عامل در حوادث جاده ای در شرایط بارانی به شمار می‌رود جلوگیری شود، و نیز بررسی نحوه



شکل ۱۰. درخت تصمیم ارزیابی وضعیت زهکشی سطحی روسازی

Fig. 10. Decision tree of pavement surface drainage evaluation

- می‌تواند به صورت زیر تعیین شود که با کمک این قوانین می‌توان کیفیت زهکشی سطحی روسازهای آسفالتی را ارزیابی کرد:
- اگر پارامتر نسبت پیکسل‌های سیاه به تمام پیکسل‌ها کمتر از ۳/۶۹۱ و پارامتر آنتروپی بیشتر از ۵۴/۳۰۸ باشد روسازی در شرایط قابل قبول می‌باشد.
- اگر پارامتر نسبت پیکسل‌های سیاه به تمام پیکسل‌ها کمتر از ۳/۶۹۱ و پارامتر آنتروپی کمتر از ۵۴/۳۰۸ باشد روسازی در شرایط نامناسب می‌باشد.
- اگر پارامتر نسبت پیکسل‌های سیاه به تمام پیکسل‌ها بیشتر از ۳/۶۹۱ و کمتر از ۳/۸۹۳ باشد روسازی در شرایط قابل قبول قرار دارد.
- اگر پارامتر نسبت پیکسل‌های سیاه به تمام پیکسل‌ها بزرگتر از ۳/۸۹۳ و پارامتر آنتروپی بیشتر از ۲۴/۸۵۲ باشد روسازی در شرایط مناسب می‌باشد.
- اگر پارامتر نسبت پیکسل‌های سیاه به تمام پیکسل‌ها بزرگتر از

است. جدول ۱ نتایج این مقایسه را نشان می‌دهد.

همانطور که در جدول ۱ مشاهده می‌شود بهترین عملکرد در تمام پارامترها متعلق به الگوریتم C5.0 است. به همین علت از الگوریتم درخت تصمیم (C5.0) برای یافتن یک مدل مناسب برای دسته بندی روسازی‌ها براساس شرایط زهکشی سطحی و استخراج قوانین ارزشمند جهت ارزیابی آن استفاده شده است. از نرم افزار رپیدماینر<sup>۱</sup> برای اجرای مدل و انجام این دسته بندی استفاده شده است. در بخش انتخاب شاخص‌های مناسب، مدل دسته بندی کننده پارامترهای آنتروپی و نسبت پیکسل‌های سیاه به تمام پیکسل‌ها را به دلیل پیش بینی بهتر وضعیت روسازی به عنوان شاخص‌های تعیین کننده برای دسته بندی انتخاب کرده است. شکل ۱۰ درخت تصمیم مربوط به این دسته بندی را نمایش می‌دهد.

بر اساس این دسته بندی، مجموعه‌ای از قوانین تعیین کننده

**جدول ۲. ماتریس پیشنهادی مدل**  
**Table 2. Model confusion matrix**

		دسته پیش بینی شده		
		نامناسب	قابل قبول	مناسب
دسته حقیقی	مناسب	۹	۱	۰
	قابل قبول	۰	۹	۱
	نامناسب	۰	۰	۱۰

**جدول ۳. نتایج ارزیابی مدل پیشنهادی**  
**Table 3. Results of model validation**

	Accuracy	Precision	Sensitivity	Specificity	F-measure
مناسب	۹۷	۱۰۰	۹۰	۱۰۰	۹۵
قابل قبول	۹۳	۹۰	۹۰	۹۵	۹۰
نامناسب	۹۷	۹۱	۱۰۰	۹۵	۹۵
مدل	۹۵.۷	۹۳.۷	۹۳.۳	۹۶.۷	۹۳.۳

ماتریس پیشنهادی سیستم ارائه شده را نشان می‌دهد. همچنین جدول ۳ مقادیر مختلف شاخص‌های ارزیابی مدل را نشان می‌دهد.

هریک از شاخص‌های استفاده شده در جدول ۳ بیانگر ارزیابی یک جنبه از عملکرد مدل می‌باشد. شاخص Accuracy بیانگر میزان درستی طبقه بندی روش‌های مورد بررسی است و بر مجموع میزان رو سازی‌هایی که به درستی در دسته خود قرار گرفته‌اند و روش‌هایی که به درستی در هر کدام از دسته‌ها قرار نگرفته‌اند نسبت به تعداد تمام روش‌های دلالت دارد.

شاخص Precision نشان دهنده این است که چه میزان از روش‌هایی که به درستی در دسته موردنظر طبقه بندی شده‌اند. یعنی میزان روش‌هایی که به درستی در دسته موردنظر قرار گرفته‌اند نسبت به مجموع میزان روش‌هایی که به درستی در دسته موردنظر قرار گرفته‌اند و تعداد روش‌هایی که به اشتباه در دسته موردنظر طبقه بندی شده‌اند.

شاخص Sensitivity عبارت است از اینکه چه میزان از روش‌هایی که درستی در دسته خود قرار گرفته‌اند و معادل است با میزان روش‌هایی که به درستی در دسته موردنظر قرار گرفته‌اند نسبت به مجموع میزان روش‌هایی که به درستی در دسته موردنظر قرار گرفته و میزان روش‌هایی که به اشتباه در دسته‌ای به غیر از دسته

۸۹۳/۳ و پارامتر آنتروپی کمتر از ۱۵/۰۱۴ باشد روش‌سازی در شرایط مناسب می‌باشد.

- اگر پارامتر نسبت پیکسل‌های سیاه به تمام پیکسل‌ها بزرگ‌تر از ۳/۸۹۳ و پارامتر آنتروپی کمتر از ۲۴/۸۵۲ و بیشتر از ۱۵/۰۱۴ باشد روش‌سازی در شرایط قابل قبول می‌باشد.

بر اساس این قوانین ارزشمند، هر روش‌سازی آسفالتی جدید را می‌توان ارزیابی و طبقه بندی نموده و به عنوان روش‌سازی با شرایط مناسب، قابل قبول یا نامناسب از لحاظ زهکشی معرفی نمود.

## ۵- اعتبار سنجی روش ارائه شده

جهت ارزیابی سیستم ارائه شده و اعتبار سنجی نتایج حاصل از شاخص‌های ارائه شده از روش ماتریس پیشنهادی<sup>۱</sup> استفاده شده است. به منظور ارزیابی صحت نتایج و مدل ارائه شده، از مقایسه شرایط واقعی موجود که توسط گروهی از کارشناسان مورد ارزیابی قرار گرفت با آنچه که از طریق شاخص‌های استخراج شده بدست آمده است استفاده شده است. نتایج بدست آمده از این تحلیل نشان دهنده عملکرد مطلوب سیستم ارائه شده است و دقت ۹۵/۷ درصد را در دسته بندی زهکشی سطحی روش‌سازی نشان می‌دهد. جدول ۲

- ارائه سیستمی جهت رصد و برداشت رفتار زهکشی سطحی روسازی
- ارزیابی کیفیت زهکشی سطحی روسازی با استفاده از شاخص‌های بدست آمده از آنالیز تصاویر
- ارزیابی کیفی و دسته بندی روسازی‌ها براساس وضعیت زهکشی سطحی آن توسط مدل داده کاوی C5.0 در پژوهش‌های آتی بایستی در راستای کاهش زمان ارزیابی و تفسیر داده‌ها، افزایش تعداد تصاویر روسازی و داده‌های آموزشی، ارتقا کیفیت شاخص‌های استخراج شده و مدل‌های ارزیابی گام نهاده شود. همچنین در تحقیقات آینده می‌توان ارتباط بین سایر مشخصات روسازی مانند مقاومت لغزشی و یا بافت ریز و درشت را بدست آورد و یا جهت ارایه سیستمی جهت ارزیابی مشخصات سطحی روسازی سیستمی با تلفیق ابزارهای لیزری و پردازش سیگنال و تصاویر دیجیتال ارائه داد.

### مراجع

- [1] J. Hall, K.L. Smith, L. Titus-Glover, J.C. Wambold, T.J. Yager, Z. Rado, Guide for pavement friction, Final Report for NCHRP Project, 1 (2009) 43.
- [2] S. Li, K. Zhu, S. Noureldin, D. Harris, Identifying friction variations with the standard smooth tire for network pavement inventory friction testing, Transportation research record, 1905(1) (2005) 157-165.
- [3] G.R. Dewey, A.C. Robords, B.T. Armour, R. Muethel, Aggregate wear and pavement friction, in: Transportation Research Board, Annual Meeting CD-ROM, 17p, 2001.
- [4] D.A. Noyce, H.U. Bahia, J.M. Yambo, G. Kim, Incorporating road safety into pavement management: maximizing asphalt pavement surface friction for road safety improvements, Draft Literature Review and State Surveys, Midwest Regional University Transportation Center (UMTRI), Madison, Wisconsin, (2005).
- [5] E. Masad, A. Rezaei, A. Chowdhury, P. Harris, Predicting asphalt mixture skid resistance based on aggregate characteristics, Texas. Dept. of Transportation. Research and Technology Implementation Office, 2008.
- [6] P.M. Gandhi, B. Colucci, S.P. Gandhi, Polishing of

موردنظر پیش بینی شده‌اند.

شاخص Specificity بیانگر نسبت میزان روسازی‌هایی است که به درستی جزو هرکدام از دسته‌های روسازی قرار نگرفته‌اند (بطور مثال میزان روسازی‌های نامناسب یا قابل قبولی که به درستی جزو دسته روسازی مناسب قرار نگرفته‌اند). و معادل است با میزان روسازی‌هایی که به درستی در دسته مورد نظر قرار نگرفته‌اند نسبت به مجموع میزان روسازی‌هایی که به درستی در دسته مورد نظر قرار نگرفته‌اند و میزان روسازی‌هایی که به اشتباہ در دسته مورد نظر قرار گرفته‌اند. شاخص F-measure نیز یک نوع میانگین گیری بین پارامتر Precision و پارامتر Recall است. هرکدام از پنج شاخص‌های ارزیابی استفاده شده عددی بین صفر تا یک را ارائه می‌دهند که هرچه این عدد بزرگتر باشد نشان دهنده اعتبار بیشتر روش ارائه شده می‌باشد. اعداد بدست آمده برای پنج پارامتر اصلی اعتبار سنجی شاخص‌ها همگی اعدادی بالای ۹۰ درصد را ارائه می‌دهند که این موضوع نشان از دقت و صحت بالای نتایج روش بکار رفته دارد و می‌تواند تاییدی بر ارزیابی مناسب زهکشی توسط این سیستم باشد.

### ۶-نتیجه گیری و پیشنهادات

در این تحقیق رویکردی جدید جهت ارزیابی وضعیت زهکشی سطحی روسازی ارائه گردید. در این رویکرد تصاویر مربوط به روند روسازی توسط دستگاه برداشت شده و به بخش تحلیل انتقال می‌یابد. در این بخش تصاویر با الگوریتم‌های پردازش تصویر، پیش پردازش شده و کیفیت آنها ارتقا یافته‌ند. سپس شاخص‌هایی جهت ارزیابی وضعیت زهکشی روسازی ارایه شده و براساس این شاخص‌ها روسازی‌ها از نظر وضعیت زهکشی دسته بندی شدند. ارزیابی نتایج روش ارائه شده نشان دهنده دقت معادل ۹۵/۷ درصدی آن بوده که این نشان دهنده عملکرد مناسب این روش در ارزیابی مشخصات زهکشی سطحی روسازی دارد. در نهایت می‌توان گفت سیستم ارزیابی زهکشی سطحی روسازی بعنوان اولین سیستم در زمینه بررسی زهکشی سطحی براساس پردازش تصاویر دیجیتال می‌تواند در سطوح شبکه و پروژه‌ای در سیستم‌های مدیریت روسازی مورد استفاده قرار گیرد. به عبارت دیگر نتایج عمدۀ تحقیق انجام شده را می‌توان بصورت زیر ارائه داد:

682-694.

- [14] B. Mataei, H. Zakeri, M. Zahedi, F.M. Nejad, Pavement friction and skid resistance measurement methods: A literature review, *Open Journal of Civil Engineering*, 6(04) (2016) 537.
- [15] R. Elunai, V. Chandran, P. Mabukwa, Digital image processing techniques for pavement macro-texture analysis, in: Proceedings of the 24th ARRB Conference: Building on 50 Years of Road and Transport Research:, ARRB Group, 2010, pp. 1-5.
- [16] R. Elunai, V. Chandran, E. Gallagher, Asphalt concrete surfaces macrotexture determination from still images, *IEEE transactions on intelligent transportation systems*, 12(3) (2011) 857-869.
- [17] A. Cigada, F. Mancosu, S. Manzoni, E. Zappa, Laser-triangulation device for in-line measurement of road texture at medium and high speed, *Mechanical Systems and Signal Processing*, 24(7) (2010) 2225-2234.
- [18] E.D. de Leon Izeppi, G.W. Flintsch, M. Saleh, K.K. McGhee, Area-based macrotexture measurements: stereo vision approach, 2009.
- [19] S.N. Goodman, Y. Hassan, O. Abd El Halim, Digital Sand Patch Test: Use of Digital Image Analysis for Measurement of Pavement Macrotexture, 2010.
- [20] B. Mataei, H. Zakeri, and F.M. Nejad, Automatic, Evaluation of pavement surface drainage using image processing, 10th bitumen, asphalt and Machinery Conference, (2017) in Persian.
- [21] R.C. Gonzalez, R.E. Woods, S.L. Eddins, Digital image processing using MATLAB, Pearson Education India, 2004.
- aggregates and wet-weather accident rates for flexible pavements, *Transportation Research Record*, (1300) (1991).
- [7] C.-G. Wallman, H. Åström, Friction measurement methods and the correlation between road friction and traffic safety: A literature review, *Statens väg-och transportforskningsinstitut*, 2001.
- [8] B. Sengoz, A. Topal, S. Tanyel, Comparison of pavement surface texture determination by sand patch test and 3D laser scanning, *Periodica Polytechnica Civil Engineering*, 56(1) (2012) 73-78.
- [9] A. El Gendy, A. Shalaby, M. Saleh, G.W. Flintsch, Stereo-vision applications to reconstruct the 3D texture of pavement surface, *International Journal of Pavement Engineering*, 12(03) (2011) 263-273.
- [10] E. Masad, A. Rezaei, A. Chowdhury, T.J. Freeman, Field evaluation of asphalt mixture skid resistance and its relationship to aggregate characteristics, *Texas Transportation Institute*, 2010.
- [11] J.N. Meegoda, S. Gao, S. Liu, N.C. Gephart, Pavement texture from high-speed laser for pavement management system, *International Journal of Pavement Engineering*, 14(8) (2013) 697-705.
- [12] H. Zelelew, A. Papagiannakis, E. de León Izeppi, Pavement macro-texture analysis using wavelets, *International Journal of Pavement Engineering*, 14(8) (2013) 725-735.
- [13] W. Wang, X. Yan, H. Huang, X. Chu, M. Abdel-Aty, Design and verification of a laser based device for pavement macrotexture measurement, *Transportation Research Part C: Emerging Technologies*, 19(4) (2011)

چگونه به این مقاله ارجاع دهیم

B. Mataei, F. Moghadas Nejad, H. Zakeri, Presentation of a new surface drainage assessment method based on image processing, *Amirkabir J. Civil Eng.*, 52(5) (2020) 1299-1312.

DOI: [10.22060/ceej.2019.15290.5880](https://doi.org/10.22060/ceej.2019.15290.5880)



